



МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Магнитогорский государственный технический университет им. Г.И. Носова»



УТВЕРЖДАЮ

Директор Филиал в г. Белорецк
Д.Р. Хамзина

10.09.2019 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

МАТЕМАТИКА

Направление подготовки (специальность)
22.03.02 Metallurgy

Направленность (профиль/специализация) программы
Обработка металлов и сплавов давлением (метизное производство)

Уровень высшего образования - бакалавриат
Программа подготовки - академический бакалавриат

Форма обучения
очная

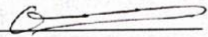
Институт/ факультет	Филиал в г. Белорецк
Кафедра	Металлургии и стандартизации
Курс	1, 2
Семестр	1, 2, 3

Магнитогорск
2019 год

Рабочая программа составлена на основе ФГОС ВО по направлению подготовки 22.03.02 Metallurgy (уровень бакалавриата) (приказ Минобрнауки России от 04.12.2015 г. № 1427)

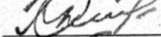
Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры Metallurgy и стандартизации

03.09.2019, протокол № 1


Зав. кафедрой  С.М. Головизнин

Рабочая программа одобрена методической комиссией Филиал в г. Белорецк

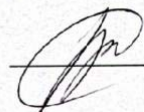
10.09.2019 г. протокол № 1

Председатель  Д.Р. Хамзина

Рабочая программа составлена:
доцент кафедры МиС, канд. пед. наук


 О.В. Ноговицина

Рецензент:
Ведущий инженер-технолог ЦИЛ БМК,
канд. техн. наук

 М.Г. Кузнецов

Лист актуализации рабочей программы

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2020 - 2021 учебном году на заседании кафедры **Металлургии и стандартизации**

Протокол от 3 09 2020 г. № 1
Зав. кафедрой  С.М. Головизнин

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2021 - 2022 учебном году на заседании кафедры **Металлургии и стандартизации**

Протокол от _____ 20__ г. № ____
Зав. кафедрой _____ С.М. Головизнин

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2022 - 2023 учебном году на заседании кафедры **Металлургии и стандартизации**

Протокол от _____ 20__ г. № ____
Зав. кафедрой _____ С.М. Головизнин

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2023 - 2024 учебном году на заседании кафедры **Металлургии и стандартизации**

Протокол от _____ 20__ г. № ____
Зав. кафедрой _____ С.М. Головизнин

1 Цели освоения дисциплины (модуля)

Целью дисциплины является овладение студентами необходимым и достаточным уровнем общепрофессиональных и профессиональных компетенций в соответствии с требованиями ФГОС ВО по направлению подготовки 22.03.02 Metallургия. Кроме того, преподавание математики в вузах имеет целью выработку у студентов умения проводить математический анализ прикладных (инженерных задач) и овладение основными математическими методами исследования и решения таких задач

Настоящая программа отражает новые требования, предъявляемые к математическому образованию современных студентов. Ее характеризует прикладная направленность и ориентация на обучение студентов использованию математических методов при решении прикладных задач.

Задачи изучения дисциплины:

- развитие логического и алгоритмического мышления;
- овладение основными методами исследования и решения математических задач;
- овладение основными численными методами математики и их простейшими реализациями на ЭВМ;
- формирование навыков работы с прикладными программами ЭВМ по обработке экспериментальных данных;
- выработку умения самостоятельно расширять математические знания и проводить математический анализ прикладных (инженерных задач)

2 Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Дисциплина Математика входит в базовую часть учебного плана образовательной программы.

Для изучения дисциплины необходимы знания (умения, владения), сформированные в результате изучения дисциплин/ практик:

Дисциплина «Математика» входит в базовую часть блока 1 образовательной программы.

Изучение дисциплины базируется на знаниях, умениях и навыках, сформированных в результате получения среднего (полного) общего образования и, в первую очередь, изучения дисциплин «геометрия», «алгебра».

Знания (умения, владения), полученные при изучении данной дисциплины будут необходимы для изучения дисциплин/практик:

Химия

Математическая статистика в металлургии

Физика

Физическая химия

Металлургическая теплотехника

Теория обработки металлов давлением

Подготовка к сдаче и сдача государственного экзамена

Производственная - практика по получению профессиональных умений и опыта профессиональной деятельности

Моделирование процессов и объектов в металлургии

Анализ числовой информации

3 Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (модуля) и планируемые результаты обучения

В результате освоения дисциплины (модуля) «Математика» обучающийся должен обладать следующими компетенциями:

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения
ОПК-4	готовностью сочетать теорию и практику для решения инженерных задач
Знать	основные определения и понятия, изучаемые в рамках курса математики; называть их структурные характеристики
Уметь	выбирать наиболее подходящий метод решения математических задач; обсуждать способы эффективного решения математических задач; распознавать эффективное решение от неэффективного; приобретать самостоятельно знания в области математики; корректно выражать и аргументировано обосновывать положения математики
Владеть	использовать математические знания на междисциплинарном уровне; практическими навыками решения математических задач с использованием подходящего метода, навыками ориентирования в условиях обновления целей, содержания, технологий в учебной деятельности для последующего проведения всей последовательности действий в отношении самоорганизации и самообразования
ПК-1	способностью к анализу и синтезу
Знать	основные определения и понятия математики; основные методы решения математических задачи; основные определения и понятия математики, применяемые в параллельных дисциплинах;
Уметь	выделять главные этапы в сборе информации; обсуждать способы эффективной обработки информации отличать эффективное решение от неэффективного; объяснять (выявлять и строить) типичные модели задач приобретать знания в области математики; корректно выражать и аргументировано обосновывать положения математики использовать элементы математики на других дисциплинах, на занятиях в аудитории
Владеть	практическими навыками использования элементов математики на других дисциплинах; способами демонстрации и умения анализировать ситуацию различными методами; навыками и методиками обобщения результатов решения задач; способами оценивания значимости и практической пригодности полученных результатов; способами совершенствования профессиональных знаний и умений путем использования возможностей информационной среды

ПК-3 готовностью использовать физико-математический аппарат для решения задач, возникающих в ходе профессиональной деятельности	
Знать	основные математические понятия: определения, теоремы, свойства, методы дифференциального и интегрального исчисления для построения и анализа математических моделей явлений и технологических процессов разумную точность формулировок математических свойств изучаемых объектов, логическую строгость изложения математики, опирающуюся на адекватный современный математический язык
Уметь	применять методы дифференциального исчисления для решения задач, исследования поведения функций, применять интегральное исчисление для вычисления геометрических и физических характеристик объектов; использовать основные численные методы для решения задач использовать основные математические законы в профессиональной деятельности, применять методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования
Владеть	методами дифференциального и интегрального исчисления при решении задач; численными методами математики и их простейшими реализациями на ЭВМ; математическим инструментарием для решения задач в своей профильной области.

2.1 Системы координат на прямой, на плоскости и в пространстве. Векторы. Линейные операции над векторами. Проекция вектора на ось. Направляющие ко-синусы вектора. Длина вектора. Скалярное произведение векторов и его свойства. Условие ортогональности векторов. Механический смысл скалярного произведения. Векторное произведение векторов и его свойства. Условие коллинеарности векторов. Смешанное произведение векторов. Геометрический смысл определителей 2-го и 3-го порядка. Приложение векторного и смешанного произведения	1	6		6	8	подготовка к практическим занятиям: работа с электронными учебниками; работа с конспектом; работа с образовательным порталом МГТУ; подготовка и выполнение МК; выполнение и подготовка к защите ИДЗ	МК проверка ИДЗ защита ИДЗ тестирование на сайте i-exam	ОПК-4, ПК-1, ПК-3
Итого по разделу		6		6	8			
3. Аналитическая геометрия								
3.1 Уравнение линии на плоскости. Различные формы уравнений прямой на плоскости. Угол между прямыми. Уравнение плоскости в пространстве. Расстояние от точки до плоскости. Прямая в пространстве. Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве. Общие уравнения прямой. Переход к каноническим.	1	6		6	8	подготовка к практическим занятиям: работа с электронными учебниками; работа с конспектом; работа с образовательным порталом МГТУ; подготовка и выполнение МК; выполнение и подготовка к защите ИДЗ	МК проверка ИДЗ защита ИДЗ тестирование на сайте i-exam	ОПК-4, ПК-1, ПК-3
Итого по разделу		6		6	8			
4. Кривые и поверхности второго порядка								
4.1 Кривые 2-го порядка: эллипс, гипербола, парабола. Технические приложения геометрических свойств кривых. Уравнение поверхности в пространстве, цилиндрические поверхности. Сфера, конус, эллипсоид, гиперболоиды, параболоиды	1	4		4	10,3	подготовка к практическим занятиям: работа с электронными учебниками; работа с конспектом; работа с образовательным порталом МГТУ; выполнение и подготовка к защите ИДЗ	проверка ИДЗ защита ИДЗ	ОПК-4, ПК-1, ПК-3

Итого по разделу	4		4	10,3			
5. Последовательности: введение в математический анализ							
5.1 Множества, Верхние и нижние грани множеств. Последовательность. Предел последовательности. Свойства сходящихся последовательностей. Ограниченные последовательности. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности. Число «е». Предел функции. Неопределённые выражения. Основные методы раскрытия неопределённостей. Замечательные пределы. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Их сравнение. Непрерывность функции в точке и на отрезке. Классификация точек разрыва. Основные теоремы о непрерывных на отрезке функциях.	1	8	8	10	подготовка к практическим занятиям: работа с электронными учебниками; работа с конспектом; работа с образовательным порталом МГТУ; подготовка и выполнение МК; выполнение и подготовка к защите ИДЗ	МК проверка ИДЗ защита ИДЗ	ОПК-4, ПК-1, ПК-3
Итого по разделу	8		8	10			
6. Элементы высшей алгебры. Комплексные числа							
6.1 Комплексные числа и действия с ними. Изображение комплексного числа на плоскости. Модуль и аргумент комплексного числа. Алгебраическая, тригонометрическая и показательная форма комплексного числа. Степень и корень комплексного числа.	1	4	4	10	подготовка к практическим занятиям: работа с электронными учебниками; работа с конспектом; работа с образовательным порталом МГТУ; выполнение и подготовка к защите ИДЗ	проверка ИДЗ защита ИДЗ	ОПК-4, ПК-1, ПК-3
Итого по разделу	4		4	10			
Итого за семестр	34		34	54,3		экзамен	
7. Элементы функционального анализа. Дифференциальное исчисление функции одной переменной							

7.1 Элементы теории функций и функционального анализа. Производная функции и дифференциал. Геометрический смысл производной и дифференциала. Дифференцируемость функции в точке. Связь между дифференцируемостью и непрерывностью. Основные правила дифференцирования. Производная сложной функции. Производные основных элементарных функций. Производная функции, заданной параметрически. Производная неявно заданной функции. Логарифмическое дифференцирование. Уравнения касательной и нормали. Теоремы Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталья раскрытия неопределённостей. Применение приближённых вычислений.	2	6		6	6	подготовка к практическим занятиям: работа с электронными учебниками; работа с конспектом; работа с образовательным порталом МГТУ; выполнение и подготовка к защите ИДЗ	проверка ИДЗ защита ИДЗ тестирование на сайте i-exam	ОПК-4, ПК-1, ПК-3
Итого по разделу		6		6	6			
8. Применение дифференциального исчисления для приближенных вычислений и исследования функции								
8.1 Приближённое вычисление с помощью дифференциала. Условия монотонности функции. Локальный экстремум. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке. Выпуклость функции и точки перегиба. Вертикальные асимптоты графика функции. Наклонные асимптоты. Общая схема исследования функции и построение графиков.	2	4		4	2,3	подготовка к практическим занятиям: работа с электронными учебниками; работа с конспектом; работа с образовательным порталом МГТУ; выполнение и подготовка к защите ИДЗ подготовка и выполнение МК	МК проверка ИДЗ защита ИДЗ тестирование на сайте i-exam	ОПК-4, ПК-1, ПК-3
Итого по разделу		4		4	2,3			
9. Функции нескольких переменных.								

