

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего профессионального образования
«Магнитогорский государственный технический университет им. Г.И. Носова»



УТВЕРЖДАЮ:
Декан Факультета

И. Ю. Мезин

«5» сентября 2016 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

МАТЕМАТИКА

Направление подготовки

38.03.04

Государственное и муниципальное управление

Профиль программы

Уровень высшего образования – бакалавриат

Программа подготовки – академический бакалавриат

Форма обучения

заочная

Факультет
Кафедра
Курс

Институт естествознания и сертификации
Кафедра высшей математики
1

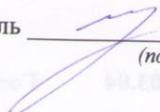
Магнитогорск
2016 г.

Рабочая программа составлена на основе ФГОС ВПО по направлению
38.03.04 Государственное и муниципальное управление, утвержденном приказом
(код и наименование),
МОиН РФ №1567 от 10.12.2014 г.
(номер приказа и дата утверждения)

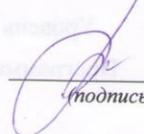
Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры
Высшей математики «1» сентября 2016 г., протокол № 1.

Зав. кафедрой  / Е.А. Пузанкова /
(подпись)

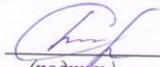
Рабочая программа одобрена методической комиссией Института естество-
знания и стандартизации «5» сентября 2016 г., протокол № 1.

Председатель  / И. Ю. Мезин /
(подпись)

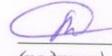
Согласовано:
Зав. кафедрой Государственного и муниципального управления и управления
персоналом

 / Н.Р. Бальнская /
(подпись)

Рабочая программа составлена: доцент каф. Высшей математики, к.ф.-м.н.

 / С.В. Булычева /
(подпись)

Рецензент: доцент каф. Прикладной математики и информатики, к.ф.-м.н.

 / Л.В. Смирнова /
(подпись)

Целью освоения дисциплины является: формирование у студентов теоретической и практической базы для изучения дисциплин, использующих математические модели и методы в экономике.

Для достижения поставленной цели в курсе решаются задачи:

- развитие логического и алгоритмического мышления;
- овладение основными методами исследования и решения профессиональных задач с помощью математических моделей;
- выработку умения самостоятельно расширять математические знания и проводить математический анализ экономических задач;

2 Место дисциплины в структуре образовательной программы подготовки специалиста

Дисциплина Б1.Б.27. «Математика» входит в базовую часть блока 1 образовательной программы.

Освоение данной дисциплины предполагает, что в результате изучения школьного курса математики обучающийся имеет сформированное представление о математике как универсальном языке науки, об идеях и методах математики, владеет математическими знаниями и умениями, соответствующими Федеральному компоненту государственного стандарта общего образования.

Дисциплина «Математика» является предшествующей для изучения дисциплин:

- Управленческий учет и учет персонала;
 - Основы теории управления;
 - Исследование социально-экономических процессов на рынке труда;
- и др..

3 Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины и планируемые результаты обучения

В результате освоения дисциплины «Математика» обучающийся должен обладать следующими компетенциями:

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения
ДПК-1 использовать основные законы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности	
Знать	- основные понятия и методы математического анализа; - основные положения теории пределов и непрерывных функций, графики основных элементарных функций; - методы дифференциального исчисления исследования функций; - методы интегрирования; - основные понятия теории вероятностей и математической статистики.
Уметь	- решать задачи по изучаемым теоретически разделам; - решать типовые математические задачи, используемые при решении экономических задач и принятии управленческих решений.
Владеть	математическим языком предметной области: записывать результаты проведенных исследований в терминах предметной области.
ОК-7 способностью к самоорганизации и самообразованию	
Знать	- основы предметной области: иметь представление о математических методах, применяемых для решения экономических (исследовательских) и управленческих задач.
Уметь	- корректно выражать и аргументировано обосновывать применение математических

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения
	<p>методов (изучаемых разделов математики) для постановки и решения конкретных прикладных задач;</p> <ul style="list-style-type: none"> – распознавать эффективные результаты обработки экспериментальных данных от неэффективных; – самостоятельно получать знания для решения задач творческого характера.
Владеть	<ul style="list-style-type: none"> - навыками самостоятельного решения задач: выполнять творческие (исследовательские) проекты, применяя известные математические методы и модели, применять знания в нестандартной ситуации; - навыками и методиками обобщения результатов решения; - практическими навыками использования математических понятий и методов (изучаемых разделов математики) при решении прикладных задач.

4 Структура и содержание дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 6 зачетных единиц, 216 акад. ч., в том числе:

- контактная работа – 8,6 акад. часов:
 - аудиторная – 6 акад. часов;
 - внеаудиторная – 2,6 акад. часов
- самостоятельная работа – 198,7 акад. часов;
- подготовка к экзамену – 8,7 акад. часа.

Раздел/ тема дисциплины	Курс	Аудиторная контактная работа (в акад. часах)			Самостоятельная работа (в акад. часах)	Вид самостоятельной работы	Форма текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации	Код и структурный элемент компетенции
		лекции	лаборат. занятия	практич. занятия				
Раздел 1. Элементы линейной, векторной алгебры и аналитической геометрии								
1.1. Элементы линейной алгебры: матрицы, определители, системы линейных алгебраических уравнений; балансовые модели в экономике	1	0,5/И0,5		-	10	-самостоятельное изучение учебной литературы; - выполнение практического задания № 1 «Линейная алгебра»	- тест № 1	ОК-7 – зуб ДПК-1- зуб
1.2. Векторная алгебра и аналитическая геометрия на плоскости	1	0,5/И0,5		-	10	-самостоятельное изучение учебной литературы; - выполнение практического задания № 2 «Векторная алгебра и аналитическая геометрия»	- тест № 2 - итоговый тест по разделу 1	ОК-7 – зуб ДПК-1- зуб
Итого по разделу	1	1/И1			20,0		Итоговый тест	

