****

****

****

# **1 Цели освоения дисциплины**

Целями освоения дисциплины «Математика» являются: оз­на­ко­мить обу­чае­мых с ос­нов­ны­ми по­ня­тия­ми и ме­то­да­ми высшей ма­те­ма­тики, соз­дать тео­ре­ти­че­скую и прак­ти­че­скую ба­зу под­го­тов­ки специалистов к дея­тель­но­сти, связанной с исследованием и анализом состояния и перспектив развития средств механизации и автоматизации подъемно-транспортных, строительных и дорожных работ, их технологического оборудования и комплексов на их базе, с проведением теоретических и экспериментальных научных исследований по поиску и проверке новых идей совершенствования средств механизации и автоматизации подъемно-транспортных, строительных и дорожных работ, основанных на применении математического анализа и моделирования.

# 2 Место дисциплины в структуре образовательной программы подготовки специалиста

Дисциплина Б1.Б.9. «Математика» входит в базовую часть блока 1 образовательной программы.

Для изучения дисциплины необходимы знания и умения, сформированные в результате изучении дисциплин: «Алгебра и начала анализа», «Геометрия» в объёме программы средней школы.

Знания и умения, полученные при изучении данной дисциплины будут необходимы в качестве основы для освоения дисциплин естественнонаучного цикла, а также для освоения тех дисциплин профессионального цикла и в научно-исследовательской работе, для которых требуется знание и владение методами математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования, применение аналитических и численных методов решения поставленных задач, а также со­ста­вят ос­но­ву для цик­лов профильных дис­ци­п­лин

# 3 Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины и планируемые результаты обучения

В результате освоения дисциплины «Математика» обучающийся должен обладать следующими компетенциями:

| Структурный элемент компетенции | Планируемые результаты обучения  |
| --- | --- |
| **ОПК – 1** **способностью применять методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования** |
| Знать | - ос­нов­ные понятия и методы математического анализа;- ос­нов­ные по­ло­же­ния линейно, векторной алгебры и аналитической геометрии,- ос­нов­ные по­ло­же­ния тео­рии пре­де­лов и не­пре­рыв­ных функ­ций, - ос­нов­ные тео­ре­мы диф­фе­рен­ци­аль­но­го и ин­те­граль­но­го ис­чис­ле­ния функ­ций од­ной и не­сколь­ких пе­ре­мен­ных,- основные типы обыкновенных дифференциальных уравнений и методы их решения- основные понятия и методы теории вероятностей и статистического анализа результатов эксперимента |
| Уметь | - корректно выражать и аргументированно обосновывать положения предметной области знания и ме­то­дов ма­те­ма­ти­че­ского анализа для по­ста­нов­ки и ре­ше­ния кон­крет­ных при­клад­ных за­дач* применять методы дифференциального исчисления для исследования функций одной и двух переменных;
* выявлять, строить и решать математические модели прикладных задач;

обсуждать способы эффективного решения задач, распознавать эффективные результаты от неэффективных |
| Владеть | - на­вы­ка­ми ис­поль­зо­ва­ния ло­ги­че­ски вер­но, ар­гу­мен­ти­ро­ва­но и яс­но стро­ить уст­ную и пись­мен­ную речь на рус­ском язы­ке, го­то­вить и ре­дак­ти­ро­вать технические тексты с математической символикой или формулами, пуб­лич­но пред­став­лять соб­ст­вен­ные и из­вест­ные на­уч­ные ре­зуль­та­ты, вес­ти дис­кус­сии;- навыками и методиками обобщения результатов решения, экспериментальной деятельности* навыками построения и решения математических моделей прикладных задач;

способами оценивания значимости и практической пригодности полученных результатов |
| **ОПК -3 способностью приобретать новые математические и естественнонаучные знания, используя современные образовательные и информационные технологии** |
| Знать | - основные определения и понятия векторной и линейной алгебры, аналитической геометрии, дифференциального и интегрального исчисления; дифференциальных уравнений, теории вероятностей и математической статистики; численных методов, - основные методы исследования, используемых в математическом анализе, теории вероятностей и математической статистике, векторной и линейной алгебре, аналитической геометрии. |
| Уметь | - применять знания математики в обучении - для решения проблем и задач, нахождения уникальных ответов к проблемам, выходящим за рамки одной дисциплины, а также для оценки и вынесения критических суждений (например, распознавать эффективное решение от неэффективного), для интегрирования имеющихся знаний и наращивания накопленных знаний**.** |
| Владеть | - математическим аппаратом и навыками его использования к описанию, анализу, теоретическому и экспериментальному исследованию и моделированию систем, использования его для обучения и профессиональной деятельности.- навыками и методиками обобщения результатов решения, экспериментальной деятельности.- способами оценивания значимости и практической пригодности полученных результатов.- способами совершенствования профессиональных знаний и умений путем использования возможностей информационной среды |

# **4 Структура и содержание дисциплины**

Общая трудоемкость дисциплины составляет 14 зачетных единиц, 504 акад. ч., в том числе:

– контактная работа – 60,3 акад. часов:

 – аудиторная – 52 акад. часов;

 – внеаудиторная – 8,3 акад. часов

– самостоятельная работа – 422,4 акад. часов;

– подготовка к экзамену – 17,4 акад. часа,

– подготовка к зачету – 3,9 акад. часа.

