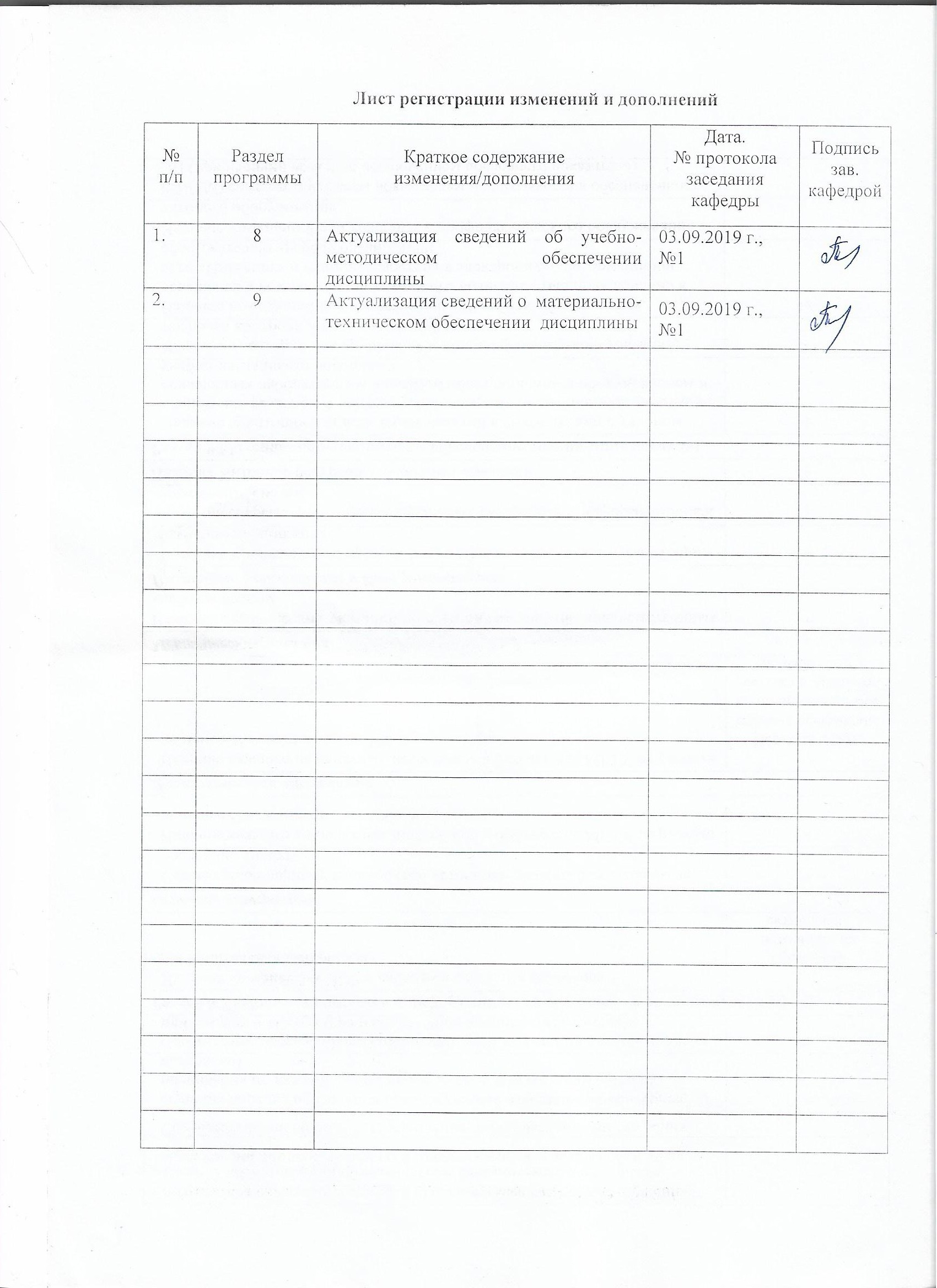
****

# **1 Цели освоения дисциплины (модуля)**

Цель освоения дисциплины «Математика» состоит в получении студентами фундаментальных математических знаний и прочных практических навыков по использованию методов математического анализа для исследования математических моделей тех или иных процессов и явлений, в том числе и экономических, для получения аналитических и численных решений поставленных задач.

Для достижения поставленной цели в курсе «Математика» решаются задачи:

- развития логического и алгоритмического решения;

- овладения основными методами исследования и решения математических задач;

- выработку умения самостоятельно расширять математические знания и проводить математический анализ экономических задач;

- использование методов математического анализа и его моделей в практической деятельности с применением современной вычислительной техники;

- ознакомить студентов с основными математическими методами и моделями исследования вероятностных закономерностей массовых однородных случайных событий.

# 2 Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы подготовки бакалавра

Дисциплина Б1.Б.09 Математика входит в базовую часть блока 1 образовательной программы.

Освоение данной дисциплины предполагает, что в результате изучения школьного курса математики обучающийся имеет сформированное представление о математике как универсальном языке науки, об идеях и методах математики, владеет математическими знаниями и умениями, соответствующими Федеральному компоненту государственного стандарта общего образования, имеет развитое логическое мышление, пространственное воображение, обладает высоким уровнем алгоритмической культуры.

Зна­ния, по­лу­чен­ные обу­чае­мы­ми по дис­ци­п­ли­не «Математика», не­по­сред­ст­вен­но ис­поль­зу­ют­ся при изу­че­нии дис­ци­п­лин ба­зо­во­го цик­ла: «Статистика», «Информатика», «Методы принятия управленческих решений».