<p>10.1 Первообразная. Не-определённый интеграл и его свойства. Непосредственное интегрирование. Замена переменной в неопределённом интеграле. Интегрирование по частям. Интегрирование рациональных дробей. Интегрирование тригонометрических функций. Интегрирование иррациональных выражений. Определённый интеграл и его свойства. Геометрический смысл. . Формула Ньютона-Лейбница. Основные методы интегрирования. Приложения определённого интеграла: площадь, длина дуги, объём и поверхность тела вращения. Несобственные интегралы 1-го и 2-го рода. Общая схема построения интегралов. Двойной и тройной интеграл. Вычисление их повторным интегрированием. Их геометрический смысл. Полярные координаты на плоскости. Цилиндрические и сферические координаты в пространстве . Замена переменной в двойном и тройном интеграле. Якобиан. Якобиан для случая перехода к цилиндрическим и сферическим координатам при вычислении двойных и тройных интегралов. Криволинейные интегралы 1-го и 2-го рода, связь между ними. Геометрические и физические приложения. Ф</p> <p>Применение двойного интеграла для вычисления площади, массы. Применение тройных интегралов для вычисления объёма, массы. Механические приложения кратных интегралов.</p>	2	16		16	4	<p>подготовка к практическим занятиям: работа с электронными учебниками; работа с конспектом; работа с образовательным порталом МГТУ; подготовка и выполнение МК; выполнение и подготовка к защите ИДЗ</p>	<p>МК проверка ИДЗ защита ИДЗ тестирование на сайте i-exam</p>	ОПК-4, ПК-1, ПК-3
Итого по разделу		16		16	4			

11. Векторный анализ и элементы теории поля								
11.1 Элементы теории поля. Скалярное поле, его характеристики. Векторное поле, работа, циркуляция, ротор, поток, дивергенция, специальные виды полей.	2	4		4	4	подготовка к практическим занятиям: работа с электронными учебниками; работа с конспектом; работа с образовательным порталом МГТУ; подготовка и выполнение МК; подготовка к устному опросу	МК собеседование	ОПК-4, ПК-1, ПК-3
Итого по разделу		4		4	4			
Итого за семестр		34		34	18,3		экзамен	
12. Численные методы. Основы вычислительного								
12.1 Численные методы. Основы вычислительного эксперимента	3	2		5	9,2	подготовка к практическим занятиям: работа с электронными учебниками; работа с конспектом; работа с образовательным порталом МГТУ; подготовка к устному опросу	собеседование	ОПК-4, ПК-1, ПК-3
Итого по разделу		2		5	9,2			
13. Дифференциальные уравнения								

<p>13.1 Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Общие и частные решения. Задача Коши. Геометрический смысл дифференциального уравнения 1-го порядка. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными. Однородные дифференциальные уравнения. Линейные дифференциальные уравнения и уравнения Бернулли. Уравнения в полных дифференциалах. Приложения дифференциальных уравнений 1-го порядка в различных областях науки. Дифференциальные уравнения высших порядков. Задача Коши. Теорема Коши существования и единственности решения. Понятия частного и общего решения. Дифференциальные уравнения, допускающие понижение порядка. Однородные и неоднородные линейные дифференциальные уравнения высшего порядка. Фундаментальная система решений. Определитель Вронского. Структура общего решения линейных и неоднородных линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами и правой частью специального вида. Метод вариации Лагранжа решения произвольных неоднородных линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Системы линейных дифференциальных уравнений. системы. Метод исключения и метод Эйлера решения нормальных систем линейных</p>	3	8	10	12	<p>подготовка к практическим занятиям: работа с электронными учебниками; работа с конспектом; работа с образовательным порталом МГТУ; подготовка и выполнение МК выполнение и подготовка к защите ИДЗ</p>	<p>МК проверка ИДЗ защита ИДЗ тестирование на сайте i-exam</p>	<p>ОПК-4, ПК-1, ПК-3</p>
--	---	---	----	----	---	--	------------------------------

Итого по разделу		8		10	12			
14. Ряды (числовые, функциональные, степенные)								
14.1 Числовые ряды Числовые ряды. Сходимость и сумма ряда. Необходимое условие сходимости. Действия со сходящимися рядами. Достаточные признаки сходимости рядов с положительными членами (признаки сравнения, Даламбера, Коши, интегральный). Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница сходимости знакопередающихся рядов. Условная и абсолютная сходимость. Функциональные ряды. Область сходимости и методы её определения. Степенные ряды. Теорема Абеля. Радиус сходимости степенных рядов. Интервал сходимости. Свойства степенных рядов. Применение степенных рядов в приближённых вычислениях, в вычислении определённых интегралов, при решении дифференциальных уравнений.	3	6		10	10	подготовка к практическим занятиям: работа с электронными учебниками; работа с конспектом; работа с образовательным порталом МГТУ; подготовка и выполнение МК выполнение и подготовка к защите ИДЗ	МК проверка ИДЗ защита ИДЗ тестирование на сайте i-exam	ОПК-4, ПК-1, ПК-3
Итого по разделу		6		10	10			
15. Гармонический анализ								
15.1 Тригонометрическая система и её свойства. Ряд Фурье, разложение функции в ряд Фурье. Ряд Фурье для чётных и нечётных функций. Условия поточечной сходимости и сходимости «в сред-нем» для рядов Фурье. Применение рядов Фурье в приближённых вычислениях.	3	4		8	8	подготовка к практическим занятиям: работа с электронными учебниками; работа с конспектом; работа с образовательным порталом МГТУ; выполнение и подготовка к защите ИДЗ	проверка ИДЗ защита ИДЗ	ОПК-4, ПК-1, ПК-3
Итого по разделу		4		8	8			
16. Вероятность: теория вероятностей								

<p>16.1 Предмет теории вероятностей. Относительная частота, закон устойчивости относительных частот. Классическое и геометрическое определение вероятностей. Основные теоремы о вероятности суммы и произведения событий. Условная вероятность. Формула полной вероятности. Формула Бейеса. Формула Бернулли. Предельные теоремы в схеме Бернулли (локальная и интегральная теоремы Лапласа, формула Пуассона). Наивероятнейшее число появлений события в независимых испытаниях. Случайные величины. Дискретные и непрерывные величины. Ряд распределения. Плотность распределения. Функция распределения случайной величины. Числовые характеристики дискретных и непрерывных случайных величин (математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение, мода и медиана, начальные и центральные моменты). Основные законы распределения случайных величин. Их числовые характеристики и свойства. Закон больших чисел. Теоремы Бернулли, Чебышева и Ляпунова.</p>	3	8		10	10	<p>подготовка к практическим занятиям: работа с электронными учебниками; работа с конспектом; работа с образовательным порталом МГТУ; выполнение и подготовка к защите ИДЗ</p>	<p>проверка ИДЗ защита ИДЗ тестирование на сайте i-exam</p>	<p>ОПК-4, ПК-1, ПК-3</p>
Итого по разделу		8		10	10			
17. Статистика: статистическое оценивание и проверка гипотез, статистические методы обработки экспериментальных данных								

17.1 Задачи математической статистики. Статистические методы обработки экспериментальных данных. Генеральная и выборочная совокупности. Статистическое распределение выборки. Эмпирическая функция распределения. Полигон и гистограмма. Статистическая оценка параметров распределения. Выборочная средняя и генеральная средняя. Генеральная и выборочная дисперсия. Точные и смещённые оценки. Асимметрия и эксцесс. Доверительные интервалы. Элементы теории корреляции. Условные средние. Корреляционные таблицы. Отыскание параметров выборочного уравнения прямой линии регрессии по сгруппированным данным. Выборочный коэффициент корреляции. Статистическое оценивание и проверка статистических гипотез. Статистический критерий проверки нулевой гипотезы. Критическая область и область принятия гипотезы. Уровень значимости и надёжность критерия. Мощность критерия. Ошибки первого и второго рода при проверке гипотез. Критерий согласия Пирсона проверки гипотезы о нормальном распределении генеральной совокупности.	3	6	8	8	подготовка к практическим занятиям: работа с электронными учебниками; работа с конспектом; работа с образовательным порталом МГТУ; выполнение и подготовка к защите ИДЗ	проверка ИДЗ защита ИДЗ тестирование на сайте i-exam	ОПК-4, ПК-1, ПК-3
Итого по разделу		6	8	8			
Итого за семестр		34	51	57,2		зачёт	
Итого по дисциплине		102	119	129,8		экзамен, зачет	ОПК-4,ПК-1,ПК-3

5 Образовательные технологии

Для реализации предусмотренных видов учебной работы в качестве образовательных технологий в преподавании дисциплины «Математика» используются традиционная образовательная технология и информационно-коммуникативные образовательные технологии. При этом применяются следующие формы учебных занятий: информационная лекция, предусматривающая последовательное изложение материала в дисциплинарной логике; практические занятия, посвященные освоению конкретных умений и навыков по предложенному алгоритму; лекции-визуализации; практические занятия в форме презентаций. Практические занятия по изучаемой дисциплине проводятся с использованием IT-методов, работы в команде, индивидуального обучения

6 Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

Представлено в приложении 1.

7 Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации

Представлены в приложении 2.

8 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)

а) Основная литература:

1. Шипачев, В. С. Высшая математика: учебник / В.С. Шипачев. — Москва: ИНФРА-М, 2017. — 479 с. — (Высшее образование). — www.dx.doi.org/10.12737/5394. - ISBN 978-5-16-010072-2. - Текст: электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/851522> (дата обращения: 19.09.2020). – Режим доступа: по подписке.
2. Ячменёв, Л.Т. Высшая математика: учебник / Л.Т. Ячменёв. — Москва: РИОР: ИНФРА-М, 2013. — 752 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-369-01032-7 (РИОР); ISBN 978-5-16-005400-1 (ИНФРА-М). - Текст: электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/344777> (дата обращения: 19.09.2020). – Режим доступа: по подписке.

б) Дополнительная литература:

3. Акманова, З. С. Неопределенный интеграл: от теории к практике: учебное пособие / З. С. Акманова; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2015. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=1304.pdf&show=dcatalogues/1/123520/1304.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM. Акманова, З. С. Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей: учебно-методическое пособие / З. С. Акманова; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2016. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=2411.pdf&show=dcatalogues/1/130110/2411.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.
4. Акманова, С. В. Сборник задач и упражнений по курсу математического анализа: практикум / С. В. Акманова, Л. Н. Малышева; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2018. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=3514.pdf&show=dcatalogues/1/1514319/3514.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.