| Раздел/ темадисциплины | Курс | Аудиторная контактная работа (в акад. часах) | Самостоятельная работа (в акад. часах) | Вид самостоятельной работы | Форма текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации | Код и структурный элемент компетенции |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| лекции | лаборат.занятия | практич. занятия |
| **Раздел 1. Элементы линейной, векторной алгебры и аналитической геометрии** |
| 1.1. Линейная алгебра: Матрицы и действия над ними. Определители квадратных матриц, ранг матрицы, обратная матрица. Метод Гаусса решения систем линейных алгебраических уравнений. Теорема Кронекера-Капелли | 1 | 1 |  | 1 | 10 | - выполнение КР №1 «Линейная, векторная алгебра и аналитическая геометрия. Дифференциальное исчисление ФОП» | - проверка выполнения (решения) КР №1 | ОПК-1 – зувОПК-3 зув |
| 1.2 Векторная алгебра: линейные и нелинейные операции над векторами и их свойства. | 1 | 0,5 |  | 1/И1 | 10 | - выполнение КР №1 | - консультации по решению КР №1,- проверка решения КР №1 (часть – векторы) | ОПК-1 – зувОПК-3 зув |
| 1.3. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве | 1 | 0,5 |  | 1/И1 | 10 | - выполнение КР №1  | - консультации по решению КР №1,- проверка решения КР №1 (часть – аналитич. геом.) | ОПК-1 – зувОПК-3 зув |
| **Итого по разделу** | **1** | **2** |  | **3/И2** | **30,0** |  | **КР №1** |  |
| **Раздел 2. Введение в математический анализ** |
| 2.1. Предел и непрерывность функции одной переменной | 1 | 1 |  | 1 | 5 | - выполнение КР №1  | - консультации по решению КР №1,- проверка решения КР №1 (часть – пределы, непрер.) | ОПК-1 – зувОПК-3 зув |
| 2.2. Определение производной функции в точке. Дифференциал, его геометрический смысл. Геометрический и механический смысл производной. Правила дифференцирования и таблица производных | 1 | 1 |  | 1 | 5 | - выполнение КР № 1  | - консультации по решению КР №1,- проверка решения КР №1 (часть – производные) | ОПК-1 – зувОПК-3 зув |
| 2.3. Дифференцирование неявно и параметрически заданных функций. Логарифмическое дифференцирование | 1 | 1 |  | 1/И1 | 5 | - выполнение КР №1 «Линейная, векторная алгебра и аналитическая геометрия. Дифференциальное исчисление ФОП» | - консульт. по реш. КР №1,- проверка решения КР №1 (часть – построение графиков функций) | ОПК-1 – зувОПК-3 зув |
| 2.4. Ис­сле­до­ва­ние функ­ций с по­мо­щью диф­фе­рен­ци­аль­но­го ис­чис­ле­ния | 1 | 1 |  | 1/И1 | 5 | - выполнение КР №1  | - консультации по решению КР №1 | ОПК-1 – зувОПК-3 зув |
| **Итого по разделу** |  | **4** |  | **4/И2** | **20,0** |  | **КР №1** |  |
| **Раздел 3. Ин­те­граль­ное ис­чис­ле­ние функции одной переменной** |
| 3.1. Пер­во­об­раз­ная функ­ция. Не­оп­ре­де­лен­ный ин­те­грал и его ос­нов­ные свой­ст­ва. Таб­ли­ца не­оп­ре­де­лен­ных ин­те­гра­лов. Ос­нов­ные ме­то­ды ин­тег­ри­ро­ва­ния | 1 | 2/И2 |  | 2 | 17 | - выполнение КР №1 «Неопределенный и определенный интеграл» | - консульт. по реш. КР №1,- проверка решения КР №1 (часть – непоср. интегр.) | ОПК-1 – зувОПК-3 зув |
| 3.2. Определенный интеграл. За­да­чи, при­во­дя­щие к по­ня­тию оп­ре­де­лен­но­го ин­те­гра­ла. Фор­му­ла Нью­то­на-Лейб­ни­ца. Свой­ст­ва. Методы интегрирования. Приложения определенного интеграла. Не­соб­ст­вен­ные ин­те­гра­лы. При­зна­ки схо­ди­мо­сти. | 1 | 2/И2 |  | 3 | 17,5 | - выполнение КР №1 «Неопределенный и определенный интеграл» | - консультации по решению КР №1,- проверка решения КР №1 (часть - вычисление определенного интеграла) | ОПК-1 – зувОПК-3 зув |
| **Итого по разделу** | **1** | **4** |  | **5** | **34,5** |  | **КР №1** |  |
| **Итого установочная сессия** | **1** | **10/И4** |  | **12/И4** | **84,5** |  | **КР №1** |  |
| **Раздел 4. Дифференциальное исчисление функ­ций нескольких пе­ре­мен­ных (ФНП)** | **1** |  |  |  |  |  |  |  |
| 4.1. Определение основных понятий. Предел и непрерывность ФНП. Основные свойства функций, непрерывных в замкнутой области. | 1 | 1 |  | 1/И1 | 5 | - самостоятельное изучение литературы: написание конспекта «Свойства функций, непрерывных в замкнутой области». | - проверка конспекта | ОПК-1 зувОПК-3 зув |
| 4.2. Ча­ст­ные про­из­вод­ные и про­из­вод­ная по на­прав­ле­нию. Ка­са­тель­ная плос­кость и нор­маль к по­верх­но­сти. Гео­мет­ри­че­ский смысл диф­фе­рен­циа­ла. При­знак диф­фе­рен­ци­руе­мо­сти. | 1 | 1 |  | 1 | 5 | - выполнение КР №2 «ФНП. Дифференциальные уравнения» | - консультирование по решению КР №2,- проверка решения КР №2 | ОПК-1 – зувОПК-3 зув |
| 4.3. Про­из­вод­ная слож­ной функ­ции. Ча­ст­ные про­из­вод­ные и диф­фе­рен­циа­лы выс­ших по­ряд­ков. Диф­фе­рен­ци­ро­ва­ние не­яв­но за­дан­ных функ­ций. | 1 | 1 |  | 1 | 10 | - выполнение КР №2 «ФНП. Дифференциальные уравнения» | - консультирование по решению КР №2,- проверка решения КР №2 | ОПК-1 – зувОПК-3 зув |
| 4.4. По­ня­тие об экс­тре­му­мах функ­ций мно­гих пе­ре­мен­ных.  | 1 | 1 |  | 1 | 10 | - выполнение КР №2 «ФНП. Дифференциальные уравнения» | - консультирование по решению КР №2,- проверка решения КР №2 | ОПК-1 – зувОПК-3 зув |
| **Итого по разделу** | **1** | **4** |  | **4/И1** | **30** |  | **КР №**2**, конспект** |  |
| **Раздел 5. Обыкновенные дифференциальные уравнения** |  |  |  |  |  |  |  |  |
| 5.1. Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка. Гео­мет­ри­че­ский смысл диф­фе­рен­ци­аль­но­го урав­не­ния пер­во­го по­ряд­ка. Ме­то­ды ре­ше­ния диф­фе­рен­ци­аль­ных урав­не­ний пер­во­го по­ряд­ка. | 1 | 1/И1 |  | 1 | 10 | - выполнение КР №2 «ФНП. Дифференциальные уравнения» | - консультирование по решению КР №2,- проверка решения КР №2 | ОПК-1 – зувОПК-3 зув |
| 5.2. ДУ высших порядков, сводящиеся к первому | 1 | 1/И1 |  | 0,5/И0,5 | 20 | - составление конспекта «ДУ высших порядков, сводящиеся к первому»,- выполнение КР №2  | - консультирование по решению КР №2,- проверка конспекта | ОПК-1- зувОПК-3 зув |
| 5.3. Ли­ней­ные диф­фе­рен­ци­аль­ные урав­не­ния n-го по­ряд­ка. Ли­ней­ное од­но­род­ное урав­не­ние. Фун­да­мен­таль­ная сис­те­ма ре­ше­ний. Оп­ре­де­ли­тель Врон­ско­го. Не­од­но­род­ное ли­ней­ное урав­не­ние (ЛНДУ), вид об­ще­го ре­ше­ния. Ме­тод ва­риа­ции про­из­воль­ных по­сто­ян­ных. Ли­ней­ное урав­не­ние с по­сто­ян­ны­ми ко­эф­фи­ци­ен­та­ми | 1 | 1 |  | 0,5/И0,5 | 28,8 | - выполнение КР №2 «ФНП. Дифференциальные уравнения» | - консультирование по решению КР №2,- проверка решения КР №2 | ОПК-1 – зувОПК-3 зув |
| **Итого по разделу** | **1** | **4/И2** |  | **4/И1** | **58,8** |  | **КР №2, конспект**  |  |
| **Итого зимняя сессия** | **1** | **8/И2** |  | **8/И2** | **88,8** |  | **Экзамен** |  |
| 5.4. Методы решения систем дифференциальных уравнений 1-го порядка | 1 | - |  | 2 | 122 | - составление конспекта «Методы решения систем ДУ»,- выполнение КР №2 | - консультирование по решению КР №2,- проверка КР №2 | ОПК-1 – зувОПК-3 зув |
| **Итого летняя сессия** |  | **-** |  | **2** | **122** |  | **Экзамен** |  |
| **Раздел 6. Элементы теории вероятностей** **и математической статистики** |
| 6.1. Элементы комбинаторики. Алгебра событий. Классическое, геометрическое и статистическое определения вероятности. Аксиоматика теории вероятностей. | 2 | 1 |  | 1 | 12 | - выполнение КР №3 «Теория вероятностей. Математическая статистика» | - консультирование по решению КР №3 | ОПК-1- зувОПК-3 зув |
| 6.2. Теоремы сложения и умножения. Условная вероятность. Формула полной вероятности и формула Байеса. Схема Бернулли, приближения Лапласа и Пуассона. Дискретные и непрерывные случайные величины. Ряд и функция распределения и плотность. Математическое ожидание и дисперсия, начальные и центральные моменты. Известные распределения и их числовые характеристики. Нормальное распределение. | 2 | 1 |  | 1 | 12 | - выполнение КР №3 «Теория вероятностей. Математическая статистика» | - консультирование по решению КР №3,- проверка решения КР №3 | ОПК-1 – зувОПК-3 зув |
| 6.3. Многомерные случайные величины. Функции распределения, свойства. Числовые характеристики. Элементы теории корреляции. Основные понятия, генеральная совокупность и выборка. Статистические оценки параметров распределения. Точечные и интервальные оценки. | 2 | 2/И2 |  | 1/И1 | 12 | - выполнение КР №3 «Теория вероятностей. Математическая статистика» | - консультирование по решению КР №3,- проверка решения КР №3 | ОПК-1 – зувОПК-3 зув |
| 6.4. Доверительные интервалы для параметров нормального распределения. Понятие о критериях проверки статистических гипотез.  | 2 | 2 |  | 1/И1 | 25,1 | - выполнение КР №3 «Теория вероятностей. Математическая статистика» | - консультирование по решению КР №3,- проверка решения КР №3 | ОПК-1 – зувОПК-3 зув |
| **Итого установочная сессия** | **2** | **6/И2** |  | **4/И2** | **61,1** |  | **КР №3, конспекты** |  |
| 6.5. Критическая область, уровень значимости, мощность критерия. Критерий согласия Пирсона для гипотезы о нормальном распределении | 2 | - |  | 2 |  66 | - выполнение КР №3 «Теория вероятностей. Математическая статистика» | - консультирование по решению КР №3,- проверка КР №3 | ОПК-1 – зувОПК-3 зув |
| **Итого зимняя сессия** | **2** | **-** |  | **2** | **66** |  | **Зачет** |  |
| **Итого по дисциплине** |  | **24/И** |  | **28/И16** | **422,4** |  |  **2 экзамена и 1 зачет** |  |