# 3 Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (модуля) и планируемые результаты обучения

В результате освоения дисциплины «Математика» обучающийся должен обладать следующими компетенциями:

| Структурный  элемент  компетенции | Планируемые результаты обучения |
| --- | --- |
| **ПК-10 – владение навыками количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений, построения экономических, финансовых и организационно-управленческих моделей путем их адаптации к конкретным задачам управления** | |
| Знать | * ос­нов­ные по­ня­тия тео­рии функ­ций одной пе­ре­мен­ной; * ос­нов­ные по­ло­же­ния тео­рии пре­де­лов и не­пре­рыв­ных функ­ций, графики основных элементарных функций и их свойства;   - основные понятия и методы линейной и векторной алгебры, аналитической геометрии;   * основные методы дифференциального, интегрального исчисления и применения их для решения задач математического анализа и моделей экономических задач; * ос­нов­ные по­ня­тия тео­рии функ­ций нескольких пе­ре­мен­ных |
| Уметь | * выделять знания тех понятий, которые требуются для решения прикладных задач; * обсуждать способы эффективного решения прикладных задач; * распознавать эффективное решение от неэффективного; * объяснять и строить модели учебных математических и управленческих задач и строить типичные модели учебных экономических задач; * применять методы математического анализа к решению простейших задач экономического характера;   корректно выражать и аргументированно обосновывать положения предметной области знания. |
| Владеть | * способами демонстрации умения анализировать ситуацию; * методами математического анализа при решении экономических задач с привлечением материалов дополнительной литературы и интернет ресурсов; * навыками и методиками обобщения результатов решения, экспериментальной деятельности; * способами оценивания значимости и практической пригодности полученных результатов; * профессиональным языком предметной области знания;   способами совершенствования профессиональных знаний и умений путем использования возможностей информационной среды. |
| **ОПК-5 – владение навыками составления финансовой отчетности с учетом последствий влияния различных методов и способов финансового учета на финансовые результаты деятельности организации на основе использования современных методов обработки деловой информации и корпоративных информационных систем** | |
| Знать | - основные понятия и методы линейной и векторной алгебры, аналитической геометрии;  - ос­нов­ные по­ло­же­ния о не­пре­рыв­ных функ­ций, графики основных элементарных функций и их свойства;  - ос­нов­ные тео­ре­мы диф­фе­рен­ци­аль­но­го и ин­те­граль­но­го ис­чис­ле­ния функ­ций од­ной и не­сколь­ких пе­ре­мен­ных, методы дифференциального исчисления исследования функций;  - основные понятия тео­рии вероятностей; |
| Уметь | - воспроизводить основные математические модели;  - распознавать математические объекты;  - решать задачи предметной области: решать стандартные задачи по предложенным методам и алгоритмам, графически иллюстрировать задачу;  - оценивать достоверность полученного решения;  - выбирать оптимальный метод;  - записывать математическую постановку задач, используемых в дальнейшем при построении математических моделей; |
| Владеть | - математическими методами, применяемыми для решения экономических (исследовательских) задач;  - математическим языком предметной области: основными терминами, понятиями, определениями разделов математики;  - основными способами представления математической информации (аналитическим, графическим, символьным);  - математическим языком предметной области: записывать результаты проведённых исследований в терминах предметной области. |

# **4 Структура и содержание дисциплины**

Общая трудоемкость дисциплины составляет 6 зачетных единиц 216 акад. часов, в том числе:

– контактная работа – 17,2 акад. часов:

– аудиторная – 14 акад. часов;

– внеаудиторная – 3,2 акад. часов

– самостоятельная работа – 186,1 акад. часов;