5. Андросенко, О. С. Практикум по линейной алгебре: учебное пособие. Ч. 1 / О. С. Андросенко, Т. Г. Кузина, О. В. Петрова. - Магнитогорск: МГТУ, 2014. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=1028.pdf&show=dcatalogues/1/119300/1028.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.
6. Анисимов, А. Л. Матрицы. Определители. Системы линейных алгебраических уравнений: учебное пособие / А. Л. Анисимов, Т. А. Бондаренко, Г. А. Каменева; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2017. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=3361.pdf&show=dcatalogues/1/1139107/3361.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - ISBN 978-5-9967-1000-3. - Сведения доступны также на CD-ROM.
7. Анисимов, А. Л. Элементы теории вероятностей: учебное пособие / А. Л. Анисимов; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2016. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=2302.pdf&show=dcatalogues/1/1129913/2302.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.
8. Анисимов, А. Л. Элементы теории поля: учебное пособие / А. Л. Анисимов; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2016. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=2299.pdf&show=dcatalogues/1/1129909/2299.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.
9. Бондаренко, Т. А. Введение в математический анализ. Дифференциальное исчисление функции одной переменной: учебное пособие / Т. А. Бондаренко, Е. Ю. Хамутских, Н. В. Чурсина; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2012. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=1392.pdf&show=dcatalogues/1/1123847/1392.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.
10. Бондаренко, Т. А. Интегральное исчисление функции одной переменной: учебное пособие / Т. А. Бондаренко; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2017. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=3342.pdf&show=dcatalogues/1/1138511/3342.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - ISBN 978-5-59967-1001-0. - Сведения доступны также на CD-ROM.
11. Бондаренко, Т. А. Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии: учебное пособие / Т. А. Бондаренко, Н. А. Квасова, Н. В. Беляева. - [2-е изд.]. - Магнитогорск: МГТУ, 2013. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=1029.pdf&show=dcatalogues/1/1119304/1029.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.
12. Бондаренко, Т. А. Ряды: курс лекций. Методические указания к решению задач. Комплект заданий для самостоятельной работы. Тесты: учебное пособие / Т. А. Бондаренко, Г. А. Каменева; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2018. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=3573.pdf&show=dcatalogues/1/11515072/3573.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - ISBN 978-5-9967-1169-7. - Сведения доступны также на CD-ROM.

13. Быкова, М. В. Дифференциальные уравнения: учебное пособие / М. В. Быкова, Н. А. Квасова, Н. И. Кимайкина. - Магнитогорск: МГТУ, 2012. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=1045.pdf&show=dcatalogues/1/119343/1045.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.
14. Вахрушева, И. А. Дифференцирование и интегрирование функции нескольких переменных: учебное пособие / И. А. Вахрушева, И. А. Максименко; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2018. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=3678.pdf&show=dcatalogues/1/1527113/3678.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.
15. Вахрушева, И. А. Сборник индивидуальных заданий по математике: практикум. [Ч. 2] / И. А. Вахрушева, Е. И. Захаркина, И. А. Максименко; МГТУ. - Магнитогорск: [МГТУ], 2016. - 111 с.: граф. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=3120.pdf&show=dcatalogues/1/1135722/3120.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Имеется печатный аналог.
16. Вахрушева, И. А. Сборник индивидуальных заданий по математике: практикум. Ч. 3 / И. А. Вахрушева, И. А. Максименко; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2018. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=3617.pdf&show=dcatalogues/1/1524618/3617.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - ISBN 978-5-9967-1195-6. - Сведения доступны также на CD-ROM.
17. Вахрушева, И. А. Элементы комбинаторики и теории вероятностей: учебное пособие / И. А. Вахрушева, И. А. Максименко; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2017. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=3248.pdf&show=dcatalogues/1/1137059/3248.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.
18. Гладких, Е. А. Математика: практикум / Е. А. Гладких, Е. В. Форыкина; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2016. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=2485.pdf&show=dcatalogues/1/1130244/2485.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.
19. Изосова, Л. А. Комплексные числа. Элементы теории функций комплексной переменной. Элементы операционного исчисления: учебное пособие / Л. А. Изосова, А. В. Изосов, Л. А. Грачева; МГТУ. - Магнитогорск, 2012. - 91 с.: ил., табл. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=562.pdf&show=dcatalogues/1/1099219/562.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Имеется печатный аналог.
20. Квасова, Н. А. Аналитическая геометрия: учебное пособие / Н. А. Квасова, Е. А. Пузанкова; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2017. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=3246.pdf&show=dcatalogues/1/1137015/3246.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.
21. Ноговицина, О. В. Дифференциальные уравнения: учебное пособие / О. В. Ноговицина, О. А. Сарапулов, О. А. Сиденко; МГТУ. - Магнитогорск: МГТУ, 2015. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=1520.pdf&show=dcatalogues/1/1124196/1520.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.

22. Ноговицина, О. В. Избранные главы математики: задания для самостоят. работы студентов технич. вуза всех специальностей. Ч. 2 / О. В. Ноговицина. - Магнитогорск: МГТУ, 2010. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=960.pdf&show=dcatalogues/1/119012/960.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.
23. Ноговицина, О. В. Избранные главы математики: учебное пособие. Ч. 1 / О. В. Ноговицина. - Магнитогорск: МГТУ, 2010. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=956.pdf&show=dcatalogues/1/118996/956.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.
24. Ноговицина, О. В. Избранные главы математики: учебно-методическое пособие. Ч. 3 / О. В. Ноговицина; МГТУ. - [2-е изд., подгот. по печ. изд. 2011 г.]. - Магнитогорск: МГТУ, 2015. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=1433.pdf&show=dcatalogues/1/1123952/1433.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.
25. Ноговицина, О. В. Математика: варианты индивидуальных заданий и образцы их решений: учебно-методическое пособие [для вузов] / О. В. Ноговицина; Магнитогорский гос. технический ун-т им. Г. И. Носова. - Магнитогорск: МГТУ им. Г. И. Носова, 2019. - 1 CD-ROM. - ISBN 978-5-9967-1682-1. - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=3993.pdf&show=dcatalogues/1/1532500/3993.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.
26. Ноговицина, О. В. Система микроконтрольных работ в процессе непрерывного математического образования: учебное пособие / О. В. Ноговицина, О. А. Сидненко. - 2-е изд., подгот. по печ. изд. 2010 г. - Магнитогорск: МГТУ, 2014. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Загл. с титул. экрана. - URL: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=1056.pdf&show=dcatalogues/1/1119405/1056.pdf&view=true> (дата обращения: 14.05.2020). - Макрообъект. - Текст: электронный. - Сведения доступны также на CD-ROM.
27. Вестник Московского государственного областного университета. Серия: Физика-математика [Электронный ресурс]. ISSN: 2072-8387. Режим доступа https://e.lanbook.com/journal/3030#journal_name
28. Математика в высшем образовании [Электронный ресурс]. ISSN: 1729-5440. Режим доступа <https://e.lanbook.com/journal/2368>
29. Вестник Южно-Уральского государственного университета. Серия: Математика. Механика. Физика. [Электронный ресурс]. ISSN: 2072-8387. Режим доступа <https://e.lanbook.com/journal/2547>

в) Методические указания:

Методические указания для студентов при подготовке к практическим занятиям

Практические занятия представляют собой, как правило, занятия по решению различных прикладных задач, образцы которых были даны на лекциях.

Цели практических занятий:

систематизировать, закрепить и углубить знания теоретического характера;
научиться приемам решения практических задач, способствовать овладению навыками и умениями выполнения расчетов, графических и других видов заданий;
научиться работать с книгой, пользоваться справочной и научной литературой;
сформировать умение учиться самостоятельно.

Ниже представлен алгоритм деятельности студентов на практическом занятии.

Выполните микроконтрольную работу, по теме, изученной на предыдущем практическом занятии (задание для микроконтрольной работы получите у преподавателя).

Подготовьтесь к проверке домашнего задания.

Запишите тему практического занятия.

Подготовьтесь к фронтальному устному закреплению изученного теоретического материала: повторите теоретический материал по теме, используя конспект и (или) учебник; выпишите все необходимые формулы из конспекта (или учебника); ответьте на вопросы преподавателя.

Изучите задачи по теме практического занятия, разобранные в учебнике. Решите задачу по образцу, предложенному на лекции (или учебнике) с помощью следующего алгоритма: обсудите условие задачи, составьте план решения задачи под руководством преподавателя, самостоятельно решите предложенную задачу (у доски).

Самостоятельно решите задачи по новой теме (количество задач, необходимых выполнить самостоятельно, должно быть кратно количеству задач, решенных вместе с преподавателем).

Запишите задание для самостоятельного решения дома (количество задач, необходимых для домашнего выполнения должно совпадать с количеством задач, решенных в процессе занятия).

Кратко повторите материал, относящийся к данному практическому занятию.

Методические указания для студентов для самостоятельной работы

(при выполнении ИДЗ)

Алгоритм выполнения ИДЗ по дисциплине «Математика»

1. Получите задание для ИДЗ у преподавателя (или зайдите на образовательный портал МГТУ).

2. Повторите теоретический материал по теме ИДЗ, используя конспекты лекций, учебно-методическую литературу, рекомендованную преподавателем.

3. Изучите примеры, разобранные на лекционных и практических занятиях.

4. Выполните ДКР по предлагаемой теме, подготовьте к защите.

г) Программное обеспечение и Интернет-ресурсы:

Программное обеспечение

Наименование ПО	№ договора	Срок действия лицензии
MS Windows 7	К-171-09 от 18.10.2009	бессрочно
Windows XP, 7 (подписка Imagine Premium)	Д-1227-18 от 08.10.2018	07.10.2021
MS Office 2007	К-171-09 от 18.10.2009	бессрочно
FAR Manager	свободно распространяемое ПО	бессрочно
7Zip	свободно распространяемое ПО	бессрочно

Профессиональные базы данных и информационные справочные системы

Название курса	Ссылка
Национальная информационно-аналитическая система – Российский индекс научного цитирования (РИНЦ)	URL: https://elibrary.ru/project_risc.asp
Поисковая система Академия Google (Google Scholar)	URL: https://scholar.google.ru/
Информационная система - Единое окно доступа к информационным ресурсам	URL: http://window.edu.ru/

Открытое образование <https://openedu.ru/>

Лекториум <https://www.lektorium.tv/>

Интернет-тестирование <https://i-exam.ru/>

НОУ Интуит <https://intuit.ru/>

Универсариум <https://universarium.org/>

9 Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)

Материально-техническое обеспечение дисциплины включает:

Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа: мультимедийные средства хранения, передачи и представления информации

Учебные аудитории для проведения практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации:

мультимедийные средства хранения, передачи и представления информации

Наглядные материалы:

- учебные карты: методы интегрирования, интегралы, содержащие квадратный трехчлен, интегралы от рациональных функций, интегралы, содержащие тригонометрические и показательные функции, несобственные интегралы, функции нескольких переменных, дифференциальное исчисление функции нескольких переменных, задача о массе фигуры, криволинейный интеграл по длине дуги, приложения интегралов по фигуре в геометрии, приложения интегралов по фигуре в механике, скалярное поле, дифференциальные уравнения высших порядков, допускающих понижение порядка, линейные однородные дифференциальные уравнения n -го порядка с постоянными коэффициентами, числовые ряды, числовые ряды с положительными членами, разложение функций в степенной ряд, разложение функций в тригонометрический ряд;

- справочные таблицы: производная, ее смысл и правила дифференцирования; производные элементарных функций; интегралы элементарных функций, пределы, раскрытие неопределенностей, исследование функций на непрерывность, непрерывность функции и точки разрыва, комплексные числа, значения тригонометрических функций;

- стенды: двойной интеграл, тройной интеграл, векторное поле, виды дифференциальных уравнений, курс математики средней школы; линейные неоднородные дифференциальные уравнения n -го порядка с постоянными коэффициентами, знакпеременные ряды, функциональные ряды, степенные ряды, дифференциальные уравнения первого порядка,

- печатный раздаточный материал (задания для контрольных работ);