И – в том числе, часы, отведенные на работу в интерактивной форме.

# 5 Образовательные и информационные технологии

Реализация компетентностного подхода предусматривает использование в учебном процессе активных и интерактивных форм проведения занятий в сочетании с внеаудиторной работой с целью формирования и развития профессиональных навыков обучающихся. Согласно п. 34 Порядка организации и осуществления деятельности по образовательным программам бакалавриата высшего образования (утв. приказом МОиН РФ от 05.04.2017 г. № 301), при проведении учебных занятий обеспечивается развитие у обучающихся навыков командной работы, межличностной коммуникации, принятия решений, лидерских качеств, в том числе с учетом региональных особенностей профессиональной деятельности выпускников и потребностей работодателей.

Выбирая ту или иную технологию работы с обучающимися, необходимо иметь в виду, что наибольшего эффекта от ее применения можно достичь, если учитывать цели образования, на реализацию которых должна быть направлена избираемая технология, содержание, которое предстоит передать обучающимся с ее помощью, а также условия, в которых она будет использоваться.

В нашей работе мы используем следующее.

1. *Традиционные образовательные технологии*. Организация образовательного процесса, предполагает прямую трансляцию знаний от преподавателя к студенту (преимущественно на основе объяснительно-иллюстративных методов обучения). Учебная деятельность студента носит в таких условиях, как правило, репродуктивный характер.

Формы учебных занятий:

- информационная лекция – последовательное изложение материала в дисциплинарной логике, осуществляемое преимущественно вербальными средствами.

- практическое занятие, посвященное освоению конкретных умений и навыков по предложенному алгоритму.

2. *Технологии проектного обучения*.  Образовательный процесс построен в соответствии с алгоритмом поэтапного решения проблемной задачи или выполнения учебного задания. Проект предполагает совместную учебно-познавательную деятельность группы студентов, направленную на выработку концепции, установление целей и задач, формулировку ожидаемых результатов, определение принципов и методик решения поставленных задач, планирование хода работы, поиск доступных и оптимальных ресурсов, поэтапную реализацию плана работы, презентацию результатов работы, их осмысление и рефлексию. Применяется в основном для перехода компетенции на уровень владения.

3. *Информационно-коммуникационные образовательные технологии*. Организация образовательного процесса с применением специализированных программных сред и технических средств работы с информацией (информационную среду университета МООДУС MOODLE).

# 6 Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

По дисциплине «Математика» предусмотрена внеаудиторная самостоятельная работа обучающихся, проводимая в виде самостоятельного изучения литературы и информационных ресурсов, а также в виде решения типовых задач при выполнении контрольных работ.

***Примерные контрольные работы (КР):***

**АКР №1 «Линейная, векторная алгебра и аналитическая геометрия. Дифференциальное исчисление ФОП»**

**Задание 1.**

Решите систему тремя способами: а) матричным способом; б) по формулам Крамера; в) методом Гаусса



**Задание 2.**

1. Найдите угол между векторами  и , если , .

Постройте данные векторы в системе координат Оху, а также векторы, изображающие: , .

1. Укажите среди нижеприведенных векторов ортогональные, коллинеарные, а также компланарные:   Вычислите площадь параллелограмма, построенного на векторах 

**Задание 3.**

Написать уравнение прямой , если , . Вычислить расстояние от точки А этой прямой до плоскости, проходящей через точку В, перпендикулярно вектору .

**Задание 4.**

Приведите к каноническому виду и постройте кривую 

**Задание 5.**

Вычислите пределы:

а) ; б) ; в) .

**Задание 6.**

Найдите  и  для функций: а)  б) 

**Задание 7.**

Составьте уравнение касательной к кривой: в точке = -1. Нарисуйте касательную и кривую.

**Задание 8.** Вычислите неопределенные интегралы

1) ; 2) ; 3); 4) .

**Задание 9.** Вычислите определенные интегралы

1) ; 2) ; 3) .

**Задание 10.** Найдите площади фигур, ограниченных линиями. В задаче (б) при построении линии воспользуйтесь таблицей важнейших кривых в полярной системе координат:

а) , ; б) .

**Задание 11.** Найдите длину дуги кривой  .

**Задание 12.** Вычислить несобственный интеграл или установить его расходимость:

1) ; 2) .

**АКР №2 «ФНП. Дифференциальные уравнения»**

1.Найти и построить область определения функции 

2. Найдите частные производные первого порядка функции:

 

3. Найдите градиент скалярного поля  и его модуль в точке .

4. Для функции  в точке А(1, 1) найти производную в направлении вектора ****

5. Написать уравнение касательной плоскости и нормали к поверхности  в точке .