– подготовка к экзамену – 12,7 акад. часа

| Раздел/ тема  дисциплины | Курс | Аудиторная  контактная работа  (в акад. часах) | | | Самостоятельная работа (в акад. часах) | Вид самостоятельной  работы | Форма текущего контроля успеваемости и  промежуточной аттестации | Код и структурный  элемент  компетенции |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| лекции | лаборат.  занятия | практич. занятия |
| 1. **Предел и непрерывность функции** | | | | | | | | |
| 1.1. Функция. Предел функции. | 1 | 0,25 |  | 0,25/0,25И | 5 | - выполнение КР №1 | - консультации по решению КР №1,  - проверка решения КР №1 | ПК-10 |
| 1.4. Непрерывность функций. Классификация точек разрыва. | 1 | 0,25 |  | 4 | 5 |
| **Итого по разделу 1** |  | **0,5** |  | **0,5/0,5И** | **10** |  | КР №1 |  |
| 1. **Дифференциальное исчисление функции одной переменной** | | | | | | | | |
| 2.1. Понятие производной функции. Производная сложных функций. | 1 | 0,5 |  | 0,5 | 6 | - выполнение КР №1 | - консультации по решению КР №1,  - проверка решения КР №1 | ПК-10 |
| 2.2. Исследование функции и построение графика. | 1 | 0,5 |  | 0,5/0,5И | 10 | - выполнение КР №1 | - консультации по решению КР №1,  - проверка решения КР №1 |  |
| **Итого по разделу 2** |  | **1** |  | **1/0,5И** | **16** |  | КР № 1 |  |
| **3. Неопределенный интеграл** | | | | | | | | |
| 3.1. Свойства интегрирования. Непосредственное интегрирование. | 1 | 0,25 |  | 0,25 | 2 | - выполнение КР №1 | - консультации по решению КР №1,  - проверка решения КР №1 | ПК-10 |
| 3.2. Метод замены переменной. | 1 | 0,25 |  | 0,25 | 2 |
| 3.3. Метод интегрирования по частям. | 1 | 0,25 |  | 0,25 | 2 |
| 3.4. Интегрирование рациональных дробей | 1 | 0,25 |  | 0,25 | 4 |
| **Итого по разделу 3** |  | **1** |  | **1** | **10** |  | КР №1 |  |
| **4. Определенный интеграл** | | | | | | | | |
| 4.1. Свойства определенного интеграла. Формула Ньютона – Лейбница | 1 | 0,25 |  | 0,25 | 5 | - выполнение КР №1 | - консультации по решению КР №1,  - проверка решения КР №1 | ПК-10  ОПК-5 |
| 4.2. Метод подстановки и интегрирование по частям определенных интегралов | 1 | 0,25 |  | 0,25 | 5 |
| 4.3. Несобственные интегралы второго рода | 1 | 0,5 |  | 0,5 | 6 |
| **Итого по разделу 4** |  | **1** |  | **1** | **16** |  | КР №1 |  |
| **5. Комплексные числа** | | | | | | | | |
| 5.1. Основные понятия. Геометрическое изображение комплексных чисел. Формы записи комплексных чисел. | 1 | 0,5 |  | 0,5/0,5И | 8 | - выполнение КР №1 | - консультации по решению КР №1,  - проверка решения КР №1 | ПК-10 |
| **Итого по разделу 5** | 1 | **0,5** |  | **0,5/0,5И** | **8** |  | КР № 1 |  |
| **6. Функции нескольких переменных** | | | | | | | | |
| 6.1. Частные производные. Полный дифференциал | 1 | 0,25 |  | 0,25 | 6 | - выполнение КР №1 | - консультации по решению КР №1,  - проверка решения КР №1 | ПК-10  ОПК-5 |
| 6.2. Касательная и нормаль к поверхности | 1 | 0,25 |  | 0,25 | 6 |
| 6.3. Экстремум функции двух переменных | 1 | 0,5 |  | 0,5/0,5И | 7,1 |
| **Итого по разделу 6** |  | **1** |  | **1/0,5И** | **19,1** |  | КР №1 |  |
| **7. Дифференциальные уравнения первого порядка** | | | | | | | | |
| 7.1. Уравнения с разделяющимися переменными | 1 | 0,5 |  | 0,5 | 6 | - выполнение КР №1 | - консультации по решению КР №1,  - проверка решения КР №1 | ПК-10 |
| 7.2. Линейные дифференциальные уравнения | 1 | 0,5 |  | 0,5 | 6 |
| **Итого по разделу 7** |  | **1** |  | **1** | **12** |  |  |  |
| **Итого за зимнюю сессию** | 1 | **6** |  | **6/2И** | **91,1** |  |  |  |
| **8. Элементы линейной алгебры: матрицы, определители, системы линейных алгебраических уравнений** | | | | | | | | |
| 8.1. Матрицы и действия над ними | 1 | - |  | 0,25/0,25И | 10 | - выполнение КР №1 | - консультации по решению КР №1,  - проверка решения КР №1 | ПК-10  ОПК-5 |
| 8.2. Определители и способы их вычисления | 1 | - |  | 0,25/0,25И | 10 |
| 8.3. Обратная матрица. Решение систем с помощью обратной матрицы. Формулы Крамера. Метод Гаусса | 1 | - |  | 0,5/0,5И | 20 |
| **Итого по разделу 8** |  | **-** |  | **1/1И** | **40** |  |  |  |
| **9. Теория вероятностей** | | | | | | | | |
| 9.1. Определения вероятности (классическое, геометрическое, статистическое) |  |  |  | 0,5/0,5И | 25 | - выполнение КР №1 | - консультации по решению КР №1,  - проверка решения КР №1 | ПК-10  ОПК-5 |
| 9.2. Предельные схемы Бернулли |  |  |  | 0,5/0,5И | 20 | - выполнение КР №1 | - консультации по решению КР №1,  - проверка решения КР №1 | ПК-10  ОПК-5 |
| **Итого по разделу 9** |  | **-** |  | **1/1И** | **45** |  |  |  |
| **Итого за летнюю сессию** | **1** | **-** |  | **2/2И** | **95** |  | **Экзамен** |  |
| **Итого по дисциплине** | **1** | **6** |  | **8/4И** | **186,1** |  | **Экзамен** |  |

# 5 Образовательные и информационные технологии

Реализация компетентностного подхода предусматривает использование в учебном процессе активных и интерактивных форм проведения занятий в сочетании с внеаудиторной работой с целью формирования и развития профессиональных навыков обучающихся. Согласно п. 34 Порядка организации и осуществления деятельности по образовательным программам бакалавриата высшего образования (утв. приказом МОиН РФ от 05.04.2017 г. № 301), при проведении учебных занятий обеспечивается развитие у обучающихся навыков командной работы, межличностной коммуникации, принятия решений, лидерских качеств, в том числе с учетом региональных особенностей профессиональной деятельности выпускников и потребностей работодателей.