- учебники и учебные пособия.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся: персональные компьютеры с пакетом MS Office, выходом в Интернет и с доступом в электронную информационно-образовательную среду университета

Помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования: стеллажи для хранения учебно-наглядных пособий и учебно-методической документации

Приложение 1

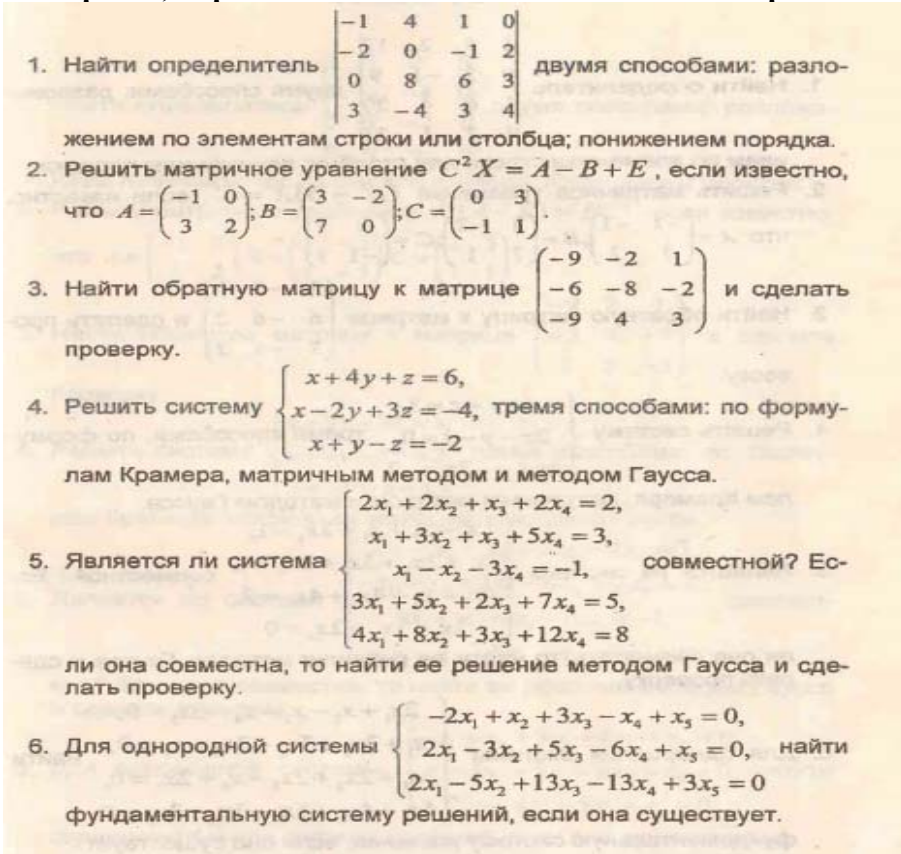
Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

По дисциплине «Математика» предусмотрена аудиторная и внеаудиторная самостоятельная работа обучающихся.

Аудиторная самостоятельная работа студентов на практических занятиях осуществляется под контролем преподавателя в виде решения математических задач и выполнения микроконтрольных работ, которые определяет преподаватель для студентов.

Внеаудиторная самостоятельная работа осуществляется в виде чтения учебно-методической литературы, конспектов лекций, электронных учебников; работы с образовательным порталом университета; выполнения индивидуальных домашних заданий с консультациями преподавателя; подготовкой к защите индивидуальных домашних заданий, выполнения и подготовкой к защите реферата, презентации.

Примеры вариантов индивидуальных домашних заданий «Матрицы, определители. Системы линейных алгебраических уравнений»



1. Найти определитель $\begin{vmatrix} -1 & 4 & 1 & 0 \\ -2 & 0 & -1 & 2 \\ 0 & 8 & 6 & 3 \\ 3 & -4 & 3 & 4 \end{vmatrix}$ двумя способами: разложением по элементам строки или столбца; понижением порядка.

2. Решить матричное уравнение $C^2 X = A - B + E$, если известно, что $A = \begin{pmatrix} -1 & 0 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$; $B = \begin{pmatrix} 3 & -2 \\ 7 & 0 \end{pmatrix}$; $C = \begin{pmatrix} 0 & 3 \\ -1 & 1 \end{pmatrix}$.

3. Найти обратную матрицу к матрице $\begin{pmatrix} -9 & -2 & 1 \\ -6 & -8 & -2 \\ -9 & 4 & 3 \end{pmatrix}$ и сделать проверку.

4. Решить систему $\begin{cases} x + 4y + z = 6, \\ x - 2y + 3z = -4, \\ x + y - z = -2 \end{cases}$ тремя способами: по формулам Крамера, матричным методом и методом Гаусса.

5. Является ли система $\begin{cases} 2x_1 + 2x_2 + x_3 + 2x_4 = 2, \\ x_1 + 3x_2 + x_3 + 5x_4 = 3, \\ x_1 - x_2 - 3x_4 = -1, \\ 3x_1 + 5x_2 + 2x_3 + 7x_4 = 5, \\ 4x_1 + 8x_2 + 3x_3 + 12x_4 = 8 \end{cases}$ совместной? Если она совместна, то найти ее решение методом Гаусса и сделать проверку.

6. Для однородной системы $\begin{cases} -2x_1 + x_2 + 3x_3 - x_4 + x_5 = 0, \\ 2x_1 - 3x_2 + 5x_3 - 6x_4 + x_5 = 0, \\ 2x_1 - 5x_2 + 13x_3 - 13x_4 + 3x_5 = 0 \end{cases}$ найти фундаментальную систему решений, если она существует.

Элементы векторной алгебры

Вариант I

1. Даны векторы $\vec{a} = (1; -1; 2)$, $\vec{c} = (2; 2; -1)$. Найти векторы $\vec{b} = \frac{3}{2}\vec{a} - \frac{1}{2}\vec{c}$; $\vec{d} = 2\vec{a} - 3\vec{c}$; угол между векторами \vec{a} и \vec{d} . Проверить, коллинеарны ли векторы \vec{b} и \vec{d} .
2. Даны четыре вектора: $\vec{a} = (2; 1; 1)$; $\vec{b} = (1; -1; 2)$; $\vec{c} = (2; 2; -1)$; $\vec{d} = (3; 7; -7)$. Определить разложение вектора \vec{a} по базису $\vec{b}, \vec{c}, \vec{d}$.
3. Даны два вектора: $\vec{a} = (3; -1; 5)$, $\vec{b} = (1; 2; -3)$. Найти вектор \vec{x} при условии, что он перпендикулярен оси OZ и удовлетворяет условиям: $\vec{x}\vec{a} = 9$, $\vec{x}\vec{b} = -4$.
4. Определить длины диагоналей параллелограмма, построенного на векторах $\vec{a} = 2\vec{m} + \vec{n}$ и $\vec{b} = \vec{m} - 2\vec{n}$, где \vec{m} и \vec{n} - единичные векторы, угол между которыми 60° .
5. Векторы $\vec{a}, \vec{b}, \vec{c}$ удовлетворяют условию: $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = 0$. Чему равна сумма $\vec{a}\vec{b} + \vec{b}\vec{c} + \vec{c}\vec{a}$, если $|\vec{a}| = 1$, $|\vec{b}| = 4$, $|\vec{c}| = 2$.
6. Даны векторы $\vec{a} = 3\vec{i} - 6\vec{j} - \vec{k}$, $\vec{b} = \vec{i} + 4\vec{j} - 5\vec{k}$, $\vec{c} = 3\vec{i} - 4\vec{j} + 12\vec{k}$. Вычислить $pr_c(\vec{a} + \vec{b})$.

2

7. Упростить выражение:

$$\vec{i} \times (\vec{j} + \vec{k}) - \vec{j} \times (\vec{i} + \vec{k}) + \vec{k} \times (\vec{i} + \vec{j} + \vec{k}).$$

8. В треугольнике с вершинами $A(1; -1; 2)$, $B(5; -6; 4)$, $C(1; 3; -1)$ найти длину высоты, опущенной из вершины B на сторону AC.
9. Сила $F = 2\vec{i} - 4\vec{j} + 5\vec{k}$ приложена к точке $A(4; -2; 3)$. Определить момент этой силы относительно точки $B(3; 2; -1)$.
10. Вектор \vec{c} перпендикулярен к векторам \vec{a} и \vec{b} , угол между \vec{a} и \vec{b} равен 30° . Зная, что $|\vec{a}| = 6$, $|\vec{b}| = 3$, $|\vec{c}| = 3$, вычислить $\vec{a}\vec{b}\vec{c}$.
11. Проверить, лежат ли точки $A(3; 1; -2)$, $B(4; 2; 1)$, $C(-3; 1; 6)$, $D(0; 2; -3)$ в одной плоскости.
12. Вычислить объем пирамиды с вершинами в точках $A(1; 1; 1)$, $B(2; 0; 2)$, $C(2; 2; 2)$, $D(3; 4; -3)$ и ее высоту, опущенную из вершины D на грань ABC.

3

Аналитическая геометрия

1. Написать уравнение прямой, проходящей через т. $M_1(1; -1)$ и точку пересечения прямой $x + 2y + 2 = 0$ с осью OX.
2. Составить канонические уравнения прямой, проходящей через точку $M_1(2; 3; -5)$ параллельно прямой

$$\begin{cases} 3x - y + 2z - 7 = 0, \\ x + 3y - 2z + 3 = 0. \end{cases}$$
3. Даны уравнения двух сторон параллелограмма $x - 7y + 3z = 0$, $2x - y - 3 = 0$ и уравнение одной из его диагоналей $5x - 9y - 1 = 0$. Составить уравнения двух других его сторон.
4. Составить уравнение плоскости, в которой лежат прямые: $\frac{x}{2} = -\frac{y}{2} = \frac{z}{3}$ и $\frac{x-2}{1} = \frac{y+2}{2} = \frac{z}{3}$.
5. Луч света, выходя из точки $A(3; 6)$, отражается от прямой $x - 5y + 15 = 0$ и после отражения проходит через точку $B(9; 10)$. Составить уравнение падающего луча.
5. В треугольнике ABC известны: сторона $AB : 2x - 3y + 12 = 0$, высота $BH : 3x - 2y + 3 = 0$ и высота $AH : y = 2$. Составить уравнения двух других сторон и третьей высоты.

Последовательности: введение в математический анализ

Найти пределы функций: $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^3 + x^2 + 5}{3x^3 - x + 1}$; $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3 - 3x - 2}{x^2 - x - 2}$; $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+1} - 2}{\sqrt{x-2} - 1}$; $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 4x}{2x \cdot \operatorname{tg} x}$;

$\lim_{x \rightarrow +\infty} x \cdot (\sqrt{x^2 + 1} - x)$; $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x-1}{2x+1} \right)^x$; $\lim_{x \rightarrow 0} (1-4x)^{\frac{1}{3x}+7}$; $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+2x)}{e^{3x} - 1}$.

Исследовать на непрерывность, найти точки разрыва, сделать чертеж:

$$y = 4^{\frac{1}{3-x}}; y = \begin{cases} x+4, & x < -1, \\ x^2 + 2, & -1 \leq x < 1, \\ 2x, & x \geq 1. \end{cases}$$

Элементы функционального анализа. Дифференциальное исчисление функции одной переменной

1. Найдите производные функций:

а) $y = \sqrt{x^2 + 1} + \sqrt[3]{x^3 + 1} - \frac{1-2x}{\sqrt[4]{x}}$, б) $y = 3^{x^2} \cdot e^{-\cos x} + \frac{1}{\operatorname{tg} 2x}$;

в) $y = x^{\sin^2 x}$; г) $\ln y - xy = x^3$.