6. Найти наименьшее и наибольшее значение функции 

 в области 

1. Решить дифференциальные уравнения первой степени

А) 

Б) *y’*sin*x = y* ln*y, y() = e*

В)

1. Решить линейные неоднородные дифференциальное уравнение с постоянными коэффициентами

 а), б) 

1. Решить однородную систему дифференциальных уравнений:





**АКР №3 «Теория вероятностей. Математиеская статитстика»**

* 1. В урне 12 шаров. Среди этих шаров 3 белых и 9 черных. Какова вероятность того, что наудачу вынутый шар окажется белым?
	2. В радиостудии три микрофона. Для каждого из первых двух микрофонов вероятность того, что он включён в данный момент, равна 0,45, а для третьего – 0,9. Найти вероятность того, что в данный момент включены 2 микрофона.
	3. В продаже имеются белые и коричневые яйца в соотношении 2:3, причем производство 60% белых и 71% коричневых яиц датируется днем, предшествующим дню продажи, а остальные яйца датируются более ранними числами. Покупатель заказывает яйца, датируемые днем, предшествующим дню продажи, независимо от их цвета. Какова вероятность того, что ему продадут решетку белых яиц?
	4. Телефонная сеть учреждения обслуживает 200 абонентов. Вероятность того, что в течение минуты внутри этой сети кто-то кому-то позвонит, равна 0,7. Какова вероятность того, что в течение минуты будет 5 звонков? Какова вероятность того, что в течение минуты будет не более 5 звонков? Найти наивероятнейшее число звонков в течение минуты.
	5. Задан ряд распределения случайной величины X. Найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение. Построить функцию распределения.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |

* 1. Для непрерывной случайной величины задана функция распределения . Требуется найти плотность распределения , математическое ожидание, дисперсию, среднее квадратическое отклонение. Вычислить вероятность того, что отклонение случайной величины от её математического ожидания будет не более среднего квадратического отклонения. Построить график функций.



* 1. Закон распределения системы дискретных случайных величин  задан таблицей. Найти коэффициент корреляции  и вероятность попадания случайной величины  в область .

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|   |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |
|  |  |  |  |  |



**7 Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации**

**а) Планируемые результаты обучения и оценочные средства для проведения промежуточной аттестации:**

| Структурный элемент компетенции | Планируемые результаты обучения  | Оценочные средства |
| --- | --- | --- |
| **ОПК-1- способностью применять методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследованиях** |
| Знать | - ос­нов­ные по­ло­же­ния тео­рии линейной, векторной алгебры и аналитической геометрии, пре­де­лов и не­пре­рыв­ных функ­ций, графики основных элементарных функций и их свойства, основы численного решения трансцендентных уравнений,- ос­нов­ные тео­ре­мы диф­фе­рен­ци­аль­но­го и ин­те­граль­но­го ис­чис­ле­ния функ­ций од­ной и не­сколь­ких пе­ре­мен­ных, методы дифференциального исчисления исследования функций, основы численных методов вычисления определенных интегралов,- основные типы обыкновенных дифференциальных уравнений и методы их решения, - основные понятия тео­рии вероятностей и математической статистики | **Теоретические вопросы для экзамена**1. Что называется: матрицей, равными матрицами, линейной комбинацией матриц, обратной матрицей, рангом матрицы, определителем квадратной матрицы, системой линейных алгебраических уравнений, однородной системой линейных алгебраических уравнений, решением системы уравнений.
2. Перечислить свойства: суммы матриц, произведения матриц, транспонирования матриц, ранга матриц, решений однородной системой линейных алгебраических уравнений.
3. Сформулировать правило нахождения обратной матрицы, правило Крамера, метод Гаусса.
4. Что называется: вектором, равными векторами, коллинеарными векторами, компланарными векторами, суммой векторов, произведением вектора на скаляр, разностью векторов, координатами вектора в базисе, скалярным произведением векторов, векторным произведением векторов, смешанным произведением векторов.
5. Перечислить свойства: суммы векторов, произведения вектора на скаляр, скалярного произведения векторов, векторного произведения векторов, смешанного произведения векторов.
6. Сформулировать необходимое и достаточное условие: коллинеарности векторов, ортогональности (перпендикулярности) векторов, компланарности векторов.
7. Записать в координатной форме: линейную комбинацию векторов, скалярное произведение векторов, векторное произведение векторов, смешанное произведение векторов.
8. Записать формулы для вычисления: косинуса угла между векторами, площади параллелограмма, построенного на векторах, как на сторонах, объема параллелепипеда, построенного на трех векторах.
9. Что называется линейным пространством, скалярным произведением, углом между векторами, евклидовым пространством, линейным оператором, матрицей линейного оператора;
10. Сформулируйте аксиомы линейного пространства, скалярного произведения.
11. Записать: уравнения кривых 2 порядка с центром (вершиной для параболы), смещенным относительно начала координат, и осями, параллельными координатным осям.
12. Записать формулы для вычисления: косинуса угла между прямыми, расстояния от точки до прямой; уравнение плоскости, проходящей через

– заданную точку перпендикулярно заданному вектору;– заданную точку параллельно двум заданным неколлинеарным векторам;– три данные точки.1. 22. Записать: условия, необходимые и достаточные для перпендикулярности, параллельности,