Раздел/ тема дисциплины	Курс	Аудиторная контактная работа (в акад. часах)			Самостоятельная работа (в акад. часах)	Вид самостоятельной работы	Форма текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации	Код и структурный элемент компетенции
		лекции	лаборат. занятия	практич. занятия				
Раздел 2. Математический анализ								
2.1. Пределы последовательности и функции	1	0,5/И0,5			10	-самостоятельное изучение учебной литературы; - выполнение практического задания по теме «Математический анализ»	- тест № 3	ОК-7 – зуб ДПК-1- зуб
2.2. Непрерывность функции; точки разрыва	1	0,5/И0,5			9	-самостоятельное изучение учебной литературы; - выполнение практического задания по теме «Математический анализ»	- тест № 3	ОК-7 – зуб ДПК-1- зуб
2.3. Производная функции одной переменной	1	-		0,5/И0,5	9,7	-самостоятельное изучение учебной литературы; - выполнение практического задания по теме «Математический анализ»	- тест № 3	ОК-7 – зуб ДПК-1- зуб
2.4. Неопределенный, определенный и несобственный интеграл	1	-		0,5/И0,5	10	-самостоятельное изучение учебной литературы; - выполнение практического задания по теме «Математический анализ»	- тест № 3	ОК-7 – зуб ДПК-1- зуб
2.5. Функции нескольких переменных	1	-		-	9	-самостоятельное изучение учебной литературы; - выполнение практического	- тест № 4 - итоговый тест	ОК-7 – зуб ДПК-1-

Раздел/ тема дисциплины	Курс	Аудиторная контактная работа (в акад. часах)			Самостоятельная работа (в акад. часах)	Вид самостоятельной работы	Форма текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации	Код и структурный элемент компетенции
		лекции	лаборат. занятия	практич. занятия				
						задания по теме «Функции нескольких переменных»		зув
Итого по разделу		1/ИИ		1/ИИ	47,7		Итоговый тест	
Раздел 3. Теория вероятностей и математическая статистика								
3.1. Случайные события	1	-		1/ИИ	22	- самостоятельное изучение учебной литературы; - выполнение практического задания по теме «Теория вероятностей»	- тест № 5	ОК-7 – зув ДПК-1- зув
3.2. Случайные величины	1	-		1/ИИ	22	-самостоятельное изучение учебной литературы; -выполнение практического задания по теме «Теория вероятностей»	- тест № 5	ОК-7 – зув ДПК-1- зув
3.3. Точечные и интервальные оценки выборки	1	-		-	22	-самостоятельное изучение учебной литературы; - выполнение практического задания по теме «Математическая статистика»	- тест № 6	ОК-7 – зув ДПК-1- зув
3.4. Проверка статистических гипотез	1	-		0,5/И0,5	22	-самостоятельное изучение учебной литературы; - выполнение практического задания по теме «Математиче-	- тест № 6	ОК-7 – зув ДПК-1- зув

Раздел/ тема дисциплины	Курс	Аудиторная контактная работа (в акад. часах)			Самостоятельная работа (в акад. часах)	Вид самостоятельной работы	Форма текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации	Код и структурный элемент компетенции
		лекции	лаборат. занятия	практич. занятия				
						ская статистика»		
3.5. Анализ зависимостей (корреляционно-регрессионный анализ)	1	-		0,5/И0,5	23	-самостоятельное изучение учебной литературы; - выполнение практического задания по теме «Математическая статистика»	- тест № 6 - итоговый тест	ОК-7 – зுவ ДПК-1- зுவ
Итого по разделу		-		3/ЗИ	111		Итоговый тест	
Выполнение контрольной работы по курсу «Математика»		-		-	20	Выполнение контрольной работы	Контрольная работа	ОК-7 – зுவ ДПК-1- зுவ
Итого по дисциплине		2/ЗИ		4/ЗИ	198,7		Экзамен	

И – в том числе, часы, отведенные на работу в интерактивной форме.

5 Образовательные и информационные технологии

Реализация компетентного подхода предусматривает использование в учебном процессе активных и интерактивных форм проведения занятий в сочетании с внеаудиторной работой с целью формирования и развития профессиональных навыков обучающихся. Согласно п. 34 Порядка организации и осуществления деятельности по образовательным программам бакалавриата высшего образования (утв. приказом МОиН РФ от 05.04.2017 г. № 301), при проведении учебных занятий обеспечивается развитие у обучающихся навыков командной работы, межличностной коммуникации, принятия решений, лидерских качеств, в том числе с учетом региональных особенностей профессиональной деятельности выпускников и потребностей работодателей.

Выбирая ту или иную технологию работы с обучающимися, необходимо иметь в виду, что наибольшего эффекта от ее применения можно достичь, если учитывать цели образования, на реализацию которых должна быть направлена избираемая технология, содержание, которое предстоит передать обучающимся с ее помощью, а также условия, в которых она будет использоваться.

В нашей работе мы используем следующее.

1. *Традиционные образовательные технологии.* Организация образовательного процесса, предполагает прямую трансляцию знаний от преподавателя к студенту (преимущественно на основе объяснительно-иллюстративных методов обучения). Учебная деятельность студента носит в таких условиях, как правило, репродуктивный характер.

Формы учебных занятий:

- информационная лекция – последовательное изложение материала в дисциплинарной логике, осуществляемое преимущественно вербальными средствами.

- практическое занятие, посвященное освоению конкретных умений и навыков по предложенному алгоритму.

2. *Технологии проектного обучения.* Образовательный процесс построен в соответствии с алгоритмом поэтапного решения проблемной задачи или выполнения учебного задания. Проект предполагает совместную учебно-познавательную деятельность группы студентов, направленную на выработку концепции, установление целей и задач, формулировку ожидаемых результатов, определение принципов и методик решения поставленных задач, планирование хода работы, поиск доступных и оптимальных ресурсов, поэтапную реализацию плана работы, презентацию результатов работы, их осмысление и рефлексию. Применяется в основном для перехода компетенции на уровень владения.