Выбирая ту или иную технологию работы с обучающимися, необходимо иметь в виду, что наибольшего эффекта от ее применения можно достичь, если учитывать цели образования, на реализацию которых должна быть направлена избираемая технология, содержание, которое предстоит передать обучающимся с ее помощью, а также условия, в которых она будет использоваться.

В нашей работе мы используем следующее.

1. *Традиционные образовательные технологии*. Организация образовательного процесса, предполагает прямую трансляцию знаний от преподавателя к студенту (преимущественно на основе объяснительно-иллюстративных методов обучения). Учебная деятельность студента носит в таких условиях, как правило, репродуктивный характер.

Формы учебных занятий:

- информационная лекция – последовательное изложение материала в дисциплинарной логике, осуществляемое преимущественно вербальными средствами.

- семинар (защита РГР) – беседа преподавателя и студентов, обсуждение заранее подготовленных сообщений по каждому вопросу плана занятия с единым для всех перечнем рекомендуемой обязательной и дополнительной литературы.

- практическое занятие, посвященное освоению конкретных умений и навыков по предложенному алгоритму.

2. *Технологии проблемного обучения.* Организация образовательного процесса предполагает постановку проблемных вопросов, создание учебных проблемных ситуаций для стимулирования активной познавательной деятельности студентов.

Формы учебных занятий:

- проблемная лекция – изложение материала, предполагающее постановку проблемных и дискуссионных вопросов, освещение различных научных подходов, авторские комментарии, связанные с различными моделями интерпретации изучаемого материала.

- лекция «вдвоем» (бинарная лекция) – изложение материала в форме диалогического общения двух студентов (заранее подготовившихся) или студента и преподавателя (например, реконструкция диалога исторических личностей – свидетелей открытия какого-либо научного факта; «ученого» и «практика» и т.д.).

- практическое занятие в форме практикума – организация учебной работы, направленная на решение комплексной учебно-познавательной задачи, требующей от студента применения как научно-теоретических знаний, так и практических навыков.

- самостоятельная работа (с консультациями преподавателя) на основе кейс-метода – обучение в контексте моделируемой ситуации, воспроизводящей реальные условия научной, производственной. Обучающиеся должны проанализировать ситуацию, разобраться в сути проблем, предложить возможные решения и выбрать лучшее из них. Кейсы базируются на реальном фактическом материале или же приближены к реальной ситуации.

3. *Технологии проектного обучения*.  Образовательный процесс построен в соответствии с алгоритмом поэтапного решения проблемной задачи или выполнения учебного задания. Проект предполагает совместную учебно-познавательную деятельность группы студентов, направленную на выработку концепции, установление целей и задач, формулировку ожидаемых результатов, определение принципов и методик решения поставленных задач, планирование хода работы, поиск доступных и оптимальных ресурсов, поэтапную реализацию плана работы, презентацию результатов работы, их осмысление и рефлексию. Применяется в основном для перехода компетенции на уровень владения.

Основные типы применяемых нами в образовательной деятельности проектов:

*Исследовательский проект* – структура приближена к формату научного исследования (доказательство актуальности темы, определение научной проблемы, предмета и объекта исследования, целей и задач, методов, источников, выдвижение гипотезы, обобщение результатов, выводы, обозначение новых проблем). Результатом является учебная карта по модулю нашей образовательной программы.

*Творческий проект*, предполагающий в отличие от предыдущего, конечный продукт в следующих вариантах – газета к исторически значимому «математическому» событию (праздник числа «Пи» и т.п.); «математическая» открытка (своего рода учебная карта, только неформально, красочно оформленная; видеоролик «Я научу вас решать …» и т.п.

*Информационный проект* – учебно-познавательная деятельность с ярко выраженной эвристической направленностью (поиск, отбор и систематизация информации о каком-то объекте, ознакомление участников проекта с этой информацией, ее анализ и обобщение и, наконец, презентация по практическому приложению).

4. *Информационно-коммуникационные образовательные технологии*. Организация образовательного процесса с применением специализированных программных сред и технических средств работы с информацией (информационную среду университета МООДУС MOODLE).

Формы учебных занятий с использованием информационно-коммуникационных технологий:

Лекция-визуализация – изложение содержания сопровождается презентацией (демонстрацией учебных материалов, представленных в различных знаковых системах, в т.ч. иллюстративных, графических, аудио- и видеоматериалов).

Практическое занятие в форме презентации – представление результатов проектной или исследовательской деятельности с использованием специализированных программных сред.

# 6 Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

**Примерные аудиторные контрольные работы (АКР)**

**КР№ 1**

**1. Вычислить предел:**

а)  б)  в) 

г)  д) 

1. Найдите производные данных функций.



1. Вычислите приближенно с применением производной значение функции  при .
2. Вычислите предел, используя правило Лопиталя.

.

е) 

1. **Найти интеграл**:

а) ; б) , в) ;

г) ; д) ; е) ;

ж) ; з) .

1. Вычислить

а) ; б) ; в); г) ;

д); е) ; ж); з);

1. **Найти** наибольшее и наименьшее значения функции 

в области, заданной системой неравенств .

1. Решите матричное уравнение , где



1. Решите систему 

а) по формулам Крамера;

б) методом Гаусса;

в) с помощью обратной матрицы.

1. Исследуйте системы на совместность, в случае совместности, найдите решение, сделайте проверку.

а)  б) 

1. Исследуйте на непрерывность функцию  в точках  и . Сделайте схематический чертеж.
2. Найдите точки разрыва функции. Сделайте чертеж.