– совпадения двух плоскостей;– пересечения двух прямых;– прямой и плоскости, принадлежности прямой плоскости.1. 23. Записать: формулы для вычисления косинуса угла между прямыми в пространстве, между плоскостями, расстояния от точки до плоскости, расстояния от точки до прямой.
2. 24. Схематически строить: поверхность, заданную уравнением 1 и 2 порядка.
3. Функция. Способы задания. Область определения. Основные элементарные функции, их свойства, графики.
4. Предел функции в точке. Предел функции в бесконечности. Односторонние пределы.
5. Бесконечно малые и бесконечно большие функции, связь между ними. Свойства бесконечно малых функций.
6. Теоремы о пределах. Раскрытие неопределенностей.
7. Замечательные пределы.
8. Сравнение бесконечно малых функций. Эквивалентные бесконечно малые функции и основные теоремы о них. Применение к вычислению пределов.
9. Непрерывность функции в точке. Точки разрыва и их классификация.
10. Основные теоремы о непрерывных функциях. Свойства функций непрерывных на отрезке.
11. Производная функции, ее геометрический и физический смысл.
12. Уравнения касательной и нормали к кривой. Дифференцируемость функции в точке.
13. Производная суммы, разности, произведения, частного функций. Производная сложной и обратной функций.
14. Дифференцирование неявных и параметрически заданных функций. Логарифмическое дифференцирование.
15. Производные высших порядков.
16. Дифференциал функции. Геометрический смысл дифференциала. Основные теоремы о дифференциалах.
17. Применение дифференциала к приближенным вычислениям.
18. Основные теоремы дифференциального исчисления: Ролля, Лагранжа и Коши.
19. Правило Лопиталя.
20. Условия монотонности функций. Экстремумы функций. Необходимое и достаточное условия экстремума функции.
21. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке.
22. Выпуклость графика функции. Точки перегиба. Необходимое и достаточное условия точек перегиба.
23. Асимптоты графика функции.
24. Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Таблица основных интегралов.
25. Основные методы интегрирования: замена переменной и интегрирование по частям.
26. Интегрирование рациональных функций.
27. Интегрирование тригонометрических функций.
28. Интегрирование иррациональных функций.
29. Определенный интеграл как предел интегральной суммы, его свойства.
30. Формула Ньютона – Лейбница. Основные свойства определенного интеграла.
31. Вычисление определенного интеграла (замена переменной, интегрирование по частям). Интегрирование четных и нечетных функций в симметричных пределах.
32. Несобственные интегралы.
33. Геометрические и физические приложения определенного интеграла.
34. Область определения ФНП. Предел, непрерывность. Свойства функций, непрерывных в ограниченной замкнутой области.
35. Частные производные первого порядка, их геометрическое истолкование.
36. Частные производные высших порядков.
37. Дифференцируемость и полный дифференциал функции.
38. Применение полного дифференциала к приближенным вычислениям. Дифференциалы высших порядков.
39. Производная сложной функции. Полная производная.
40. Инвариантность формы полного дифференциала.
41. Дифференцирование неявной функции.
42. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.
43. Экстремум функции двух переменных. Необходимое и достаточное условие экстремума.
44. Условный экстремум. Метод множителей Лагранжа.
45. Наибольшее и наименьшее значения функции в замкнутой области.
46. Двойной интеграл: основные понятия и определения.
47. Геометрический и физический смысл двойного интеграла.
48. Основные свойства двойного интеграла.
49. Вычисление двойного интеграла в декартовых координатах.
50. Вычисление двойного интеграла в полярных координатах.
51. Приложения двойного интеграла.
52. Тройной интеграл: основные понятия, свойства.
53. Вычисление тройного интеграла в декартовых координатах.
54. Замена переменных в тройном интеграле. Вычисление тройного интеграла в цилиндрических и сферических координатах.
55. Геометрический и физический смысл, приложения тройного интеграла.
56. Дифференциальные уравнения: основные понятия. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям.
57. Теорема существования и единственности решения дифференциального уравнения.
58. Уравнения с разделяющимися переменными.
59. Однородные дифференциальные уравнения 1 порядка.
60. Линейные уравнения. Уравнения Бернулли.
61. Уравнение в полных дифференциалах.
62. Дифференциальные уравнения высших порядков: основные понятия.
63. Уравнения, допускающие понижение порядка.
64. Линейные дифференциальные уравнения высших порядков. Линейные однородные дифференциальные уравнения 2, n-го порядков.
65. Интегрирование ЛОДУ с постоянными коэффициентами.
66. Линейные неоднородные ДУ. Структура общего решения ЛНДУ.
67. Метод вариации произвольных постоянных.
68. Интегрирование ЛНДУ с постоянными коэффициентами и правой частью специального вида.
69. Численные методы решения алгебраических и трансцендентных уравнений.
70. Численные методы решения определенного интеграла.
71. Элементы комбинаторики: перестановки, размещения, сочетания.
72. Основные понятия теории вероятностей: испытание, событие, вероятность события.
73. Действия над событиями. Алгебра событий.
74. Теоремы сложения и умножения вероятностей.
75. Формула полной вероятности. Формула Бейеса.
76. Последовательность независимых испытаний. Формула Бернулли.
77. Случайные величины, их виды.
78. Ряд распределения. Функция распределения, ее свойства. Плотность распределения, свойства.
79. Числовые характеристики случайных величин: математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение.
80. Нормальный закон распределения случайной величины.
81. Системы случайных величин. Закон распределения. Числовые характеристики системы случайных величин. Зависимость случайных величин.
82. Предмет математической статистики. Генеральная совокупность и выборка. Вариационный ряд. Полигон. Гистограмма. Эмпирическая функция распределения.
83. Статистические оценки параметров распределения генеральной совокупности.
84. Статистическая проверка гипотез. Критерий согласия. Критерий Пирсона.
 |
| Уметь | * решать задачи по изучаемым теоретически разделам;
* обсуждать способы эффективного решения дифференциальных уравнений и их систем; определять эффективность решения задачи, полученного с помощью численных методов; распознавать эффективные результаты обработки экспериментальных данных от неэффективных
 | ***Примерные практические задания для экзамена и зачета:***1. Найти или Какое из произведений возможно: 2. Найти матрицу и её определитель. 3. Решить матричное уравнение  4. Решить систему, используя формулы Крамера , затем - методом Гаусса : 5.Коллинеарны ли векторы  и   6. А(1,1); В(4,4); С(6,-2) Найти 7. А(6,-2,0); B(6,3,5); C(1,9,1); Д(0,10,0) Найти 8. А(3,-7); B(5,-7); C(-2,5) – вершины параллелограмм. Определить длину диагоналей. 9. Дан треугольник с вершинами А(-4, -3), В(-5, 0), С(5, 6). Найти угол между медианой АД и высотой АЕ.10. Составить уравнение плоскости, проходящей через точки М(1,-1,-2), Р(3,1,1) перпендикулярно к плоскости .11. Найти расстояние отточки Д(4,3,0) до плоскости, проходящей через точки А(1,3,0), В(4, -1, 2), С(3,0,1).12. Определить угол между плоскостями  и .13. При каком значении параметра m плоскости  и  параллельны? 14. Определить тип кривой второго порядка и построить: а). ; б). ; в). ; г) ; д) .15. Написать параметрическое и каноническое уравнения прямой .16. Через точку А(3, 1, 0) провести прямую, параллельную плоскостям  и .17. Доказать перпендикулярность прямых  и .18. Найти угол между прямыми  и .19.. Определить угол между плоскостями  и .20. Доказать, что прямые  и  пересекаются.21. При каком значении параметра m плоскости  и  параллельны?22. Определить тип поверхности и построить: 1. ; 2. ; 3. ; 4. ; 5. ; 6. . 23. Вычислите пределы: а) ; б) ; в) .24. Найдите  для функций: а)  б) 25. Вычислить: а) , б) .26. Найти неопределённый интеграл: а), б) в) 27. Вычислить определенный интеграл .28. Вычислить определенный интеграл .29. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями: 30. Изменить порядок интегрирования 31. Вычислить .32. Найти и построить область определения функции .33. Найти полный дифференциал функции:  34. Найти частные производные первого порядка функции:35. Написать уравнение касательной плоскости и нормали к поверхности  в точке (3, 4, 5). 36. Исследовать на экстремум функцию  37. Решите задачу Коши: , .38. Найдите общее решение дифференциального уравнения $y^{''}+y^{'}=e^{2x}$.39. Решить однородную систему дифференциальных уравнений:40. При доставке с завода на базу 1000 радиоприемников, у 55 вышли из строя лампы. Найти вероятность того, что взятый наудачу приемник будет исправным.41. Пятнадцать экзаменационных билетов содержат по 2 вопроса, которые не повторяются, экзаменующийся знает только 25 вопросов. Найти вероятность того, что экзамен будет сдан, если для этого достаточно ответить на два вопроса одного билета.42. Принимаем вероятности рождения мальчика и девочки равными. Найти вероятность того, что среди 10 новорожденных 6 окажутся мальчиками.43. Дан закон распределения дискретной случайной величины:

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  x: | 110 | 120 |  130 | 140 | 150 |
| р:  | 0.1 | 0.2 | 0.3 | 0.2 | 0.2 |

вычислить ее математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение.44. Дана функция распределения непрерывной случайной величины Х F(x)=Найти плотность распределения f(x), построить ее график, вероятность попадания в заданный интервал [0,5; 2], Mx, Dx, .45. Задано распределение вероятностей дискретной двумерной случайной величины:

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Y \ X | 2 | 5 | 8 |
| 0,4 | 0,15 | 0,30 | 0,35 |
| 0,8 | 0,05 | 0,12 | 0,03 |

Найти законы распределения составляющих, коэффициент корреляции46.По выборке при заданном уровне значимости  проверить по критерию Пирсона гипотезу о нормальном распределении генеральной совокупности. В случае принятия гипотезы о нормальном распределении найти доверительные интервалы для математического ожидания  и среднего квадратического отклонения  при уровне надежности

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | 4 | 7 | 10 | 13 | 16 | 19 | 22 | 25 |
|  | 6 | 11 | 14 | 22 | 20 | 13 | 9 | 5 |