Основные типы применяемых нами в образовательной деятельности проектов:

Исследовательский проект – структура приближена к формату научного исследования (доказательство актуальности темы, определение научной проблемы, предмета и объекта исследования, целей и задач, методов, источников, выдвижение гипотезы, обобщение результатов, выводы, обозначение новых проблем). Результатом является учебная карта по модулю нашей образовательной программы.

Творческий проект, предполагающий в отличие от предыдущего, конечный продукт в следующих вариантах – газета к исторически значимому «математическому» событию (праздник числа «Пи» и т.п.); «математическая» открытка (своего рода учебная карта, только неформально, красочно оформленная; видеоролик «Я научу вас решать ...» и т.п.

Информационный проект – учебно-познавательная деятельность с ярко выраженной эвристической направленностью (поиск, отбор и систематизация информации о каком-то объекте, ознакомление участников проекта с этой информацией, ее анализ и обобщение и, наконец, презентация по практическому приложению).

4. *Информационно-коммуникационные образовательные технологии.* Организация образовательного процесса с применением специализированных программных сред и технических средств работы с информацией (информационную среду университета MOODYS MOODLE).

6 Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

По дисциплине «Математика» предусмотрена внеаудиторная самостоятельная работа обучающихся, проводимая в виде самостоятельного изучения литературы и информационных ресурсов, а также в виде решения типовых задач при выполнении практических заданий и тестов.

Примерные практические задания:

«Элементы линейной, векторной алгебры и аналитической геометрии»

Задание 1. Вычислить определитель $\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 0 & 4 \\ 5 & 6 & 7 \end{vmatrix}$.

Задание 2. Решите систему тремя способами: а) матричным способом; б) по формулам Крамера; в) методом Гаусса

$$\begin{cases} x - 2y - 3z = 3, \\ 3x + y - 2z = 9, \\ 2x - 3y + 5z = -4. \end{cases}$$

Задание 3.

1) Найдите угол между векторами \vec{a} и \vec{b} , если $\vec{a} = (2; -1)$, $\vec{b} = (-2; 2)$.

Постройте данные векторы в системе координат Oxy , а также векторы, изображающие: $2\vec{a} + \vec{b}$, $\vec{a} - 3\vec{b}$.

2) Укажите среди нижеприведенных векторов ортогональные, коллинеарные, а также компланарные: $\vec{a} = (-3; -1; 4)$, $\vec{b} = (2; -2; 1)$, $\vec{c} = \left(2; \frac{2}{3}; -\frac{8}{3}\right)$, $\vec{d} = (7; 11; 8)$. Вычислите площадь параллелограмма, построенного на векторах \vec{b} и \vec{c} .

Задание 4.

Написать уравнение прямой AB , если $A(-1; 2; 3)$, $B(-1; 2; -1)$. Вычислить расстояние от точки A этой прямой до плоскости, проходящей через точку B , перпендикулярно вектору $\vec{N}(0; -3; 9)$.

Задание 5.

Приведите к каноническому виду и постройте кривую $x^2 - 4x + 2y^2 - 4y = 0$

«Математический анализ»

Задание 1.

Вычислите пределы:

а) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1 + 4x - x^4}{x + 3x^2 + 2x^4}$; б) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x \cdot \arcsin 2x}{\cos x - \cos^3 x}$; в) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{2x-1} - \sqrt{5}}{x-3}$.

Задание 2.

Найдите $\frac{dy}{dx}$ и $\frac{d^2y}{dx^2}$ для функций: а) $y = e^{4x-x^2}$. б) $\begin{cases} x = \operatorname{ctg} 2t, \\ y = \ln(\sin 2t). \end{cases}$

Задание 3.

Составьте уравнение касательной к кривой: $y = \frac{2x-7}{x^2-4}$ в точке $x_0 = -1$. Нарисуйте касательную и кривую.

Задание 4. Вычислите неопределенные интегралы

$$1) \int (1 + \operatorname{tg}^2 3x) dx; \quad 2) \int \frac{3-5x}{\sqrt{6x+x^2}} dx; \quad 3) \int \arcsin 5x dx; \quad 4) \int \frac{\ln^3 x}{x} dx.$$

Задание 5. Вычислите определенные интегралы

$$1) \int_0^{\frac{\pi}{8}} (1 - \sin 2x)^2 dx; \quad 2) \int_0^1 \frac{x^2}{e^{2x}} dx; \quad 3) \int_1^{4.5} \frac{x-1}{\sqrt[3]{2x-1}} dx.$$

Задание 6. Найдите площади фигур, ограниченных линиями. В задаче (б) при построении линии воспользуйтесь таблицей важнейших кривых в полярной системе координат:

$$а) xy = 6, \quad x + y - 7 = 0; \quad б) \rho^2 = 2 \cos 2\varphi.$$

Задание 7. Найдите длину дуги кривой $\begin{cases} x = 2\sqrt{2} \cos t, \\ y = 2\sqrt{2} \sin t, \end{cases} \quad 0 \leq t \leq \frac{2}{3}\pi.$

Задание 8. Вычислить несобственный интеграл или установить его расходимость:

$$1) \int_0^{\infty} x^3 e^{-x^4} dx; \quad 2) \int_2^4 \frac{dx}{\sqrt[3]{(4-x)^2}}.$$

Задание 9. Найти частные производные первого порядка функций:

$$1) z = x^2 + 2y^2 - 3xy - 4x + 2y;$$

$$2) z = \sin(x + \sqrt{y});$$

$$3) z = \frac{\cos y^2}{x}$$

Задание 10. Найти частные производные высших порядков функций:

$$1) (\partial^2 z) / (\partial x)^2, \quad (\partial^2 z) / (\partial y)^2, \quad (\partial^2 z) / \partial x \partial y, \quad \text{если } z = x^y;$$

$$2) (\partial^2 z) / (\partial x)^2, \quad (\partial^2 z) / (\partial y)^2, \quad (\partial^2 z) / \partial x \partial y, \quad \text{если } z = \ln(x^2 + y^2);$$

Задание 11 Исследовать функцию на экстремум:

Задание 12. Для функции $z = \ln(2x^2 + 3y^2)$ в точке $A(1, 1)$ найти производную в направлении вектора $\vec{l} = 3\vec{i} + 2\vec{j}$.