1. Найти , если.
2. Вычислить приближённое значение функции в точке В (2,03:0,02).
3. Найти экстремум функции 

# 7 Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации

**а) Планируемые результаты обучения и оценочные средства для проведения промежуточной аттестации:**

| Структурный элемент  компетенции | Планируемые результаты обучения | Оценочные средства |
| --- | --- | --- |
| **ПК-10 – владение навыками количественного и качественного анализа информации при принятии управленческих решений, построения экономических, финансовых и организационно-управленческих моделей путем их адаптации к конкретным задачам управления** | | |
| Знать | * основные определения и понятия; * основные методы дифференциального, интегрального исчисления и применения их для решения задач математического анализа и моделей экономических задач; * определения основных понятий, называет их структурные характеристики;   основные методы исследования, используемые в математическом анализе; | 1. Числовая последовательность и ее предел. Свойства сходящихся последовательностей. 2. Функция одной переменной. Предел функции в точке и бесконечности. Условие существования предела. Односторонние пределы. 3. Бесконечно малые и бесконечно большие функции и их свойства. Теорема о связи предела и бесконечно малой. Первый и второй замечательные пределы. 4. Непрерывность функции в точке. Свойства функций, непрерывных в точке. Точки разрыва функций и их классификация. 5. Производная. Механический, геометрический и экономический смысл производной. Связь непрерывности и дифференцируемости функции. 6. Дифференциал функции, его свойства и применение в приближенных вычислениях. 7. Правило Лопиталя и его применение для вычисления пределов. 8. Монотонность функции. Достаточное условие возрастания и убывания функции. Экстремум функции. Необходимое и достаточное условия существования точек экстремума. 9. Выпуклость, вогнутость функции. Достаточное условие выпуклости и вогнутости функции. Точки перегиба. Необходимое и достаточное условия существования точек перегиба. 10. Асимптоты графика функции: вертикальные, горизонтальные и наклонные асимптоты и условия их существования. 11. Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. 12. Методы интегрирования (метод замены переменной, метод интегрирования по частям). 13. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла (о площади криволинейной трапеции, о пройденном пути, об объеме произведенной продукции). 14. Определенный интеграл и его свойства. 15. Интеграл с переменным верхним пределом и его свойства. 16. Формула Ньютона – Лейбница. 17. Несобственные интегралы первого рода и их свойства. |
| Уметь | * выделять знания тех понятий, которые требуются для решения прикладных задач; * обсуждать способы эффективного решения прикладных задач; * распознавать эффективное решение от неэффективного; * объяснять и строить модели учебных математических и управленческих задач и строить типичные модели учебных экономических задач; * применять методы математического анализа к решению простейших задач экономического характера; * выделять знания тех понятий, которые требуются для решения прикладных задач;   корректно выражать и аргументированно обосновывать положения предметной области знания. | ***Примерные практические задания для экзамена и зачета:***  1. Вычислите пределы:  а) ; б) ; в) .  2. Найдите  для функций: а)  б)  3. Найти производные следующих функций.          Найти производные второго порядка ()       4. Вычислить: а) , б) .  5. Найти неопределённый интеграл: а), б) в)  6. Вычислить определенный интеграл .  7. Вычислить определенный интеграл .  8. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями:  9. Исследовать на экстремум функцию  10. Решите задачу Коши: , . |
| Владеть | * способами демонстрации умения анализировать ситуацию; * методами математического анализа при решении экономических задач с привлечением материалов дополнительной литературы и интернет ресурсов; * навыками и методиками обобщения результатов решения, экспериментальной деятельности; * способами оценивания значимости и практической пригодности полученных результатов; * профессиональным языком предметной области знания;   способами совершенствования профессиональных знаний и умений путем использования возможностей информационной среды. | ***Примерные прикладные задачи и задания***  **Задача 1.** Зависимость пути от времени при прямолинейном движении точки задается уравнением , где  — путь в м, а  — время в с. Вычислите ее скорость и ускорение в момент времени .  **Задача 2.** Зависимость объема выпуска продукции V от капитальных затрат К определяется функцией V=V0ln(4+K3). Найти интервал изменения К, на котором увеличение капитальных затрат неэффективно. |
| **ОПК-5 – владение навыками составления финансовой отчетности с учетом последствий влияния различных методов и способов финансового учета на финансовые результаты деятельности организации на основе использования современных методов обработки деловой информации и корпоративных информационных систем** | | |
| Знать | - основные определения и понятия;  - связь между различными математическими объектами, описывающими экономические процессы;  - основные математические методы, применяемые для расчета экономических показателей и анализа экономических процессов;  - основные методы исследования, используемые в математическом анализе; | 1. Матрицы. Действия над матрицами и их свойства. 2. Определители и их свойства. 3. Обратная матрица и ее свойства. 4. Ранг матрицы. 5. Системы линейных алгебраических уравнений. Матричная запись. Методы решения: формулы Крамера, матричный способ, метод Гаусса. 6. Исследование СЛАУ на совместность. Теорема Кронекера – Капелли. 7. Дифференциальные уравнения первого порядка. Основные определения. Теорема Коши. Задача Коши. 8. Основные виды интегрируемых в квадратурах дифференциальных уравнений: с разделяющимися переменными, однородные, линейные, способы их решения. 9. Понятие дифференциальных уравнений высших порядков. Общее решение, частное решение. Теорема Коши. Задача Коши. 10. Функции нескольких переменных. Основные определения. Линии уровня функции двух переменных. 11. Частные производные функции нескольких переменной Производная по направлению. 12. Градиент функции и его свойства. 13. Экстремум функции двух переменных. Необходимое и достаточное условия существования точек экстремума. 14. Условный экстремум. 15. Алгебраическая форма комплексных чисел и действия над ними. 16. Тригонометрическая форма комплексных чисел и действия над ними. |
| Уметь | - воспроизводить основные математические модели;  - распознавать математические объекты;  - решать задачи предметной области: решать стандартные задачи по предложенным методам и алгоритмам, графически иллюстрировать задачу;  - оценивать достоверность полученного решения;  - выбирать оптимальный метод;  - записывать математическую постановку задач, используемых в дальнейшем при построении математических моделей; | ***Примерные практические задания и задачи***  **Задание 1.** Составьте алгоритм решения ….. задачи.  **Задание 2.** Вычислите приближенно y = при x = 1,03.  **Задача 3.** Вычислите предел по правилу Лопиталя .  **Задание 4.** Сформулируйте необходимое условие экстремума функции одной переменной.  **Задача 5.** Исследовать функцию и построить её график: .  **Задача 6.** Каков геометрический смысл определенного интеграла от данной функции в данном интервале в декартовой системе координат?  **Задание 7**. Укажите верное утверждение о функции двух переменных:  а). градиент перпендикулярен касательной плоскости;  б). градиент является производной по направлению;  в). градиент является касательной к линии уровня;  г). градиент определяет направление максимальной скорости изменения функции.  **Задание 8.** Укажите ЛОЖНОЕ утверждение о функции двух переменных:  а). непрерывная функция всегда дифференцируема;  б). функция, имеющая предел в точке *М*, может быть разрывная в этой точке;  в). у дифференцируемой функции существуют частные производные;  г). из непрерывности частных производных в точке *М* следует дифференцируемость функции в этой точке.  **Задание 9.** Провести полное исследование функций и построить их графики:  1. .  2. .  3. .  **Задание 10.** Найти наибольшее и наименьшее значение функции на отрезке :  1. .  2. .  3. |
| Владеть | - математическими методами, применяемыми для решения экономических (исследовательских) задач;  - математическим языком предметной области: основными терминами, понятиями, определениями разделов математики;  - основными способами представления математической информации (аналитическим, графическим, символьным);  - математическим языком предметной области: записывать результаты проведённых исследований в терминах предметной области. | Примерные практические задания и задачиЗадача 1. Для решения задачи сделайте схематический чертеж и получите функциональную зависимость по указанию к задаче. Найдите область определения этой функции по смыслу задачи. Вычислите значения этой функции при трех различных значениях аргумента. Исследуйте функцию на наибольшее и наименьшее значения. Ответьте на вопрос задачи.«Сечение тоннеля имеет форму прямоугольника, завершенного полукругом. Периметр сечения 18 м. При каком радиусе полукруга площадь сечения будет наибольшей?»Обозначьте радиус полукруга через  и выразите площадь  сечения как функцию от : .Задача 2. На какой высоте r над центром круглого стола радиуса a следует поместить лампу, чтобы освещенность края стола была наибольшей? (Самостоятельно проанализировать средства (знания, методы) какого раздела математики потребуются для решения данной задачи). **Задача 3.** Найти стоимость перевозки М т груза по железной дороге на расстояние 1 км при условии, что тариф y перевозки одной тонны убывает на а рублей на каждом последующем километре. |