47. Из нормальной генеральной совокупности извлечена выборка объема : 143, 121, 135, 132, 120, 116, 115, 143, 115, 120, 138, 133, 148, 133, 134.Требуется при уровне значимости  проверить нулевую гипотезу , приняв в качестве конкурирующей гипотезы: а) , б)  или  в зависимости от полученного значения . |
| Владеть | * - практическими навыками использования математических понятий и методов (изучаемых разделов математики) при решении прикладных задач;
* - навыками обобщения результатов решения, результатов обработки статистического эксперимента;

- способами оценивания значимости и практической пригодности полученных результатов | ***Примерные прикладные задачи и задания*****Задача 1.** Зависимость пути от времени при прямолинейном движении точки задается уравнением , где  — путь в м, а  — время в с. Вычислите ее скорость и ускорение в момент времени .**Задание 2.** Составьте алгоритм решения линейного однородного дифференциального уравнения с постоянными коэффициентами. **Задание 3.** Подготовьте ответы на вопросы к ИДЗ № 8: Что значит оценить генеральные параметры по выборке? Сформулируйте определение точечной оценки. Определите смещенные и несмещенные, эффективные и неэффективные, состоятельные и несостоятельные оценки генеральных параметров. Проиллюстрируйте определения геометрически. Запишите расчетные формулы для сгруппированных и несгруппированных данных: выборочного среднего  (укажите его вероятностный смысл); выборочной дисперсии DВ. Как оценить математическое ожидание по выборочной средней? Оцените дисперсию по исправленной дисперсии. Какими являются точечные оценки математического ожидания, дисперсии и среднего квадратичного отклонения: смещенными или нет, эффективными или неэффективными, состоятельными или несостоятельными?**Задача 4**. Для изучения количественного признака  из генеральной совокупности извлечена выборка  объема , имеющая данное статистическое распределение.1). Постройте полигон частот.2). Постройте эмпирическую функцию распределения.3). Постройте гистограмму относительных частот.4). Найдите выборочное среднее , выборочную дисперсию , выборочное среднее квадратическое отклонение , исправленную дисперсию  и исправленное среднее квадратическое отклонение .5). При данном уровне значимости  проверьте по критерию Пирсона гипотезу о нормальном распределении генеральной совокупности.6). В случае принятия гипотезы о нормальном распределении найдите доверительные интервалы для математического ожидания  и среднего квадратического отклонения  при данном уровне надежности . ( Принять).

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | 9 | 13 | 17 | 21 | 25 | 29 | 33 | 37 |
|  | 5 | 10 | 19 | 23 | 25 | 19 | 12 | 7 |

 |
| **ОПК-3 - способностью приобретать новые математические и естественнонаучные знания, используя современные образовательные и информационные технологии**  |
| Знать | - ос­нов­ные понятия и методы математического анализа: тео­рии пре­де­лов и не­пре­рыв­ных функ­ций, диф­фе­рен­ци­аль­но­го и ин­те­граль­но­го ис­чис­ле­ния функ­ций од­ной и не­сколь­ких пе­ре­мен­ных, теории обыкновенных диф­фе­рен­ци­аль­ных урав­не­ний и сис­тем диф­фе­рен­ци­аль­ных урав­не­ний;- основные понятия и методы теории вероятностей и статистического анализа результатов эксперимента | 1. Формулировки основных теорем (свойств, признаков изучаемых понятий, необходимые и достаточные условия) в изучаемых разделах курса.2. Методы раскрытия неопределенностей, выяснения непрерывности функции одной переменной.3. Алгоритм приближенного вычисления функции с помощью дифференциала; написания уравнения касательной прямой (плоскости).4. Алгоритм полного исследования функции.5. Методы выяснения классов интегрируемых функций, а также методы непосредственного интегрирования и интегрирования основных классов функций.6. Способы выяснения сходимости несобственных интегралов.7. Общую схему построения кратных интегралов и сведения их к повторным.8. Способы нахождения погрешности в приближенных вычислениях корня уравнения и определенных интегралов.9. Основные способы статистической проверки гипотез, выяснения доверительных интервалов для параметров распределения.10. Методы проверки допущения ошибок первого или второго рода при проверке статистических гипотез. |
| Уметь | - корректно выражать и аргументированно обосновывать положения предметной области знания и ме­то­дов ма­те­ма­ти­че­ского анализа для по­ста­нов­ки и ре­ше­ния кон­крет­ных при­клад­ных за­дач | ***Примерные практические задания и задачи*****Задание 1.** Составьте алгоритм решения ….. задачи.**Задание 2.** Вычислите приближенно y = при x = 1,03. **Задача 3.** Вычислите предел по правилу Лопиталя .**Задание 4.** Сформулируйте необходимое условие экстремума функции одной переменной.**Задача 5.** Исследовать функцию и построить её график: .**Задача 6.** Каков геометрический смысл определенного интеграла от данной функции в данном интервале в декартовой системе координат?**Задание 7**. Укажите верное утверждение о функции двух переменных:а). градиент перпендикулярен касательной плоскости;б). градиент является производной по направлению;в). градиент является касательной к линии уровня;г). градиент определяет направление максимальной скорости изменения функции.**Задание 8.** Укажите ЛОЖНОЕ утверждение о функции двух переменных:а). непрерывная функция всегда дифференцируема;б). функция, имеющая предел в точке *М*, может быть разрывна в этой точке;в). у дифференцируемой функции существуют частные производные;г). из непрерывности частных производных в точке *М* следует дифференцируемость функции в этой точке.**Задача 9**. Двумя методами проведены измерения одной и той же физической величины. Получены следующие результаты:а) в первом случае 145, 133, 143, 121, 135, 132, 133, 148, 133, 134;б) во втором случае 128, 120, 116, 115, 143, 115, 120, 138, 115, 120.Можно ли считать, что оба метода обеспечивают одинаковую точность измерений, если принять уровень значимости ? Предполагается, что результаты измерений распределены нормально и выборки независимы. |
| Владеть | - на­вы­ка­ми ис­поль­зо­ва­ния ло­ги­че­ски вер­но, ар­гу­мен­ти­ро­ва­но и яс­но стро­ить уст­ную и пись­мен­ную речь на рус­ском язы­ке, го­то­вить и ре­дак­ти­ро­вать технические тексты с математической символикой или формулами, пуб­лич­но пред­став­лять соб­ст­вен­ные и из­вест­ные на­уч­ные ре­зуль­та­ты, вес­ти дис­кус­сии;- навыками и методиками обобщения результатов решения, экспериментальной деятельности- навыками построения и решения математических моделей прикладных задач;- способами оценивания значимости и практической пригодности полученных результатов | ***Примерные практические задания*****Задание 1.** Поразмышляйте:1) Верно ли, что сумма, разность и произведение двух четных функций есть четная функция?2) Какой, в смысле четности, будет функция, равная произведению (сумме) двух нечетных функций?3) Существуют ли функции, обратные самим себе (при доказательстве вспомните предложение о графиках обратных функций)?4) Может ли четная функция быть строго монотонной?**Задание 2.** Систематизируйте и обобщите все ключевые понятия и приемы решения типовых задач по теме «Производная» и «Применение производной при исследовании функций». Результат оформите в виде таблицы. **Задание 3.** Снимите видеоролик на тему «Я научу вас решать задачи по теме…». Примерный список тем: 1) Действия над комплексными числами в разной форме.2) Вычисление пределов функции одной переменной.3) Решение задач на исследование непрерывности функции и характеристике точек её разрыва и т.д.**Задача 4.** Для решения задачи сделайте схематический чертеж и получите функциональную зависимость по указанию к задаче. Найдите область определения этой функции по смыслу задачи. Вычислите значения этой функции при трех различных значениях аргумента. Исследуйте функцию на наибольшее и наименьшее значения. Ответьте на вопрос задачи.«Сечение тоннеля имеет форму прямоугольника, завершенного полукругом. Периметр сечения 18 м. При каком радиусе полукруга площадь сечения будет наибольшей?»Обозначьте радиус полукруга через  и выразите площадь  сечения как функцию от : .**Задача 5.** На какой высоте r над центром круглого стола радиуса a следует поместить лампу, чтобы освещенность края стола была наибольшей? (Самостоятельно проанализировать средства (знания, методы) какого раздела математики потребуются для решения данной задачи).**Задача 6.** По выборке объема  найден средний вес  г изделий, изготовленных на первом станке; по выборке объема  найден средний вес  г изделий, изготовленных на втором станке. Генеральные дисперсии известны: , . Требуется при уровне значимости  проверить нулевую гипотезу  при конкурирующей гипотезеа) ,б) . |