«Теория вероятностей. Математическая статистика»

1. В урне 12 шаров. Среди этих шаров 3 белых и 9 черных. Какова вероятность того, что наудачу вынутый шар окажется белым?
2. В радиостудии три микрофона. Для каждого из первых двух микрофонов вероятность того, что он включён в данный момент, равна 0,45, а для третьего – 0,9. Найти вероятность того, что в данный момент включены 2 микрофона.
3. В продаже имеются белые и коричневые яйца в соотношении 2:3, причем производство 60% белых и 71% коричневых яиц датируется днем, предшествующим дню продажи, а остальные яйца датируются более ранними числами. Покупатель заказывает яйца, датируемые днем, предшествующим дню продажи, независимо от их цвета. Какова вероятность того, что ему продадут решетку белых яиц?

4. Телефонная сеть учреждения обслуживает 200 абонентов. Вероятность того, что в течение минуты внутри этой сети кто-то кому-то позвонит, равна 0,7. Какова вероятность того, что в течение минуты будет 5 звонков? Какова вероятность того, что в течение минуты будет не более 5 звонков? Найти наименее вероятное число звонков в течение минуты.
5. Задан ряд распределения случайной величины X . Найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение. Построить функцию распределения.

X	4	6	10	12
P	0.3	0.2	0.2	0.3

6. Для непрерывной случайной величины задана функция распределения $F(x)$. Требуется найти плотность распределения $f(x)$, математическое ожидание, дисперсию, среднее квадратическое отклонение. Вычислить вероятность того, что отклонение случайной величины от её математического ожидания будет не более среднего квадратического отклонения. Построить график функций.

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 2; \\ (x-2)^2, & 2 < x \leq 3; \\ 1, & x > 3. \end{cases}$$

7. Выборка дана в виде распределения частот:

x_i	2	5	7	9	11	13
n_i	1	9	2	2	30	5
	0		1	5		

Найти распределение относительных частот и построить полигон относительных частот.

8. Выборка задана рядом распределения частот:

x_i	4	7	1	1
n_i	1	1	2	5
	0	5	0	

Найти выборочную среднюю и выборочную дисперсию

Примерная контрольная работа

Задания

1. Решите матричное уравнение.

$$(A + 2B) \cdot X = C + A^2, \text{ где } A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 4 & 2 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ -1 & 4 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}.$$

2. Решите систему

- а) по формулам Крамера;
б) методом Гаусса;

в) с помощью обратной матрицы.

$$\begin{cases} x + 5y + 3z = -2, \\ 2x + y - z = 10, \\ 4x + 2y + z = 14. \end{cases}$$

3. Даны координаты вершин пирамиды $A_1(0; 0; 1), A_2(2; 3; 5), A_3(6; 2; 3), A_4(3; 7; 2)$. Найти:

- 1) длину ребра A_1A_2 ;
- 2) угол между ребрами A_1A_2 и A_1A_4 ;
- 3) площадь грани $A_1A_2A_3$;
- 4) объем пирамиды;
- 5) уравнение плоскости $A_1A_2A_3$;

4. Найдите производные следующих функций:

а) $y = \arctg^2(e^{2x}) - (3x + x^2)^5$, б) $y = \sqrt[3]{7-4x} \cdot \operatorname{tg} 5x + 5^{\cos 2x}$,

в) $y = \frac{\sin^2 x + 2}{3 \ln(6x-1)}$,

г) найдите y''' , $y = x^2 \cdot \cos(2x+1)$.

5. Исследуйте функцию $y = x \cdot e^{-2x}$ и постройте ее график.

6. Вычислите интегралы:

а) $\int (x + \cos^2 3x) dx$; б) $\int \frac{\ln^3 x}{x} dx$; в) $\int \arcsin 5x dx$;

г) $\int_0^1 \frac{x dx}{1+x^2}$; д) $\int_0^{\frac{\pi}{4}} x \cos 2x dx$.

7. Найдите площадь фигуры, ограниченной линиями:

$$y = e^x, y - x = 0, x = 0, x = 4.$$

8. Найти частные производные первого порядка функции

$$u = \arcsin(x^2 + xy^3 + zx + 2z).$$

9. Показать, что функция $z = \frac{y^2}{3x} + \arcsin(xy)$ удовлетворяет уравнению

$$x^2 \frac{\partial z}{\partial x} - xy \frac{\partial z}{\partial y} + y^2 = 0.$$

10. Исследовать на экстремум функцию двух независимых переменных

$$z = x^3 - 5xy + 5y^2 + 7x - 15y.$$

11. В конверте среди 100 фотографий находится одна разыскиваемая. Из конверта наудачу извлекается 10 фотографий. Найти вероятность того, что среди них окажется нужная.

12. Отдел технического контроля проверяет изделия на стандартность. Вероятность того, что изделие стандартно, равна 0.9. Найти вероятность того, что из двух проверенных наудачу взятых изделий только одно стандартное.

13. Дан закон распределения дискретной случайной величины:

$x:$	318	328	338	348	358
$p:$	0.15	0.15	0.20	0.35	0.15

вычислить ее математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение.