2. Найдите дифференциал функции $y = \operatorname{ctg}^4 3x + \sqrt{\operatorname{arctg} \frac{x}{4}}$.

3. Напишите уравнение касательной и нормали к кривой $y = 8 \cdot \sqrt[4]{x} - 20$ в точке $x_0 = 16$.

4. Вычислите приближенно $y = \sqrt[5]{x^2}$ при $x = 1,03$.

5. Вычислите предел по правилу Лопиталья $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\arcsin(2x-4)}{x^2 - 4}$.

«Применение дифференциального исчисления для приближенных вычислений и исследования функции»

1. Найдите $\frac{dy}{dx}$ по определению от функции $y = e^{3x}$.

2. Найти производные функций:

$$y = e^{\operatorname{arctg} 3x} + \sqrt{x} \cdot \sin^2 3x; y = \sqrt{\frac{2x+1}{x^2}} + 3^{\operatorname{ctg} \frac{x}{5}}; y = (4x+5)^{\sqrt[5]{x^2}}; y^2 - x^3 + 10yx = 0.$$

3. Найти дифференциал функции:

$$y = \ln \operatorname{tg} \frac{x}{2} + \arcsin^4 5x.$$

4. Найти производные первого и второго порядков:

$$\begin{cases} x = \arcsin t, \\ y = \ln(1-t^2). \end{cases}$$

- Найдите $\frac{d^2y}{dx^2}$ от функции $y = x^5 \cdot \ln^4 x$.
- Найти уравнения касательных к параболе $y = x^2 - 4x + 6$ в точках, ординаты которых равны 3.
- Найти наибольшее и наименьшее значения функции $y = 2x + 6 - 3\sqrt[3]{(x+3)^2}$ на отрезке $[-4; -2]$.
- Найти интервалы возрастания, убывания, экстремум функции

$$y = \frac{2x^2}{x^2 + 3}.$$

- Найти асимптоты графика функции

$$y = \frac{x^3}{x^2 + 1}.$$

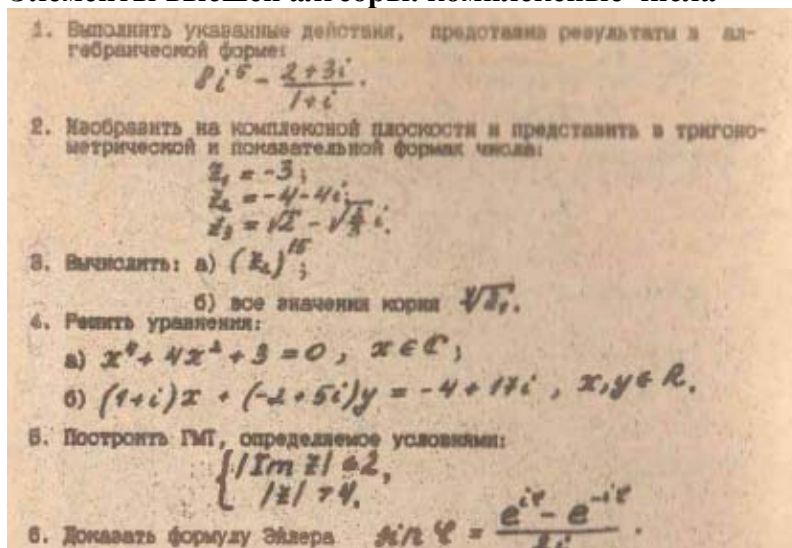
- Найти интервалы выпуклости, точки перегиба графика функции

$$y = x \cdot e^{-x^2}$$

- Провести полное исследование функции и построить график

$$y = \frac{x^2}{1 - x^2}.$$

Элементы высшей алгебры. комплексные числа



Функции нескольких переменных. Элементы топологии

- Найти и построить область определения функции $z = \frac{\ln(x^2 y)}{\sqrt{y-x}}$.
- Найти частные производные функции $z = x \cdot \operatorname{arctg} \frac{y}{1+x^2}$.
- Найти производную сложной функции $z = x^2 y - y^2 x$, где $x = u \cos v$; $y = u \sin v$.
- Найти производные $\frac{\partial z}{\partial x}$ и $\frac{\partial z}{\partial y}$ неявной функции $e^z - x^2 y \sin xyz = 0$.

5. Найти экстремум функции двух переменных $z = 4(x - y) - x^2 - y^2$.

Интегральное исчисление

Найти неопределённые интегралы:

- а) $\int \frac{x^2 + 5x - \sqrt{x} + 2}{x^2} dx$, б) $\int \sin(3x + 1) dx$, в) $\int \sin x e^{\cos x} dx$, г) $\int \frac{5x - 2}{x^2 + 4x + 5} dx$,
 д) $\int \frac{3x - 4}{\sqrt{x^2 - 6x + 13}} dx$, е) $\int x \sin(2x) dx$, ж) $\int x \arcsin x dx$, з) $\int \frac{x - 1}{x^3 + 1} dx$, и) $\int \frac{x - 3}{(x^2 - 4)^2} dx$,
 к) $\int \frac{\cos x + 1}{\sin x + \cos x - 2} dx$, м) $\int \sin^4 2x \cos^3 2x dx$, н) $\int \cos^2 x \sin^4 x dx$, о) $\int \frac{\sqrt{x} + 2}{\sqrt[4]{x} + 1} dx$,
 п) $\int \frac{\sqrt{x^2 - 1}}{x^4} dx$, р) $\int \frac{e^x}{e^{-x} + 1} dx$.

1. Найти определённые интегралы:

- а) $\int_0^{\pi/2} \sqrt{\sin x} \cos x dx$, б) $\int_1^e \frac{dx}{x(\ln x + 1)}$, в) $\int_0^1 \frac{x + x^3}{x^4 + 5} dx$, г) $\int_1^e x^4 \ln x dx$,
 д) $\int_0^{\pi/4} \frac{dx}{\cos x(1 + \cos x)}$, е) $\int_0^2 \frac{x^4 dx}{\sqrt{(8 - x^2)^3}}$.

2. Найти несобственные интегралы:

- а) $\int_1^{\infty} \frac{dx}{x^2}$, б) $\int_{-\infty}^{\infty} \frac{dx}{x^2 + 4x + 10}$, в) $\int_{-\infty}^0 \frac{dx}{x^2 - 3x + 2}$.

3. Найти площадь области, заданной линиями в декартовой системе координат:

$$y = x^2 - 1, y = 2x + 2.$$

4. Найти длину кривой, заданной уравнениями:

- а) $y = \ln x, \sqrt{3} \leq x \leq \sqrt{15}$, б) $y = \begin{cases} 4(2 \cos t - \cos 2t) \\ 4(2 \sin t - \sin 2t) \end{cases}, 0 \leq t \leq \pi$.

5. Найти объём тела образованного вращением области $y = x^3, y = \sqrt{x}$ вокруг оси OX .

6. Найти криволинейные интегралы по кривым L , заданным в декартовых или полярных координатах:

- а) $\int_L y dl, L: y = x^3, 0 \leq x \leq 1$, б) $\int_L z dl, L: x = t \cos t, y = t \sin t, z = t, 0 \leq t \leq 2$,

в) $\int_L \sqrt{x^2 + y^2} dl, L: r = a \cos \varphi, 0 \leq \varphi \leq \pi$.

1. Найти двойной интеграл по области D , ограниченной линиями:

$$\iint_D (x - 2y) dx dy, D: x = 0, y = 2x^2, x + y = 3.$$

2. Изменить порядок интегрирования: $\int_2^4 dx \int_{1/x}^x f(x, y) dy$.

3. Перейти к полярным координатам и вычислить: $\int_0^1 y dy \int_{1-\sqrt{1-y^2}}^y dx$.

4. Найти тройной интеграл по телу T , ограниченному поверхностями

$$\iiint_T (x^2 - z) dx dy dz, T: x = 0, y = 0, x = 1, x + y = 2, z = 0, z = x^2 + \frac{y^2}{2}.$$

5. Найти объём и площадь поверхности тела:

$$T = \{(x, y, z) : x \geq 0, 2x + 3y \leq 12, 0 \leq z \leq \frac{y^2}{2}\}.$$

6. Найти центр масс однородного тела, ограниченного поверхностями:

$$y = 4, x^2 + z^2 = 4y.$$

дифференциальные уравнения

1. Найти общий интеграл или общее решение дифференциального уравнения первого порядка (в примерах г), д) решить задачу Коши):

а) $\sqrt{4-x^2}y' + xy^2 + x = 0$, б) $20xdx - 3ydy = 3x^2ydy - 5xy^2dx$, в) $y' = \frac{x^2 + 2xy - 5y^2}{2x^2 - 6xy}$,

г) $\begin{cases} y' - y \cos x = \sin 2x \\ y(0) = -1 \end{cases}$, д) $\begin{cases} xy' + y = xy^2 \\ y(1) = 1 \end{cases}$, е) $\frac{y}{x^2}dx - \frac{xy+1}{x}dy = 0$.

2. Найти общее решение дифференциального уравнения:

а) $y''''x \ln x = y''$, б) $(1+x^2)y'' + 2xy' = 12x^2$.

3. Найти решение задачи Коши: $\begin{cases} y'' = 2 \sin^3 y \cos y \\ y(1) = \frac{\pi}{2}, y'(1) = 1 \end{cases}$.

4. Найти общее решение дифференциального уравнения (в примере д) решить задачу Коши):

а) $y'''' - 4y'' + 5y' = 6x^2 + 2x - 5$, б) $y'''' + 2y'' - 3y' = (8x+6)e^x$,

в) $y'' - 4y' + 4y = e^{2x}(\cos x + 3 \sin x)$, г) $y'''' - 64y' = 128 \cos 8x - 64e^{8x}$,

д) $\begin{cases} y'' + y = 1/\sin x \\ y(\pi/2) = 1, y'(\pi/2) = \pi/2 \end{cases}$

Решить ДУ 1-го порядка

1. $ydx + (2x - y^2)dy = 0$.

2. $\frac{2x}{y^3}dx + \frac{y^2 - 3x^2}{y^4}dy = 0$.

3. $(1 + \ell^{\frac{x}{y}})dx + \ell^{\frac{x}{y}}(1 - \frac{x}{y})dy = 0$.

4. $y' - 9x^2y = (x^5 + x^2)y^{2/3}; y(0) = 0$.

5. $(y^2 + xy^2)dx + (x^2 - yx^2)dy = 0$.

Ряды.

1. Доказать сходимость и найти сумму ряда $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n^2 + n - 2}$.

2. Исследовать на сходимость ряды:

а) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin^2 n\sqrt{n}}{n\sqrt{n}}$, б) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{\sqrt{n}} \sin\left(\frac{1}{\sqrt{n}}\right)$, в) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n!(2n+1)!}{(3n)!}$, г) $\sum_{n=1}^{\infty} n \left(\frac{3n-2}{4n+1}\right)^{2n}$,

д) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{(3n+1)\sqrt{\ln(n+5)}}$.

3. Исследовать ряды на абсолютную и условную сходимость:

а) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin n\sqrt{n}}{n\sqrt{n}}$, б) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n \ln(n+1)}$, в) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n (2n+1)}{3n+2}$.

4. Найти сумму ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{4^n (2n+1)}$ с точностью до 0.001.