**б) Порядок проведения промежуточной аттестации, показатели и критерии оценивания:**

Промежуточная аттестация по дисциплине «Математика» включает теоретические вопросы, позволяющие оценить уровень усвоения обучающимися знаний, и практические задания, выявляющие степень сформированности умений и владений, проводится в форме 2 экзаменов и в форме 1 зачета.

Экзамен по данной дисциплине проводится в устной форме по экзаменационным билетам, каждый из которых включает 1 теоретический вопрос и два практических задания.

**Показатели и критерии оценивания зачета:**

- для **сдачи зачета** обучающийся показывает сформированность компетенций ОПК-1 и ОПК-3, студент должен показать знания на уровне воспроизведения и объяснения информации, интеллектуальные навыки решения задач;

- **зачет не сдан**, если результат обучения не достигнут, обучающийся не может показать знания на уровне воспроизведения и объяснения информации, не может показать интеллектуальные навыки решения простых задач.

**Показатели и критерии оценивания экзамена:**

– на оценку **«отлично»** – обучающийся демонстрирует высокий уровень сформированности компетенций, всестороннее, систематическое и глубокое знание учебного материала, свободно выполняет практические задания, свободно оперирует знаниями, умениями, применяет их в ситуациях повышенной сложности.

– на оценку **«хорошо»** – обучающийся демонстрирует средний уровень сформированности компетенций: основные знания, умения освоены, но допускаются незначительные ошибки, неточности, затруднения при аналитических операциях, переносе знаний и умений на новые, нестандартные ситуации.

– на оценку **«удовлетворительно»** – обучающийся демонстрирует пороговый уровень сформированности компетенций: в ходе контрольных мероприятий допускаются ошибки, проявляется отсутствие отдельных знаний, умений, навыков, обучающийся испытывает значительные затруднения при оперировании знаниями и умениями при их переносе на новые ситуации.

– на оценку **«неудовлетворительно»**– обучающийся демонстрирует знания не более 20% теоретического материала, допускает существенные ошибки, не может показать интеллектуальные навыки решения простых задач или не может показать знания даже на уровне воспроизведения и объяснения информации.

# 8 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)

а) Основная **литература:**

1. Шипачев В. С. Высшая математика: учебник / В.С. Шипачев. — Москва: ИНФРА-М, 2019. — 479 с. — (Высшее образование). — www.dx.doi.org/10.12737/5394. - ISBN 978-5-16-101787-6. - Текст: электронный. - URL: <https://new.znanium.com/catalog/product/990716>. — Режим доступа: для авториз. пользователей.
2. Математика: учеб. пособие / Ю.М. Данилов, Л.Н. Журбенко, Г.А. Никонова, Н.В. Никонова, С.Н. Нуриева ; под ред. Л.Н. Журбенко, Г.А. Никоновой. — Москва: ИНФРА-М, 2019. — 496 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-102130-9. - Текст: электронный. - URL: <https://new.znanium.com/catalog/product/989799>. — Режим доступа: для авториз. пользователей.

**б) Дополнительная литература:**

1. Теория вероятностей и математическая статистика: Учебное пособие / Бирюкова Л.Г., Бобрик Г.И., Матвеев В.И., - 2-е изд. - Москва: НИЦ ИНФРА-М, 2017. - 289 с. (Высшее образование: Бакалавриат) ISBN 978-5-16-011793-5. - Текст: электронный. - URL: <https://new.znanium.com/catalog/product/370899>.— Режим доступа: для авториз. пользователей.
2. Математика в примерах и задачах: учеб. пособие / О.М. Дегтярева, Л.Н. Журбенко, Г.А. Никонова, Н.В. Никонова, С.Н. Нуриева. — Москва: ИНФРА-М, 2019. — 372 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-102288-7. – Текст: электронный. – URL: <https://new.znanium.com/catalog/product/989802>.— Режим доступа: для авториз. пользователей.
3. Фихтенгольц, Г.М. Основы математического анализа: учебник: в 2 частях / Г.М. Фихтенгольц. — 11-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, [б. г.]. — Часть 1 — 2019. — 444 с. — ISBN 978-5-8114-0190-1. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система «Лань» : [сайт]. — URL: <https://e.lanbook.com/book/112051> . — Режим доступа: для авториз. пользователей.
4. Фихтенгольц, Г.М. Основы математического анализа: учебник: в 2 частях / Г.М. Фихтенгольц. — 10-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, [б. г.]. — Часть 2 — 2019. — 464 с. — ISBN 978-5-8114-0191-8. — Текст: электронный // Электронно-библиотечная система «Лань» : [сайт]. — URL: https://e.lanbook.com/book/115730 (дата обращения: 06.10.2019). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
5. Шипачев В. С. Задачник по высшей математике: учеб. пособие / В.С. Шипачев. — 10-е изд., стереотип. — Москва: ИНФРА-М, 2020. — 304 с. — (Высшее образование). - ISBN 978-5-16-101831-6. – Текст: электронный. – URL: https://new.znanium.com/catalog/product/1042456

**в) методические указания**

1. Абрамова, И.М. Элементы векторной алгебры и аналитической геометрии: Методические указания для студентов I курса всех специальностей. – МГТУ, 2008. – 16 с.
2. Акманова, З.С. Неопределенный интеграл: Тетрадь-конспект – МГТУ, 2008. – 23 с.
3. Вахрушева, И.А. Кривые и поверхности 2 порядка. Полярная система координат. Практикум – Магнитогорск: ГОУ ВПО «МГТУ им. Г.И. Носова», 2009. – 19 с.
4. Горячева, Н.А. Теория функций комплексного переменного: Методические указания и варианты индивидуальных заданий для студентов всех специальностей –– Магнитогорск: ГОУ ВПО «МГТУ им. Г.И. Носова», 2011. – 28 с.
5. Грачева, Л.А. Определенный интеграл: методические указания для студентов – Магнитогорск: ГОУ ВПО «МГТУ им. Г.И. Носова», 2010 – 12 с.
6. Грачева, Л.А. Элементы линейной алгебры, векторной алгебры и аналитической геометрии: Учебное пособие. - Магнитогорск: ГОУ ВПО «МГТУ им. Г.И. Носова», 2010 – 63 с.
7. Гугина Е.М. Лабораторный практикум по статистике с применением EXCEL: Метод. указ. для лабораторных работ по математической статистике.- Магнитогорск: ГОУ ВПО «МГТУ им. Г.И. Носова», 2009 – 40 с.
8. Изосов А.В. Гармонический анализ: Методические указания и варианты заданий для самостоятельной работы и контроля знаний студентов. – МГТУ, 2009. – 24 с.
9. Максименко, И.А. События и вероятность. Часть 2: Метод. указ. - Магнитогорск: ГОУ ВПО «МГТУ им. Г.И. Носова», 2010. – 25 с.
10. Маяченко, Е.П. Производная и дифференциал функции. Практикум.- Магнитогорск: ГОУ ВПО «МГТУ им. Г.И. Носова», 2010. – 38 с.
11. Маяченко Е.П. Исследование функций и построение графиков. Практикум. – Магнитогорск: ГОУ ВПО «МГТУ им. Г.И. Носова», 2011. – 20 с.
12. Савушкина Н.Ф. Комбинаторика. Событие и вероятность. Часть I: Комбинаторика. Алгебра событий: Метод. указания по дисциплине «Математика» для студентов I курса всех специальностей. – МГТУ, 2007. – 17 с.