7 Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации

а) Планируемые результаты обучения и оценочные средства для проведения промежуточной аттестации:

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
ДПК-1 использовать основные законы естественнонаучных дисциплин в профессиональной деятельности		
Знать	<ul style="list-style-type: none"> - основные понятия и методы математического анализа - основные положения теории пределов и непрерывных функций, графики основных элементарных функций - методы дифференциального исчисления исследования функций, - методы интегрирования, - основные понятия теории вероятностей и математической статистики 	<p>Теоретические вопросы (экзамен)</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Матрицы. Виды матриц. Действия над матрицами. 2. Определитель. Определение, свойства определителя. 3. невырожденная матрица. Обратная матрица. Ранг матрицы. 4. Системы линейных уравнений. Основные понятия. Совместность СЛАУ. 5. Решение невырожденных линейных систем. Формулы Крамера. Матричный метод. 6. Решение систем линейных уравнений методом Гаусса. 7. Системы линейных однородных уравнений. 8. Векторы. Линейные операции над векторами. Проекция вектора на ось. Модуль вектора. Направляющие косинусы. 9. Скалярное произведение векторов, его свойства. Приложения скалярного произведения в геометрии, физике. 10. Уравнения прямой на плоскости. 11. Уравнения плоскости в пространстве. 12. Последовательность. Предел последовательности. 13. Функция. Способы задания. Область определения. Основные элементарные функции, их свойства, графики. 14. Предел функции в точке. Предел функции в бесконечности. Односторонние пределы. 15. Бесконечно малые и бесконечно большие функции, связь между ними. Свойства бесконечно малых функций. 16. Теоремы о пределах. Раскрытие неопределенностей. 17. Замечательные пределы. 18. Сравнение бесконечно малых функций. Эквивалентные бесконечно малые функции и основные теоремы о них. Применение к вычислению пределов. 19. Непрерывность функции в точке. Точки разрыва и их классификация. 20. Основные теоремы о непрерывных функциях. Свойства функций непрерывных на отрезке. 21. Производная функции, ее геометрический и физический смысл. 22. Уравнения касательной и нормали к кривой. Дифференцируемость функции в точке. 23. Производная суммы, разности, произведения, частного функций. Производная сложной и обратной функций. 24. Дифференцирование неявных и параметрически заданных функций. Логарифмическое дифференцирование. 25. Производные высших порядков. 26. Дифференциал функции. Геометрический смысл дифференциала. Основные теоремы о дифференциалах.

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
		27. Применение дифференциала к приближенным вычислениям. 28. Основные теоремы дифференциального исчисления: Ролля, Лагранжа и Коши. 29. Правило Лопиталя. 30. Условия монотонности функций. Экстремумы функций. Необходимое и достаточное условия экстремума функции. 31. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке. 32. Выпуклость графика функции. Точки перегиба. Необходимое и достаточное условия точек перегиба. 33. Асимптоты графика функции. 34. Понятие неопределенного интеграла, его свойства. Таблица основных неопределенных интегралов. 35. Методы интегрирования (замена переменной и интегрирование по частям). 36. Интегрирование квадратных трехчленов. Интегрирование дробно-рациональных функций. 37. Определение определенного интеграла, его свойства, геометрический и физический смысл. 38. Вычисление определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница. Интегрирование подстановкой, интегрирование по частям. Интегрирование четных и нечетных функций в симметричных пределах. 39. Приложения определенного интеграла в экономике. 40. Несобственные интегралы. 41. Определение функции нескольких переменных. Область определения. Замкнутые и открытые области. Способы задания. 42. Частные производные функции нескольких переменных, их геометрический смысл. 43. Дифференцируемость и полный дифференциал функции нескольких переменных. Применение полного дифференциала к приближенным вычислениям. 44. Производная сложной функции нескольких переменных. Полная производная. 45. Дифференцирование неявной функции нескольких переменных. 46. Экстремум функции двух переменных. Необходимые и достаточные условия экстремума. 47. Условный экстремум функции двух переменных. 48. Наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных в ограниченной замкнутой области.
Уметь	– решать задачи по изучаемым теоретически разделам; – решать типовые математические задачи, используемые при решении экономических задач и принятии управленческих решений.	Примерные практические задания для экзамена: 1. Решить матричное уравнение $X+3(A-B)=4C$, где $A = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ -2 & -4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 3 & 8 \\ -7 & 5 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 8 & 6 \\ -3 & 9 \end{pmatrix}.$ 2. Решить системы линейных алгебраических уравнений по формулам Крамера, матричным методом, методом Гаусса:

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
		$\begin{cases} 3x_1 + 4x_2 + 2x_3 = 3 \\ 2x_1 - x_2 - 3x_3 = -3 \\ x_1 + 5x_2 + x_3 = -2 \end{cases}$ <p>3. 3. Даны координаты вершин пирамиды $A_1A_2A_3A_4$: $A_1(1;3;6)$, $A_2(2;2;1)$, $A_3(-1;0;1)$, $A_4(-4;6;-3)$. Найти: 1) длину ребра A_1A_2; 2) угол между ребрами A_1A_2 и A_1A_4; 3) угол между ребром A_1A_4 и гранью $A_1A_2A_3$; 4) площадь грани $A_1A_2A_3$; 5) объем пирамиды.</p> <p>4. В треугольнике с вершинами $A(2,1)$, $B(5,3)$, $C(-6,5)$ найти длину высоты из вершины A.</p> <p>5. Написать канонические и параметрические уравнения прямой, проходящей через точки $M(2,1,-1)$ и $K(3,3,-1)$.</p> <p>6. Составить уравнение плоскости, проходящей через точки $A(1,0,2)$, $B(-1,2,0)$, $C(3,3,2)$.</p> <p>7. Доказать, что прямые параллельны:</p> $\frac{x+2}{3} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z}{1} \text{ и } \begin{cases} x + y - z = 0 \\ x - y - 5z - 8 = 0 \end{cases}$ <p>8. Вычислите пределы:</p> <p>9. а) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1+4x-x^4}{x+3x^2+2x^4}$; б) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x \cdot \arcsin 2x}{\cos x - \cos^3 x}$; в) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{2x-1} - \sqrt{5}}{x-3}$.</p> <p>10. Найдите $\frac{dy}{dx}$ для функций: а) $y = e^{4x-x^2}$. б) $\begin{cases} x = \operatorname{ctg} 2t, \\ y = \ln(\sin 2t). \end{cases}$</p> <p>11. Найти неопределённый интеграл: а) $\int \sin 3x \cdot \cos 5x dx$; б) $\int \frac{1 - \cos x}{(x - \sin x)^2} dx$; в) $\int (2x+5) \cdot e^x dx$.</p> <p>12. Вычислить определенный интеграл $\int_2^{\sqrt{20}} \frac{x dx}{\sqrt{x^2+5}}$.</p> <p>13. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями: $x = 4$, $y^2 = 4x$.</p>