5. Найти область сходимости степенного ряда:

а) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n 2^n (x+1)^n}{3n+2}$, б) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{4^n (x-3)^{2n}}{\sqrt{2n+1}}$, в) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n (x+2)^{2n+1}}{n^2}$.

6. Разложить функцию в ряд Тейлора по степеням x :

а) $(3 + e^{-x})^2$, б) $7/(12 + x - x^2)^2$, в) $\ln(1 - x - 20x^2)$.

7. Вычислить интеграл с точностью до 0.001:

а) $\int_0^{0.5} \frac{dx}{\sqrt[4]{1+x^4}}$ б) $\int_0^{0.2} \sin(25x^2) dx$.

8. Найти приближённо решение задачи Коши в виде отрезка ряда Тейлора по степеням x с

четырьмя ненулевыми коэффициентами:
$$\begin{cases} y'' = x^2 + y^2 \\ y(0) = 0, y'(0) = 1 \end{cases}$$

«Гармонический анализ»

1. Разложить в ряд Фурье функцию, периодическую с периодом 2π , заданную на отрезке

$[-\pi, \pi]$ формулой $f(x) = \begin{cases} x + \pi, & -\pi \leq x \leq 0 \\ \pi, & 0 \leq x \leq \pi \end{cases}$.

2. Разложить в ряд Фурье функцию, периодическую с периодом 4, заданную на отрезке

$[-2, 2]$ формулой $f(x) = \begin{cases} x^2, & -2 \leq x \leq 0 \\ x, & 0 \leq x \leq 2 \end{cases}$.

3. Разложить а) в ряд по косинусам и б) в ряд по синусам функцию, заданную на отрезке

$[0, 3]$ формулой $f(x) = \begin{cases} x, & 0 \leq x \leq 1 \\ \frac{3-x}{2}, & 1 \leq x \leq 3 \end{cases}$.

Вероятность: теория вероятностей

«Случайные события»

Задание 1.

Опыт – извлечение детали из ящика, в котором находятся изделия трех сортов. События: А – «извлечена деталь первого сорта»; В – «извлечена деталь второго сорта»; С – «извлечена деталь третьего сорта». Что представляют собой события $A+B$, $A+C$, AC , $AB+C$?

Задание 2.

Гардеробщица выдала одновременно номерки четырем лицам, сдавшим в гардероб свои шляпы. После этого она перепутала все шляпы и повесила их наугад. Найти вероятности следующих событий:

А – «каждому из четырех лиц гардеробщица выдаст его собственную шляпу»;

В – «ровно три лица получают свои шляпы»;

С – «ровно два лица получают свои шляпы».

Задание 3.

Вероятность попадания в цель при одном выстреле равна 0,001. Найти вероятность попадания в цель двух и более пуль, если число выстрелов равно 5000.

Задание 4.

Вероятность изготовления изделия, отвечающего стандарту при данной технологии равна

0,8. Найти вероятность того, что из 200 изделий стандартными будут: а) ровно 150, б) от 140 до 155, в) не меньше 165.

Задание 5.

Три автомобиля направлены на перевозку груза. Вероятность исправного состояния первого из них равна 0,7, второго — 0,8, третьего — 0,5. Найти вероятность того, что ровно два автомобиля пригодны к эксплуатации.

«Случайные величины и их числовые характеристики»

Задание 1.

Независимые опыты продолжаются до первого положительного исхода, после чего прекращаются. Найти ряд распределения числа опытов, если вероятность положительного исхода при каждом опыте равна 0,6.

Задание 2

Задан ряд распределения случайной величины X . Найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение. Построить функцию распределения.

X	4	6	10	12
P	0.3	0.2	0.2	0.3

Задание 3.

Для непрерывной случайной величины задана функция распределения $F(x)$. Требуется найти плотность распределения $f(x)$, математическое ожидание, дисперсию, среднее квадратическое отклонение. Вычислить вероятность того, что отклонение случайной величины от её математического ожидания будет не более среднего квадратического отклонения. Построить график функций.

$$F(x) = \begin{cases} 0 & , \quad x < 0 \\ \frac{1}{2} \cdot (1 - \cos 2x) & , \quad 0 \leq x \leq \frac{\pi}{2} \\ 1 & , \quad x > \frac{\pi}{2} \end{cases}$$

Задание 4.

Для непрерывной случайной величины задана плотность распределения $f(x)$. Требуется найти параметр a , функцию распределения $F(x)$, математическое ожидание, дисперсию, среднее квадратическое отклонение.

$$f(x) = \begin{cases} 0 & , \quad x < 0 \\ ax^2 & , \quad 0 \leq x < 2 \\ a \cdot (4 - x)^2 & , \quad 2 \leq x \leq 4 \\ 0 & , \quad x > 4 \end{cases}$$

Задание 5.

Случайное отклонение размера детали от номинала распределено по нормальному закону с параметрами a и σ . Стандартными являются те детали, для которых отклонения от номинала лежат в интервале $(a - \alpha; a + \alpha)$. Записать формулу плотности распределения и построить график плотности распределения.

Сколько необходимо изготовить деталей, чтобы с вероятностью не менее β среди них была хотя бы одна стандартная?

$$a = 0; \quad \sigma = 0.05; \quad \alpha = 0.06; \quad \beta = 0.97$$

Задание 6.

Закон распределения системы дискретных случайных величин (X, Y) задан таблицей. Найти коэффициент корреляции r_{xy} и вероятность попадания случайной величины (X, Y) в область D .

$X \backslash Y$	0	2	4	6
0	0.05	0.03	0.06	0.05
2	0.07	0.10	0.20	0.06
4	0.08	0.07	0.09	0.14

$$D = \{0 \leq x \leq 4; 1 \leq y \leq 4\}$$

Задание 7.

Задана плотность распределения системы двух случайных величин $f(x, y)$. Найти коэффициент A , коэффициент корреляции r_{xy} .

$$f(x, y) = \begin{cases} A \cdot (x + y) \cdot e^{-x-y} & \text{в обл. } D \quad 0 \leq x < \infty \\ 0 & \text{вне обл. } D \quad 0 \leq y < \infty \end{cases}$$

Задание 8.

Суточная потребность электроэнергии в населенном пункте является случайной величиной, математическое ожидание которой равно $3000 \text{ кВт}\cdot\text{ч}$, а дисперсия равна 2500 . оценить вероятность того, что в ближайшие сутки расход электроэнергии в этом населенном пункте будет с 2500 до $3500 \text{ кВт}\cdot\text{ч}$.

Задание 9.

Дано: X, Y – случайные величины, $Y = 3X + 2$, $M(X) = 2$, $D(X) = 4$.

Найти: $M(Y)$, $D(Y)$, k_{xy} , r_{xy} .

Задание 10.

Случайная величина X имеет нормальное распределение с неизвестным математическим ожиданием a и неизвестной дисперсией σ^2 . По выборке (x_1, x_2, \dots, x_n) объема n вычислено выборочное среднее $\bar{X} = \frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^n x_i$. Определить доверительный интервал для неизвестного параметра распределения a , отвечающий заданной доверительной вероятности α .

$$\bar{X} = 110; n = 90; \sigma^2 = 100; \alpha = 0.92.$$

Задание 11.

Случайная величина X имеет нормальное распределение с неизвестными математическим ожиданием a и дисперсией σ^2 . По выборке (x_1, x_2, \dots, x_n) объема вычислены оценки $\bar{X} = \frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^n x_i$ и $(\sigma^2)^* = \frac{1}{n-1} \cdot \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{X})^2$ неизвестных параметров.

Найти доверительный интервал для математического ожидания a , отвечающий доверительной вероятности α .

$$\bar{X} = 2.1; (\sigma^2)^* = 0.5; n = 24; \alpha = 0.98.$$

Статистика

Даны выборочные совокупности для двух случайных величин (измеряемых признаков) X и Y :

X	Y	X	Y	X	Y	X	Y	X	Y
23.1	54.2	22.5	52.1	31.8	56.0	18.6	48.1	27.5	60.1
25.2	57.5	27.8	54.1	34.7	59.0	20.3	49.9	24.0	57.0
18.3	49.9	23.3	54.0	34.5	59.9	26.5	54.9	29.1	61.9
35.9	67.9	22.9	51.9	27.5	54.2	27.1	55.6	31.2	62.6
26.2	55.8	26.1	58.8	25.7	53.8	29.0	56.9	34.2	64.2
26.9	54.7	21.2	53.2	24.6	54.7	26.0	54.2	32.8	63.9

30.4	60.4	27.2	58.6	29.8	57.9	25.0	53.1	26.0	59.9
25.9	53.2	23.4	55.9	29.7	54.9	28.9	56.4	34.1	66.2
32.8	60.9	29.8	60.1	27.1	53.7	28.6	55.3	27.0	54.1
26.7	51.0	34.1	63.1	28.2	56.8	27.6	53.0	25.7	53.2
19.7	47.2	32.6	60.8	24.6	51.7	26.5	54.1	25.8	51.7
24.6	54.9	33.9	62.1	25.8	52.0	26.6	53.8	24.6	51.0
31.7	59.0	31.6	56.2	33.4	59.3	28.1	56.9	26.7	52.8
29.7	54.1	26.5	52.6	24.3	52.8	28.2	56.8	25.0	54.1
28.5	53.0	24.6	51.8	29.9	58.2	29.3	58.4	34.1	66.1
25.3	54.7	24.7	54.1	34.1	66.3	28.0	57.8	27.9	54.2
28.7	55.9	26.8	55.6	35.1	66.7	27.1	55.3	26.8	53.1
27.6	58.1	28.9	57.8	30.9	61.0	29.0	58.9	26.0	53.8
27.4	59.2	18.9	49.0	30.7	62.0	26.1	56.3	24.1	51.8
20.6	51.0	19.7	50.2	31.2	61.9	25.5	53.8	23.1	50.0

1. Провести группирование данных. Построить корреляционное поле и корреляционную таблицу. Построить эмпирические распределения составляющих X и Y . Найти абсолютные и относительные частоты и накопленные частоты. Начертить полигон и гистограмму частот и накопленных частот.
2. Найти выборочные и исправленные оценки параметров распределения (среднее, дисперсия, среднее квадратичное отклонение, асимметрия, эксцесс, мода, медиана, коэффициент вариации).
3. Провести статистическую проверку статистической гипотезы о нормальном распределении измеряемого признака по следующим критериям: а) среднему квадратичному отклонению, б) размаху варьирования, в) показателям исправленных асимметрии и эксцесса, г) критерию Пирсона χ^2 (уровень значимости принять равным 0.05). В случае принятия гипотезы о нормальности распределения найти доверительные интервалы для математического ожидания и среднего квадратичного отклонения при уровне надёжности 0.95.
4. Найти и записать в корреляционную таблицу условные средние. На корреляционном поле построить линии регрессии. Найти исправленный корреляционный момент и коэффициент корреляции. Проверить гипотезу о независимости признаков X и Y (уровень значимости принять равным 0.05). Рассчитать коэффициенты линейной регрессии (X на Y или Y на X). Проверить значимость уравнения регрессии. Найти доверительные интервалы для коэффициентов корреляции и линейной регрессии (при уровне надёжности 0.95).

Примерные задания для тестирования с помощью интернет-тренажеров на сайте i-exam.ru

для подготовки к тестированию на сайте i-exam.ru необходимо:

1. зайти на образовательный портал университета под своим логином и паролем.
2. среди своих курсов выбрать дисциплину «математика»
3. перейти по ссылке на сайт i-exam.ru <https://www.i-exam.ru/>.
4. войти в личный кабинет, используя соответствующий логин и пароль (логин и пароль выложен на образовательном портале в математике).
5. выбрать режим «самообучение», дисциплину «математика», изучаемую тему.