**б) Порядок проведения промежуточной аттестации, показатели и критерии оценивания:**

Промежуточная аттестация по дисциплине «Математика» включает теоретические вопросы, позволяющие оценить уровень усвоения обучающимися знаний, и практические задания, выявляющие степень сформированности умений и владений, проводится в форме экзамена.

Экзамен по данной дисциплине проводится в устной форме по экзаменационным билетам, каждый из которых включает 2 теоретических вопроса и одно практическое задание.

**Показатели и критерии оценивания экзамена:**

– на оценку **«отлично»** (5 баллов) – обучающийся демонстрирует высокий уровень сформированности компетенций, всестороннее, систематическое и глубокое знание учебного материала, свободно выполняет практические задания, свободно оперирует знаниями, умениями, применяет их в ситуациях повышенной сложности.

– на оценку **«хорошо»** (4 балла) – обучающийся демонстрирует средний уровень сформированности компетенций: основные знания, умения освоены, но допускаются незначительные ошибки, неточности, затруднения при аналитических операциях, переносе знаний и умений на новые, нестандартные ситуации.

– на оценку **«удовлетворительно»** (3 балла) – обучающийся демонстрирует пороговый уровень сформированности компетенций: в ходе контрольных мероприятий допускаются ошибки, проявляется отсутствие отдельных знаний, умений, навыков, обучающийся испытывает значительные затруднения при оперировании знаниями и умениями при их переносе на новые ситуации.

– на оценку **«неудовлетворительно»** (2 балла) – обучающийся демонстрирует знания не более 20% теоретического материала, допускает существенные ошибки, не может показать интеллектуальные навыки решения простых задач.

– на оценку **«неудовлетворительно»** (1 балл) – обучающийся не может показать знания на уровне воспроизведения и объяснения информации, не может показать интеллектуальные навыки решения простых задач.