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
		<p>14. Найти и построить область определения функции $u = \sqrt{9 - x^2 - y^2} + (x - y)^3$.</p> <p>15. Найти полный дифференциал функции: $z = x^3 \ln y - \sin 2xy$.</p> <p>16. Найти частные производные первого порядка функции: $z = 5x^2 y^3 + \ln(x + 4y)$.</p> <p>17. Найти экстремум функции $z = x^3 + y^3 + 6xy$.</p>
Владеть	математическим языком предметной области: записывать результаты проведённых исследований в терминах предметной области.	<p>Примерные практические задания</p> <p>Задание 1. Систематизируйте и обобщите все ключевые понятия и приемы решения типовых задач по теме «Производная» и «Применение производной при исследовании функций». Результат оформите в виде таблицы.</p> <p>Задача 2. Для решения задачи сделайте схематический чертеж и получите функциональную зависимость по указанию к задаче. Найдите область определения этой функции по смыслу задачи. Вычислите значения этой функции при трех различных значениях аргумента. Исследуйте функцию на наибольшее и наименьшее значения. Ответьте на вопрос задачи.</p> <p>«Сечение тоннеля имеет форму прямоугольника, завершеного полукругом. Периметр сечения 18 м. При каком радиусе полукруга площадь сечения будет наибольшей?»</p> <p>Обозначьте радиус полукруга через r и выразите площадь S сечения как функцию от r: $S = S(r)$.</p> <p>Примерные прикладные задачи и задания</p> <p>Задание 1. Пусть функция затрат при производстве апатитового концентрата имеет вид: $K(X) = 2X + \sqrt{X - 1}$. Определить предельные издержки производства при увеличении объёма выпуска на $x_1 = 2$ ед. и на $x_2 = 10$ ед.</p> <p>Задание 2. Предприятие производит X единиц продукции.</p> <p>Установлено, что зависимость финансовых накоплений от объёма выпуска задаётся формулой: $f(x) = -0,02x^3 + 600x - 1000$.</p> <p>Определить максимально возможную величину финансовых накоплений.</p>
ОК-7 способностью к самоорганизации и самообразованию		
Знать	- основы предметной области: иметь представление о математических методах, применяемых	<p>Теоретические вопросы</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Элементы комбинаторики: перестановки, размещения, сочетания. 2. Основные понятия теории вероятностей: испытание, событие, вероятность события. 3. Действия над событиями. Алгебра событий.

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства												
	для решения экономических (исследовательских) и управленческих задач	4. Теоремы сложения и умножения вероятностей. 5. Формула полной вероятности. Формула Байеса. 6. Последовательность независимых испытаний. Формула Бернулли. 7. Случайные величины, их виды. 8. Ряд распределения. 9. Функция распределения, ее свойства. 10. Плотность распределения, свойства. 11. Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение. 12. Нормальный закон распределения случайной величины. 13. Системы случайных величин. Закон распределения. Числовые характеристики системы случайных величин. Зависимость случайных величин. 14. Предмет математической статистики. Генеральная совокупность и выборка. Вариационный ряд. Полигон. Гистограмма. Эмпирическая функция распределения. 15. Статистические оценки параметров распределения генеральной совокупности. 16. Статистическая проверка гипотез. Проверка параметрических гипотез. Критерии согласия. Критерий Пирсона.												
Уметь	- корректно выражать и аргументированно обосновывать применение математических методов для постановки и решения конкретных прикладных задач; - распознавать эффективные результаты обработки экспериментальных данных от неэффективных; самостоятельно получать знания для решения задач творческого характера.	Задание 1. При доставке с завода на базу 1000 радиоприемников, у 55 вышли из строя лампы. Найти вероятность того, что взятый наудачу приемник будет исправным. Задание 2. Принимаем вероятности рождения мальчика и девочки равными. Найти вероятность того, что среди 10 новорожденных 6 окажутся мальчиками. Задание 3. Дан закон распределения дискретной случайной величины: <table border="1" data-bbox="1303 999 1718 1098" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x:</td> <td>10</td> <td>20</td> <td>30</td> <td>40</td> <td>50</td> </tr> <tr> <td>p:</td> <td>0.1</td> <td>0.2</td> <td>0.3</td> <td>0.2</td> <td>0.2</td> </tr> </table> вычислить ее математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение. Задание 4. Дана функция распределения непрерывной случайной величины X $F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x < 0 \\ 0,25x^3(x+3) & \text{при } 0 \leq x \leq 1 \\ 1 & \text{при } x > 1 \end{cases}$ Найти плотность распределения f(x), построить ее график, вероятность попадания в заданный интервал [0,5; 2], M_x , D_x , σ_x .	x:	10	20	30	40	50	p:	0.1	0.2	0.3	0.2	0.2
x:	10	20	30	40	50									
p:	0.1	0.2	0.3	0.2	0.2									
Владеть	- навыками самостоятельного решения задач: выполнять твор-	Примерные прикладные задачи и задания Задание 1. Пусть банк выдает кредит в 5 млн руб. сроком на 5 лет. Вероятность невозврата кредита примем рав-												