Примерные задания для микроконтрольных работ

Матрицы. Определители, СЛАУ.

1. Выполнить действия с матрицами.

$$A \cdot C + 3 \cdot B^T, \text{ если } A = \begin{pmatrix} 1 & -3 & 1 \\ 2 & -5 & 4 \\ 1 & -2 & 2 \end{pmatrix}$$

$$B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ -3 & 2 & -1 \end{pmatrix} \quad C = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 0 \\ 2 & -2 \end{pmatrix}$$

2. Решить матричное уравнение

$$X \cdot \begin{pmatrix} 4 & 2 \\ 3 & 8 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & -3 \\ -2 & 5 \end{pmatrix}$$

3. Исследовать на совместность систему

$$\begin{cases} 9 \cdot x_1 - 3 \cdot x_2 + 5 \cdot x_3 + 6 \cdot x_4 = 4 \\ 6 \cdot x_1 - 2 \cdot x_2 + 3 \cdot x_3 + 4 \cdot x_4 = 5 \\ 3 \cdot x_1 - x_2 + 3 \cdot x_3 + 14 \cdot x_4 = -8 \end{cases}$$

Элементы векторной алгебры и аналитическая геометрия

1. Заданы векторы $\vec{l}_1 = (3; -1)$, $\vec{a} = (5; 4)$. Убедиться, что \vec{l}_1 и \vec{l}_2 можно принять за базис в R_2

и разложить вектор \vec{a} по этому базису.

2. Дано: $|\vec{a}| = 3$, $|\vec{b}| = 2$. Угол между векторами \vec{a} и \vec{b} равен $\frac{\pi}{3}$. Вычислить:

$$(3 \cdot \vec{a} - 2 \cdot \vec{b}) \cdot (\vec{a} + 4 \cdot \vec{b})$$

3. Вычислить объем тетраэдра с вершинами в точках

$$A_1(1; -1; 3), A_2(2; 0; -4), A_3(1; 3; -2), A_4(5; 1; -1).$$

Последовательности: введение в математический анализ

1. Найти область определения функции

$$y = \lg \frac{x+1}{x+5} + \sqrt{x+7}$$

2. Построить график функции

$$y = \left| \frac{3+x}{x+4} \right|$$

3. Найти пределы:

$$3а. \quad \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{3 \cdot x^4 - 6 \cdot x^2 + 1}}{\sqrt{1+x^2} (7 \cdot x + 9)} \quad 3б. \quad \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} (1 + \operatorname{ctg} x)^{\operatorname{tg} x}$$

$$3в. \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 3 \cdot x + 2}{x^2 - 1}$$

«Применение дифференциального исчисления для приближенных вычислений и исследования функции»

1. Исследовать функцию на экстремум и найти интервалы монотонности $y = x + \frac{1}{x}$

2. Исследовать функцию на перегиб и найти интервалы выпуклости

$$y = x^4 - 6 \cdot x^2 + 5$$

3. Найти асимптоты графика функции $y = \frac{(x-3)^2}{4 \cdot (x-1)}$

Функции нескольких переменных. Элементы топологии

1. Найти и изобразить на плоскости область определения функции $z = \sqrt{\frac{4 \cdot x - x^2 - y^2}{6 \cdot x - x^2 - y^2}}$.

Найти все частные производные первого и второго порядков для функции

$$z = \operatorname{arctg} \frac{x+y}{1-x \cdot y}$$

2. Записать дифференциал полной поверхности конуса радиуса R и высотой H при изменении радиуса и высоты соответственно на ΔR и ΔH .

3. Составить уравнение нормали к поверхности уровня функции $U = (z-2)^2 - x - y$ при $h=0$ в точке $M(5;4;?)$, $z < 0$

Интегральное исчисление

1. Изменить порядок интегрирования.

$$\int_{-\sqrt{2}}^{-1} dx \int_{-\sqrt{2-x^2}}^0 f(x, y) dy + \int_{-1}^0 dx \int_x^0 f(x, y) dy$$

2. Перейти к полярной системе координат

$$\int_0^1 dx \int_{1-x}^{\sqrt{1-x^2}} f(x, y) dy$$

3. Найти площадь области в полярной системе координат

$$x^2 - 2x + y^2 = 0, \quad x^2 - 8x + y^2 = 0,$$

$$y = \frac{x}{\sqrt{3}}, \quad y = \sqrt{3}x$$

4. Вычислить тройной интеграл

$$\int_0^a dx \int_{\sqrt{2x-x^2}}^5 y dy \int_1^4 z^2 dz$$

5. Вычислить криволинейный интеграл

$$\int_L x dl, \quad L: \begin{cases} x = 8 \sin t + 6 \cos t \\ y = 6 \sin t - 8 \cos t \end{cases}$$

$$0 \leq t \leq \frac{\pi}{2}$$

дифференциальные уравнения

Определить тип дифференциального уравнения и указать метод решения

$$(3y - 7x + 7)dx + (3x - 7y + 3)dy = 0$$

$$(y - x)dx - (y + x)dy = 0$$

$$x(y^2 - x)dx + (y - x^2 y)dy = 0$$

Решить уравнение первого порядка

$$(x^2 + x)y' = 2y + 1$$

Решить уравнение второго порядка

$$y^3 y'' + 1 = 0$$

Решить однородное Л.Д.У.

$$y^{IV} + 2y'' + y = 0$$

Записать вид частного решения

$$y^{IV} + 2y''' + y'' = 4x^2 + \frac{3}{2}e^x \sin x$$

Решить систему дифференциальных уравнений методом Эйлера

$$\begin{cases} x' = x - 2y \\ y' = 3x - 4y \end{cases}$$

Векторный анализ и элементы теории поля

1. Найти градиент поля $U = x\sqrt{y} + y\sqrt{z}$ в точке $A(0;2;1)$

2. Найти количество жидкости, протекающей за единицу времени через замкнутую поверхность

$$S : \begin{cases} z^2 = 36(x^2 + y^2) \\ z = 6 \end{cases} \quad \text{в поле скоростей}$$

$$\vec{V} = (\cos z + 3x)\vec{i} + (x - 2y)\vec{j} + 3z + y^2\vec{k} \quad (\text{нормаль внешняя})$$

3. Найти циркуляцию вектора $\vec{a} = \frac{(x+y)\vec{i} - (x-y)\vec{j}}{x^2 + y^2}$ по контуру

$$\gamma : x^2 + y^2 = a^2$$

4. Найти потенциал векторного поля $\vec{a} = 3x^2 z\vec{i} + 4y \sin y^2 \vec{j} + x^2 \vec{k}$

Ряды

1. Исследовать сходимость знакопостоянного ряда

$$1 + \frac{1}{101} + \frac{1}{201} + \frac{1}{301} + \dots$$

2. Исследовать на абсолютную (условную) сходимость ряд:

$$1 - \left(\frac{3}{4}\right)^{\frac{2}{3}} + \left(\frac{4}{6}\right)^{\frac{3}{3}} - \left(\frac{5}{8}\right)^{\frac{4}{3}} + \left(\frac{6}{10}\right)^{\frac{5}{3}} - \dots$$

3. Найти интервал сходимости ряда и исследовать ряд на концах интервала

$$\frac{x+1}{3^2 \cdot 2 \cdot 3} - \frac{(x+1)^3}{3^4 \cdot 3 \cdot 4} + \frac{(x+1)^5}{3^6 \cdot 4 \cdot 5} - \dots$$

Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации

а) Планируемые результаты обучения и оценочные средства для проведения промежуточной аттестации

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
готовностью сочетать теорию и практику для решения инженерных задач (ОПК-4)		
Знать	<p>основные определения и понятия, изучаемые в рамках курса математики;</p> <p>называть их структурные характеристики</p>	<p>Перечень теоретических вопросов к экзамену</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Матрицы и их разновидности. 2. Линейные операции над матрицами. Преобразование матриц: транспортирование, элементарные преобразования. 3. Определитель, его свойства. 4. Формула Крамера. Вычисление определителей 2^{го} и 3^{го} порядка. Ранг матрицы. Обратная матрица. Определитель n-го порядка. 5. Система линейных алгебраических уравнений. Матричный способ их решения. Теорема Кронекера-Капелли. Совместные, несовместные, определенные, неопределенные системы линейных алгебраических уравнений. 6. Вектор. Понятие о векторных диаграммах в науке и технике. Линейные операции над векторами, свойства. Длина вектора. 7. Декартова система координат. 8. Нелинейные операции над векторами: скалярное, векторное, смешанное произведения, их свойства. Механический смысл скалярного произведения. Геометрический смысл определителей второго и третьего порядка. 9. Уравнение линии на плоскости. Прямая и плоскость в пространстве. Уравнение плоскости в пространстве. 10. Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола; их уравнения и геометрические свойства. Квадратичные формы и их матрицы. Преобразование квадратичных форм к каноническому виду. 11. Числовые последовательности. Предел числовой последовательности. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности. 12. Функция. Предел функции. Теорема о связи функции, её предела и бесконечно малой. Бесконечно малые и большие функции. Параметрическое задание функции.

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
		13. Предел суммы, произведения, частного. Непрерывность функции в точке и на отрезке. Классификация точек разрыва. Основные теоремы о непрерывных на отрезке функциях. Основные элементарные функции, их свойства и графики.
Уметь:	<p>выбирать наиболее подходящий метод решения математических задач;</p> <p>обсуждать способы эффективного решения математических задач;</p> <p>распознавать эффективное решение от неэффективного;</p> <p>приобретать самостоятельно знания в области математики;</p> <p>корректно выражать и аргументировано обосновывать положения математики</p>	<p>Примерные практические задания для экзамена</p> <p>Найти обратную матрицу A^{-1} для $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ -1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$.</p> <p>Вычислить $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln \cos x}{x^2}$</p>
Владеть:	<p>использовать математические знания на междисциплинарном уровне;</p> <p>практическими навыками решения математических задач с использованием подходящего метода, навыками ориентирования в условиях обновления целей, содержания, технологий в учебной деятельности для последующего проведения всей</p>	<p>При каких значениях a и b система уравнений имеет единственное решение, бесконечное множество решений: $\begin{cases} 3x - ay = 1 \\ 6x + 4y = b \end{cases}$</p>

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
	последовательности действий в отношении самоорганизации и самообразования	
способностью к анализу и синтезу (ПК-1)		
Знать	<p>основные определения и понятия математики;</p> <p>основные методы решения математических задачи;</p> <p>основные определения и понятия математики, применяемые в параллельных дисциплинах;</p>	<ol style="list-style-type: none"> 1. Физические задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. 2. Дифференциальные уравнения первого порядка. Задачи Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. 3. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Уравнения с правой частью специального вида. 4. Метод вариации произвольных постоянных. 5. Системы дифференциальных уравнений. 6. Числовые ряды. Сходимость и сумма ряда. 7. Необходимое условие сходимости. Действия с рядами. 8. Знакопередающиеся ряды. Признак Лейбница. Абсолютная и условная сходимости. 9. Функциональные ряды, область их сходимости. 10. Свойства равномерно сходящихся рядов. 11. Степенные ряды. Теорема Абеля. Свойства степенных рядов. 12. Разложение функций в степенные ряды. Ряды Тейлора. Алгоритм разложения функций в ряд Тейлора. 1. Применение степенных рядов Гармонический анализ. 2. Уравнения математической физики. 3. Основная теорема комбинаторики. 4. Предмет теории вероятностей Пространство элементарных событий Алгебра событий. 5. Относительная частота, закон устойчивости относительных частот. 6. Классическое и геометрическое определение вероятностей. Статистическая вероятность. 7. Аксиоматическое построение теории вероятностей. 8. Основные теоремы о вероятности суммы и произведения