# 8 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)

а) Основная **литература:**

1. Шипачев В.С. Высшая математика [Электронный ресурс]: учебник / В.С. Шипачев. — М. : ИНФРА-М, 2017. — 479 с. — (Высшее образование). — Режим доступа: http://znanium.com/catalog/product/469720 . - Загл. с экрана.

2. Письменный, Д. Т. Конспект лекций по высшей математике: полный курс [Текст]: / Д. Т. Письменный. - 11-е изд. - М. : Айрис-пресс, 2008. - 602 с. : ил. - (Высшее образование). - ISBN 978-5-8112-4866-7. - 200 шт

**б) Дополнительная литература:**

1. Теория вероятностей и математическая статистика: Учебное пособие / Бирюкова Л.Г., Бобрик Г.И., Матвеев В.И., - 2-е изд. - Москва: НИЦ ИНФРА-М, 2017. - 289 с. (Высшее образование: Бакалавриат) ISBN 978-5-16-011793-5. - Текст: электронный. - URL: <https://new.znanium.com/catalog/product/370899>.— Режим доступа: для авториз. пользователей.
2. Математика в примерах и задачах: учеб. пособие / О.М. Дегтярева, Л.Н. Журбенко, Г.А. Никонова, Н.В. Никонова, С.Н. Нуриева. — Москва: ИНФРА-М, 2019. — 372 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-102288-7. – Текст: электронный. – URL: <https://new.znanium.com/catalog/product/989802>.— Режим доступа: для авториз. пользователей.
3. Данко, П.Е. Высшая математика в упражнениях и задачах. (В 2-х частях) [Текст] / П. Е. Данко, А. Г. Попов, Т. Я. Кожевникова. - М.: Высшая школа, 1986-2009. ISBN: 978-5-488-02201-0. - более 1000 шт.

Фихтенгольц, Г.М. Основы математического анализа: учебник: в 2 частях / Г.М. Фихтенгольц. — 11-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, [б. г.]. — Часть 1 — 2019. — 444 с. — ISBN 978-5-8114-0190-1. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система «Лань» : [сайт]. — URL: <https://e.lanbook.com/book/112051> . — Режим доступа: для авториз. пользователей.

1. Фихтенгольц, Г.М. Основы математического анализа: учебник: в 2 частях / Г.М. Фихтенгольц. — 10-е изд., стер. — Санкт-Петербург: Лань, [б. г.]. — Часть 2 — 2019. — 464 с. — ISBN 978-5-8114-0191-8. — Текст: электронный // Электронно-библиотечная система «Лань» : [сайт]. — URL: https://e.lanbook.com/book/115730 (дата обращения: 06.10.2019). — Режим доступа: для авториз. пользователей.
2. Шипачев В. С. Задачник по высшей математике: учеб. пособие / В.С. Шипачев. — 10-е изд., стереотип. — Москва: ИНФРА-М, 2020. — 304 с. — (Высшее образование). - ISBN 978-5-16-101831-6. – Текст: электронный. – URL: https://new.znanium.com/catalog/product/1042456

**в) методические указания**

1. Абрамова, И.М. Элементы векторной алгебры и аналитической геометрии: Методические указания для студентов I курса всех специальностей. – МГТУ, 2008. – 16 с.
2. Акманова, З.С. Неопределенный интеграл: Тетрадь-конспект – МГТУ, 2008. – 23 с.
3. Горячева, Н.А. Теория функций комплексного переменного: Методические указания и варианты индивидуальных заданий для студентов всех специальностей –– Магнитогорск: ГОУ ВПО «МГТУ им. Г.И. Носова», 2011. – 28 с.
4. Грачева, Л.А. Определенный интеграл: методические указания для студентов – Магнитогорск: ГОУ ВПО «МГТУ им. Г.И. Носова», 2010 – 12 с.
5. Грачева, Л.А. Элементы линейной алгебры, векторной алгебры и аналитической геометрии: Учебное пособие. - Магнитогорск: ГОУ ВПО «МГТУ им. Г.И. Носова», 2010 – 63 с.
6. Изосов А.В. Гармонический анализ: Методические указания и варианты заданий для самостоятельной работы и контроля знаний студентов. – МГТУ, 2009. – 24 с.
7. Максименко, И.А. События и вероятность. Часть 2: Метод. указ. - Магнитогорск: ГОУ ВПО «МГТУ им. Г.И. Носова», 2010. – 25 с.
8. Маяченко, Е.П. Производная и дифференциал функции. Практикум. - Магнитогорск: ГОУ ВПО «МГТУ им. Г.И. Носова», 2010. – 38 с.
9. Маяченко Е.П. Исследование функций и построение графиков. Практикум. – Магнитогорск: ГОУ ВПО «МГТУ им. Г.И. Носова», 2011. – 20 с.
10. Савушкина Н.Ф. Комбинаторика. Событие и вероятность. Часть I: Комбинаторика. Алгебра событий: Метод. указания по дисциплине «Математика» для студентов I курса всех специальностей. – МГТУ, 2007. – 17 с.