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
	<p>ческие (исследовательские) проекты, применяя известные математические методы и модели, применять знания в нестандартной ситуации;</p> <ul style="list-style-type: none"> - навыками и методиками обобщения результатов решения; - практическими навыками использования математических понятий и методов (изучаемых разделов математики) при решении прикладных задач. 	<p>ной 5%. Какую процентную ставку необходимо установить банку, чтобы в получить прибыль, не меньше минимальной?</p> <p>Задние 2. Зависимость объема выпуска продукции V от капитальных затрат K определяется функцией $V=V_0 \ln(4+K^3)$. Найти интервал изменения K, на котором увеличение капитальных затрат неэффективно.</p> <p>Задание 3. Цементный завод производит X тонн цемента в день. По договору н должен ежедневно поставлять строительной фирме не менее 20 тонн цемента. Производственные мощности завода таковы, что выпуск не может превышать 90 тонн в день.</p> <p>Определить: 1) при каком объёме производства удельные затраты производства будут наибольшими (наименьшими); 2) выгодно ли строительной фирме быть единственным партнёром завода.</p>

б) Порядок проведения промежуточной аттестации, показатели и критерии оценивания:

Промежуточная аттестация по дисциплине «Математика» включает теоретические вопросы, позволяющие оценить уровень усвоения обучающимися знаний, и практические задания, выявляющие степень сформированности умений и владений, проводится в форме экзамена.

Экзамен по данной дисциплине проводится в устной форме по экзаменационным билетам, каждый из которых включает 1 теоретический вопрос и два практических задания.

Показатели и критерии оценивания экзамена:

– на оценку **«отлично»** – обучающийся демонстрирует высокий уровень сформированности компетенций, всестороннее, систематическое и глубокое знание учебного материала, свободно выполняет практические задания, свободно оперирует знаниями, умениями, применяет их в ситуациях повышенной сложности.

– на оценку **«хорошо»** – обучающийся демонстрирует средний уровень сформированности компетенций: основные знания, умения освоены, но допускаются незначительные ошибки, неточности, затруднения при аналитических операциях, переносе знаний и умений на новые, нестандартные ситуации.

– на оценку **«удовлетворительно»** – обучающийся демонстрирует пороговый уровень сформированности компетенций: в ходе контрольных мероприятий допускаются ошибки, проявляется отсутствие отдельных знаний, умений, навыков, обучающийся испытывает значительные затруднения при оперировании знаниями и умениями при их переносе на новые ситуации.

– на оценку **«неудовлетворительно»** – обучающийся демонстрирует знания не более 20% теоретического материала, допускает существенные ошибки, не может показать интеллектуальные навыки решения простых задач или не может показать знания даже на уровне воспроизведения и объяснения информации.

8 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)

а) Основная литература:

1. Ржевский, С.В. Высшая математика : учебник / С.В. Ржевский. - Москва : Инфра-М ; Znanium.com, 2018. - 814 с. - (Высшее образование). - ISBN 978-5-16-107481-7 (online). - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/read?id=337456> (дата обращения: 12.11.2020). – Режим доступа: по подписке.

б) Дополнительная литература:

1. В.Г. Шершневу. **Основы линейной алгебры и аналитической геометрии:** Учебно-методическое пособие / В.Г. Шершневу. - М.: НИЦ ИНФРА-М, 2013. - 168 с.: 60x88 1/16. - (Высшее образование: Бакалавриат). (обложка) ISBN 978-5-16-005479-7. Режим доступа: <http://znanium.com/bookread2.php?book=318084> – Загл. с экрана
2. **Алгебра и геометрия** : учеб. пособие / Г.И. Шуман, О.А. Волгина, Н.Ю. Голодная. – М. : РИОР : ИНФРА-М, 2018. — (Высшее образование). – 160 с. — DOI: <https://doi.org/10.12737/1708-1> Режим доступа: <http://znanium.com/bookread2.php?book=908228> – Загл. с экрана
3. **Алгебра. Ч. 4. Задачник-практикум:** Учебное пособие / Шмидт Р.А. - СПб:СПбГУ, 2016. - 184 с.: ISBN 978-5-288-05650-5 Режим доступа: <http://znanium.com/bookread2.php?book=941730> – Загл. с экрана
4. **Линейная алгебра: теория и прикладные аспекты:** Учебное пособие / Г.С. Шевцов. - 3-е изд., испр. и доп. - М.: Магистр: НИЦ ИНФРА-М, 2014. - 544 с.: 60x90 1/16. (переплет) ISBN 978-5-9776-0258-7 Режим доступа: <http://znanium.com/bookread2.php?book=347840> – Загл. с экрана
5. **Линейная алгебра и аналитическая геометрия. Практикум:** Учебное пособие / А.С. Бортаковский, А.В. Пантелеев. - М.: НИЦ ИНФРА-М, 2015. - 352 с.: 60x90 1/16. - (Высшее образование: Бакалавриат). (переплет) ISBN 978-5-16-010206-1 Режим доступа: <http://znanium.com/bookread2.php?book=476097> – Загл. с экрана.