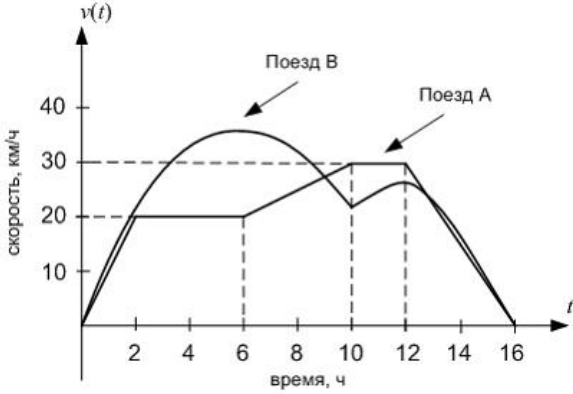
Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
		<p>несовместных событий.</p> <ol style="list-style-type: none"> 9. Принцип практической невозможности маловероятных событий. 10. Следствия теорем сложения и умножения. 11. Условная вероятность. Формула полной вероятности. 12. Вероятность гипотез. Формулы Байеса (вывод). 13. Повторение испытаний. Формула Бернулли. 14. Предельные теоремы в схеме Бернулли (локальная и интегральная теоремы Лапласа, формула Пуассона). 15. Наивероятнейшее число появления события в независимых испытаниях (примеры). 16. Случайные величины. Дискретные и непрерывные величины (примеры). Ряды распределения. 17. Плотность распределения. 18. Функция распределения случайной величины. 19. Числовые характеристики дискретных и непрерывных случайных величин математическое ожидание (свойства). 20. Числовые характеристики дискретных и непрерывных случайных величин дисперсия, среднее квадратическое отклонение (свойства). 21. Числовые характеристики дискретных и непрерывных случайных величин - мода и медиана, начальные и центральные моменты. 22. Биномиальный закон распределения Геометрический закон распределения. 23. Гипергеометрический закон распределения. 24. Равномерный закон распределения. 25. Показательный закон распределения. 26. Нормальный закон распределения. 27. Закон больших чисел. 28. Система случайных чисел: основные понятия Закон распределения вероятностей дискретной двумерной случайной величины. 29. Функция распределения двумерной случайной величины. 30. Плотность распределения двумерной случайной величины. 31. Условные законы распределения составляющих системы дискретных

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
		<p>случайных величин.</p> <p>32. Условные законы распределения составляющих системы непрерывных случайных величин.</p> <p>33. Числовые характеристики системы двух случайных величин. Корреляционный момент коэффициент корреляции. Коррелированность и зависимость случайных величин.</p> <p>34. Линейная регрессия. Линейная корреляция.</p> <p>35. Основные понятия математической статистики. Генеральная и выборочная совокупности. Повторная и бесповторная выборки. Репрезентативная выборка.</p> <p>36. Способы отбора.</p> <p>37. Статистическое распределение выборки.</p> <p>38. Эмпирическая функция распределения. Полигон и гистограмма.</p> <p>39. Статистические оценки параметров распределения. Несмещенные, эффективные и состоятельные оценки.</p> <p>40. Генеральная средняя, выборочная средняя. Групповая и общая средние.</p> <p>41. Генеральная, выборочная дисперсии.</p> <p>42. Групповая, внутригрупповая, межгрупповая общая дисперсии.</p> <p>43. Точность оценки, доверительная вероятность. Доверительный интервал.</p> <p>44. Статистическая гипотеза. Нулевая и конкурирующая, простая и сложная гипотезы.</p> <p>45. Ошибки 1 и 2 рода. Статистический критерий проверки нулевой гипотезы. Наблюдаемое значение критерия.</p> <p>46. Критическая область. Область принятия гипотезы. Критические точки.</p> <p>47. Критерий согласия Пирсона.</p>
Уметь	<p>выделять главные этапы в сборе информации;</p> <p>обсуждать способы эффективной обработки информации</p> <p>отличать эффективное решение от неэффективного;</p> <p>объяснять (выявлять и строить) типичные</p>	<p>Даны матрицы $A_{m \times n}$, $B_{p \times q}$. Каким условиям должны удовлетворять числа m, n, p, q, чтобы можно было найти $A+B$, $A \cdot B$, $B \cdot A$, $A \cdot B + B$</p> <p>Тело массой 4 кг движется прямолинейно по закону $x = t^2 + t + 1$. Определить кинетическую энергию тела в момент времени $t = 5$.</p>

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
	<p>модели задач</p> <p>приобретать знания в области математики;</p> <p>корректно выражать и аргументировано обосновывать положения математики</p> <p>использовать элементы математики на других дисциплинах, на занятиях в аудитории</p>	
Владеть	<p>практическими навыками использования элементов математики на других дисциплинах;</p> <p>способами демонстрации и умения анализировать ситуацию различными методами;</p> <p>навыками и методиками обобщения результатов решения задач;</p> <p>способами оценивания значимости и практической пригодности полученных результатов;</p> <p>способами совершенствования профессиональных знаний и умений путем использования возможностей информационной среды</p>	<p>При каких значениях a и b точка $(1,3)$ является точкой перегиба кривой $y = ax^3 + bx^2$?</p>
<p>готовностью использовать физико-математический аппарат для решения задач, возникающих в ходе профессиональной деятельности (ПК-3)</p>		
Знать	<p>основные математические понятия: определения, теоремы, свойства, методы</p>	<ol style="list-style-type: none"> 1. Понятие и смысл производной функции. Геометрический смысл производной и дифференциала. 2. Основные правила дифференцирования. Производная сложной функции. Инвариантность формы дифференциала.

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
	<p>дифференциального и интегрального исчислений для построения и анализа математических моделей явлений и технологических процессов</p> <p>разумную точность формулировок математических свойств изучаемых объектов, логическую строгость изложения математики, опирающуюся на адекватный современный математический язык</p>	<p>Неявно заданные функции, их дифференцирование.</p> <p>3. Теорема Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши. Правило Лопиталя.</p> <p>4. Формула Тейлора. Приложение формулы Тейлора. Исследование функции: монотонность, экстремум, выпуклость, вогнутость. Точки перегиба. Асимптоты вертикальные и наклонные.</p> <p>5. Комплексные числа и действия с ними. Изображение комплексного числа на плоскости. Алгебраическая, геометрическая и показательные формы комплексного числа. Степень и корень комплексного числа.</p> <p>1. Первообразная и её свойства. Неопределённый интеграл. Замена переменной в неопределённом интеграле и интегрирование по частям.</p> <p>2. Таблица интегралов. Интегрирование рациональных, иррациональных и тригонометрических функций.</p> <p>3. Задачи, приводящие к понятию определённого интеграла. Свойства определённого интеграла. Формула Ньютона-Лейбница</p> <p>4. Интегрирование по частям, замена переменной. Несобственные интегралы. Геометрические и физические приложения определённых интегралов.</p> <p>5. Функции нескольких переменных: определение, область определения, способы задания.</p> <p>6. Частные производные ФНП, их геометрический и механический смысл. Предел функции.</p> <p>7. Двойной интеграл.</p> <p>8. Замена переменных в двойном интеграле.</p> <p>9. Тройной интеграл. Замена переменных в тройном интеграле.</p> <p>10. Приложения кратных интегралов.</p> <p>11. Криволинейные интегралы 1 рода.</p> <p>12. Криволинейные интегралы 2 рода.</p> <p>13. Поверхностные интегралы 1 и 2 рода.</p> <p>14. Приложения криволинейных и поверхностных интегралов</p>

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
		15. Функции комплексного переменного. 16. Гармонический анализ 17. Элементы теории поля 18. Численные методы 19. Элементы функционального анализа 20. Основы вычислительного эксперимента
Уметь	<p>применять методы дифференциального исчисления для решения задач, исследования поведения функций, применять интегральное исчисление для вычисления геометрических и физических характеристик объектов; использовать основные численные методы для решения задач</p> <p>использовать основные математические законы в профессиональной деятельности, применять методы математического анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования</p>	<p>Примерные задания</p> <p>Исследовать на непрерывность функцию</p> $f(x) = \begin{cases} 3(1 - x), & x \leq 1 \\ 0, & x > 1 \end{cases}$

Структурный элемент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
Владеть	<p>методами дифференциального и интегрального исчисления при решении задач;</p> <p>численными методами математики и их простейшими реализациями на ЭВМ;</p> <p>математическим инструментарием для решения задач в своей профильной области.</p>	 <p>Три поезда А, В, С движутся прямолинейно в течение 16 часов. на рисунке изображены графики скоростей поездов А и В (в км/ч). график скорости поезда А состоит из отрезков прямых, а график скорости поезда В — из участков парабол с вершинами в точках $t=6$, $v=36$, $t=12$, $v=26,3$. Скорость поезда С задана уравнением $v(t)=8t-0,25t^2$. если a_1-ускорение поезда В, а a_2-ускорение поезда С в момент времени $t+14$, то чему равно значение выражения a_2-3a_1?</p>

б) Порядок проведения промежуточной аттестации, показатели и критерии оценивания

Промежуточная аттестация по дисциплине «Математика» включает теоретические вопросы, позволяющие оценить уровень усвоения обучающимися знаний, и практические задания, выявляющие степень сформированности умений и владений, проводится в форме экзамена и в форме зачета.

Экзамен по данной дисциплине проводится в устной форме по экзаменационным билетам, каждый из которых включает 2 теоретических вопроса и одно практическое задание.

Показатели и критерии оценивания экзамена:

– на оценку **«отлично»** (5 баллов) – обучающийся демонстрирует высокий уровень сформированности компетенций, всестороннее, систематическое и глубокое знание учебного материала, свободно выполняет практические задания, свободно оперирует знаниями, умениями, применяет их в ситуациях повышенной сложности.

– на оценку **«хорошо»** (4 балла) – обучающийся демонстрирует средний уровень сформированности компетенций: основные знания, умения освоены, но допускаются незначительные ошибки, неточности, затруднения при аналитических операциях, переносе знаний и умений на новые, нестандартные ситуации.

– на оценку **«удовлетворительно»** (3 балла) – обучающийся демонстрирует пороговый уровень сформированности компетенций: в ходе контрольных мероприятий допускаются ошибки, проявляется отсутствие отдельных знаний, умений, навыков, обучающийся

испытывает значительные затруднения при оперировании знаниями и умениями при их переносе на новые ситуации.

– на оценку **«неудовлетворительно»** (2 балла) – обучающийся демонстрирует знания не более 20% теоретического материала, допускает существенные ошибки, не может показать интеллектуальные навыки решения простых задач.

– на оценку **«неудовлетворительно»** (1 балл) – обучающийся не может показать знания на уровне воспроизведения и объяснения информации, не может показать интеллектуальные навыки решения простых задач.

Показатели и критерии оценивания зачета:

- для **сдачи зачета** обучающийся показывает сформированность компетенций ОПК-1, ПК-1 и ПК-3 по разделам 3-го семестра, т.е. показывает соответствующие знания (по крайней мере, на уровне воспроизведения и объяснения информации) и интеллектуальные навыки решения предложенных в таблице п.7а) задач;

- **зачет не дан**, если результат обучения не достигнут, обучающийся не может показать знания на уровне воспроизведения и объяснения информации, не может показать интеллектуальные навыки решения простых задач.