**г) Электронные ресурсы:**

1. Акманова З. С. Неопределенный интеграл: от теории к практике [Электронный ресурс]: учебное пособие / З. С. Акманова ; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2015. – 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). – URL: [https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=1304.pdf&show=dcatalogues/1/1123520/1304.pdf&view=true.](https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=1304.pdf&show=dcatalogues/1/1123520/1304.pdf&view=true.%20) – Макрообъект. – Сведения доступны также на CD-ROM.
2. Аналитическая геометрия [Электронный ресурс]: практикум / Т. Г. Кузина, О. С. Андросенко, Т. В. Морозова, О. В. Петрова; МГТУ. – Магнитогорск, 2010. – 114 с. : ил., табл. – URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=313.pdf&show=dcatalogues/1/1068918/313.pdf&view=true.> - Макрообъект.
3. Анисимов А. Л. Матрицы. Определители. Системы линейных алгебраических уравнений [Электронный ресурс]: учебное пособие / А. Л. Анисимов, Т. А. Бондаренко, Г. А. Каменева ; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2017. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=3361.pdf&show=dcatalogues/1/1139107/3361.pdf&view=true>. - Макрообъект. - ISBN 978-5-9967-1000-3.
4. Бондаренко Т. А. Интегральное исчисление функции одной переменной [Электронный ресурс] : учебное пособие / Т. А. Бондаренко ; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2017. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=3342.pdf&show=dcatalogues/1/1138511/3342.pdf&view=true>. - Макрообъект. - ISBN 978-5-59967-1001-0.
5. Булычева С. В. Математика: пределы и непрерывность функции одной переменной. Практикум [Электронный ресурс]: учебное пособие / С. В. Булычева; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2017. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=3338.pdf&show=dcatalogues/1/1138500/3338.pdf&view=true>. - Макрообъект. - ISBN 978-5-59967-1002-7.
6. Быкова М. В. Дифференциальные уравнения [Электронный ресурс] : учебное пособие / М. В. Быкова, Н. А. Квасова, Н. И. Кимайкина. - Магнитогорск: МГТУ, 2012. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=1045.pdf&show=dcatalogues/1/1119343/1045.pdf&view=true>. - Макрообъект.
7. Изосова Л. А. Основы математического анализа [Электронный ресурс] : учебное пособие. Ч. 1. Дифференциальное исчисление функции одной переменной / Л. А. Изосова, Л. А. Грачева ; МГТУ. - Магнитогорск : МГТУ, 2015. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=1400.pdf&show=dcatalogues/1/1123913/1400.pdf&view=true>. - Макрообъект.
8. Коротецкая В. А. Функции нескольких переменных [Электронный ресурс] : учебное пособие / В. А. Коротецкая, Ю. А. Извеков ; МГТУ. - Магнитогорск : МГТУ, 2015. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=1164.pdf&show=dcatalogues/1/1121202/1164.pdf&view=true>. - Макрообъект.
9. Теория вероятностей и математическая статистика: электронное учебное пособие и практикум с лабораторными работами [Электронный ресурс] / А. В. Изосов, Л. А. Изосова, Л. А. Грачева, Е. М. Гугина. - Магнитогорск : МГТУ, 2013. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=931.pdf&show=dcatalogues/1/1118948/931.pdf&view=true>. - Макрообъект.

|  |
| --- |
| **Программное** **обеспечение**  |
|  | Наименование ПО  | № договора  | Срок действия лицензии  |
|  | MS Windows 7 Professional(для классов)  | Д-1227-18 от 08.10.2018  | 11.10.2021  |
|  | MS Office 2007 Professional  | № 135 от 17.09.2007  | бессрочно  |
|  | 7Zip  | свободно распространяемое ПО  | бессрочно  |
|  | STATISTICA в.6  | К-139-08 от 22.12.2008  | бессрочно  |
|  | MS Office 2003 Professional  | № 135 от 17.09.2007  | бессрочно  |
|  | Браузер Yandex  | свободно распространяемое ПО  | бессрочно  |
|  | Браузер Mozilla Firefox  | свободно распространяемое ПО  | бессрочно  |
|  | FAR Manager  | свободно распространяемое ПО  | бессрочно  |
|  |  |  |  |
| **Профессиональные** **базы** **данных** **и** **информационные** **справочные** **системы**  |
|  | Название курса  | Ссылка  |
|  | Национальная информационно-аналитическая система – Российский индекс научного цитирования (РИНЦ)  | URL: <https://elibrary.ru/project_risc.asp>  |
|  |
|  | Информационная система - Единое окно доступа к информационным ресурсам  | URL: <http://window.edu.ru/>  |
|  | Поисковая система Академия Google (Google Scholar)  | URL: <https://scholar.google.ru/>  |
|  | Электронная база периодических изданий East View Information Services, ООО «ИВИС»  | <https://dlib.eastview.com/>  |
|  | Федеральное государственное бюджетное учреждение «Федеральный институт промышленной собственности»  | URL: <http://www1.fips.ru/>  |
|  | Российская Государственная библиотека. Каталоги  | <https://www.rsl.ru/ru/4readers/catalogues/>  |
|  | Электронные ресурсы библиотеки МГТУ им. Г.И. Носова  | <http://magtu.ru:8085/marcweb2/Default.asp>  |
|  | Международная наукометрическая реферативная и полнотекстовая база данных научных изданий «Web of science»  | <http://webofscience.com>  |
|  | Международная реферативная и полнотекстовая справочная база данных научных изданий «Scopus»  | <http://scopus.com>  |

# **9 Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)**

Материально-техническое обеспечение дисциплины включает:

| Тип и название аудитории  | Оснащение аудитории |
| --- | --- |
| Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа | Доска, мультимедийные средства хранения, передачи и представления информации |
| Учебные аудитории для проведения практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации | Доска, мультимедийный проектор, экранКомплекс методических разработок (раздаточного материала и методических указаний) и\или комплекс тестовых заданий для подготовки и проведения промежуточных и рубежных контролей |
| Помещения для самостоятельной работы учащихся | Персональные компьютеры с пакетом MSOffice, выходом в Интернет и с доступом в электронную информационно-образовательную среду университета |
| Помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования | Шкафы для хранения учебно-методической документации, учебного оборудования и учебно-наглядных пособий  |