6. **Линейная алгебра. Линейные операторы. Квадратичные формы. Комплексные числа:** Учебное пособие / Рубашкина Е.В. - М.: НИЦ ИНФРА-М, 2016. - 38 с.: 60x90 1/16. - (Высшее образование) (Обложка) ISBN 978-5-16-011858-1 Режим доступа: <http://znanium.com/bookread2.php?book=544419>

в) Методические указания:

1. Коротецкая, В.А. Функции нескольких переменных: учебное пособие [Электронный ресурс] / В.А. Коротецкая, Ю.А. Извеков. - М.: ФГУП НТЦ «Информрегистр», 2015.
2. Изосова, Л.А. Основы математического анализа: учеб. пособие. Часть 1. Дифференциальное исчисление функции одной переменной [Электронный ресурс] / Л.А. Изосова, Л.А. Грачева. - М.: ФГУП НТЦ «Информрегистр», 2015.
3. Вахрушева И.А., Захаркина Е.И., Максименко И.А. Сборник индивидуальных заданий по математике. Часть 2: Учебное пособие [Электронный ресурс] / И.А. Вахрушева, Е.М. Гугина, Е.И. Захаркина, И.В.Максименко. - М.: ФГУП НТЦ «Информрегистр», 2016. - № 0321600297.
4. Акманова З.С. Тетрадь-конспект по теме "Неопределенный интеграл": Учебно-методическое пособие [Электронный ресурс] / З.С. Акманова. - М.: ФГУП НТЦ «Информрегистр», 2016. – № 0321600320.
5. Акманова З.С. Неопределенный интеграл: от теории к практике: Учебное пособие [Электронный ресурс] / З.С. Акманова. - М.: ФГУП НТЦ «Информрегистр», 2016. – № 0321600321.
6. Анисимов А.Л. Элементы теории вероятностей: Учебное пособие [Электронный ресурс] /А.Л. Анисимов - М.: ФГУП НТЦ «Информрегистр», 2016. – № 0321601535.
7. Пузанкова Е.А. Введение в математический анализ: Учебное пособие [Электронный ресурс] / Е.А. Пузанкова, Н.А. Квасова - М.: ФГУП НТЦ «Информрегистр», 2016. – № 0321601528.
8. Зарецкая М.А. Лекции по теории вероятностей: Учебное пособие [Электронный ресурс] / М.А. Зарецкая. - М.: ФГУП НТЦ «Информрегистр», 2017. – № 0321701331.
9. Вахрушева И.А., Максименко И.А. Элементы комбинаторики и теории вероятностей: Учебное пособие [Электронный ресурс] / И.А. Вахрушева, И.В.Максименко. - М.: ФГУП НТЦ «Информрегистр», 2017. – № 0321702483. Объем 1,28 Мб
10. Булычева С.В. Математика: пределы и непрерывность функции одной переменной. Практикум: Учебное пособие [Электронный ресурс] / С.В. Булычева - М.: ФГУП НТЦ «Информрегистр», 2017. – № 0321703463. Объем 0,55Мб
11. Бондаренко Т.А. Интегральное исчисление функции одной переменной: Учебное пособие [Электронный ресурс] / Бондаренко Т.А. - М.: ФГУП НТЦ «Информрегистр», 2017. – № 0321703516. Объем 3,36Мб
12. Вахрушева И.А., Максименко И.А. Сборник индивидуальных заданий по математике. Часть 3: Учебное пособие [Электронный ресурс] / И.А. Вахрушева, И.В.Максименко. - М.: ФГУП НТЦ «Информрегистр», 2018. – № 0321801321. Объем 1,45 Мб
13. Анисимов А.Л. Проверка статистических гипотез: Учебное пособие [Электронный ресурс] / А.Л. Анисимов. - М.: ФГУП НТЦ «Информрегистр», 2018. – № 0321801318. Объем 1,18 Мб

г) Программное обеспечение и Интернет-ресурсы:

1.

Наименование ПО	№ договора	Срок действия лицензии
MS Windows 7	Д-1227 от 08.10.2018	11.10.2021
MS Office 2007	№ 135 от 17.09.2007	бессрочно
Kaspersky Endpoint Security для бизнеса-Стандартный	Д-300-18 от 21.03.2018	28.01.2020
7Zip	свободно распространяемое	бессрочно

2. информационные сети Интернет:

1) Российская государственная библиотека [Электронный ресурс] / Центр информ. Технологий РГБ; ред. Власенко Т.В., Web мастер Козлова Н.В. – Электрон. Дан. – М.: Рос. Гос. б-ка, 1997. URL:<http://www.rsl.ru/>, свободный.– Загл. с экрана. Яз. рус., англ.

2) Российская национальная библиотека. [Электронный ресурс] / –URL: <http://www.nlr.ru> . Яз.рус.

3) Государственная публичная научно-техническая библиотека России [Электронный ресурс] / – Режим доступа: <http://www.gpntb.ru> , свободный.– Загл. с экрана. Яз.рус .

4) Public.Ru - публичная интернет-библиотека URL:<http://www.public.ru/> .

5) Студенческая библиотека [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://studlib.com> , свободный.– Загл. с экрана. Яз. рус., англ.

6) Компьютерра: все новости про компьютеры, железо, новые технологии, информационные технологии [Электронный ресурс]. – Периодическое электронное Интернет-издание – Режим доступа: <https://www.computerra.ru/> – Загл. с экрана. Яз. рус.

7) Система «Интернет-тренажеры в сфере образования» на сайте www.i-exam.ru.

9 Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)

Материально-техническое обеспечение дисциплины включает:

Тип и название аудитории	Оснащение аудитории
Учебные аудитории для проведения практических занятий, занятий лекционного типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации	Мультимедийные средства хранения, передачи и представления информации. Комплекс методических разработок (раздаточного материала и методических указаний) и\или комплекс тестовых заданий для подготовки и проведения промежуточных и рубежных контролей
Помещения для самостоятельной работы обучающихся	Персональные компьютеры с пакетом MS Office, выходом в Интернет и с доступом в электронную информационно-образовательную среду университета
Программные средства	MS Windows (№ лиц. Microsoft Imagine Premium D-1227-18 от 08.10.2018 до 11.10.2021; D-757-17 от 27.06.2017 до 27.06.2018); MS Office 2007 (№ 135 от 17.09.2007, бессрочно); Архиватор 7z свободно распространяемое, бессрочно); MathCad (№ лиц. 43813518 D-1662-13 от 22.11.2013)
Помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования	Шкафы для хранения учебно-методической документации