**г) Электронные ресурсы:**

1. Акманова З. С. Неопределенный интеграл: от теории к практике [Электронный ресурс]: учебное пособие / З. С. Акманова ; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2015. – 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). – URL: [https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=1304.pdf&show=dcatalogues/1/1123520/1304.pdf&view=true.](https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=1304.pdf&show=dcatalogues/1/1123520/1304.pdf&view=true.%20) – Макрообъект. – Сведения доступны также на CD-ROM.
2. Аналитическая геометрия [Электронный ресурс]: практикум / Т. Г. Кузина, О. С. Андросенко, Т. В. Морозова, О. В. Петрова; МГТУ. – Магнитогорск, 2010. – 114 с. : ил., табл. – URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=313.pdf&show=dcatalogues/1/1068918/313.pdf&view=true.> - Макрообъект.
3. Анисимов А. Л. Матрицы. Определители. Системы линейных алгебраических уравнений [Электронный ресурс]: учебное пособие / А. Л. Анисимов, Т. А. Бондаренко, Г. А. Каменева ; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2017. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=3361.pdf&show=dcatalogues/1/1139107/3361.pdf&view=true>. - Макрообъект. - ISBN 978-5-9967-1000-3.
4. Бондаренко Т. А. Интегральное исчисление функции одной переменной [Электронный ресурс]: учебное пособие / Т. А. Бондаренко ; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2017. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=3342.pdf&show=dcatalogues/1/1138511/3342.pdf&view=true>. - Макрообъект. - ISBN 978-5-59967-1001-0.
5. Булычева С. В. Математика: пределы и непрерывность функции одной переменной. Практикум [Электронный ресурс]: учебное пособие / С. В. Булычева; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2017. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=3338.pdf&show=dcatalogues/1/1138500/3338.pdf&view=true>. - Макрообъект. - ISBN 978-5-59967-1002-7.
6. Быкова М. В. Дифференциальные уравнения [Электронный ресурс]: учебное пособие / М. В. Быкова, Н. А. Квасова, Н. И. Кимайкина. - Магнитогорск: МГТУ, 2012. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=1045.pdf&show=dcatalogues/1/1119343/1045.pdf&view=true>. - Макрообъект.
7. Изосова Л. А. Основы математического анализа [Электронный ресурс] : учебное пособие. Ч. 1. Дифференциальное исчисление функции одной переменной / Л. А. Изосова, Л. А. Грачева ; МГТУ. - Магнитогорск : МГТУ, 2015. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=1400.pdf&show=dcatalogues/1/1123913/1400.pdf&view=true>. - Макрообъект.
8. Коротецкая В. А. Функции нескольких переменных [Электронный ресурс] : учебное пособие / В. А. Коротецкая, Ю. А. Извеков ; МГТУ. - Магнитогорск : МГТУ, 2015. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=1164.pdf&show=dcatalogues/1/1121202/1164.pdf&view=true>. - Макрообъект.
9. Теория вероятностей и математическая статистика: электронное учебное пособие и практикум с лабораторными работами [Электронный ресурс] / А. В. Изосов, Л. А. Изосова, Л. А. Грачева, Е. М. Гугина. - Магнитогорск : МГТУ, 2013. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=931.pdf&show=dcatalogues/1/1118948/931.pdf&view=true>. - Макрообъект.

г) **Программное обеспечение** и **Интернет-ресурсы:**

1.

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Наименование ПО | № договора | Срок действия лицензии |
| MS Windows 7 | Д-1227 от 08.10.2018 | 11.10.2021 |
| MS Office 2007 | № 135 от 17.09.2007 | бессрочно |
| Kaspersky Endpoint Security для бизнеса-Стандартный | Д-300-18 от 21.03.2018 | 28.01.2020 |
| 7Zip | свободно распространяемое | бессрочно |

2. информационные сети Интернет:

1) Российская государственная библиотека [Электронный ресурс] /Центр информ. Технологий РГБ; ред. Власенко Т.В., Web мастер Козлова Н.В. – Электрон. Дан. – М.: Рос. Гос. б-ка, 1997. <URL:http://www.rsl.ru/>, свободный.– Загл. с экрана. Яз. рус., англ.

2) Российская национальная библиотека. [Электронный ресурс] / –URL: <http://www.nlr.ru> . Яз.рус.

3) Государственная публичная научно-техническая библиотека России [Электронный ресурс] / – Режим доступа: <http://www.gpntb.ru> , свободный.– Загл. с экрана. Яз.рус .

4) Public.Ru - публичная интернет-библиотека <URL:http://www.public.ru/> .

5) Студенческая библиотека [Электронный ресурс]. – Режим доступа: http:// <http://studlib.com> , свободный.– Загл. с экрана. Яз. рус., англ.

6) Компьютерра: все новости про компьютеры, железо, новые технологии, инфор-мационные технологии [Электронный ресурс]. – Периодическое электронное Интернет-издание – Режим доступа: <https://www.computerra.ru/> – Загл. с экрана. Яз. рус.

7) Система «Интернет-тренажеры в сфере образования» на сайте [www.i-exam.ru](http://www.i-exam.ru).

# **9 Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)**

Материально-техническое обеспечение дисциплины включает:

| Тип и название аудитории | Оснащение аудитории |
| --- | --- |
| Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа | Доска, мультимедийные средства хранения, передачи и представления информации |
| Учебные аудитории для проведения практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации | Доска, мультимедийный проектор, экран  Комплекс методических разработок (раздаточного материала и методических указаний) и\или комплекс тестовых заданий для подготовки и проведения промежуточных и рубежных контролей |
| Помещения для самостоятельной работы учащихся | Персональные компьютеры с пакетом MSOffice, выходом в Интернет и с доступом в электронную информационно-образовательную среду университета |
| Помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования | Шкафы для хранения учебно-методической документации, учебного оборудования и учебно-наглядных пособий |