

# МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Магнитогорский государственный технический университет им. Г.И. Носова»

УТВЕРЖДАЮ:

Директор института ММиМ

А.С.Савинов

«2» октября 2018 г.

# РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

# ТЕОРЕТИЧЕСКАЯ МЕХАНИКА

Специальность 21.05.04 Горное дело

Специализация программы Открытые горные работы

Уровень высшего образования – специалитет

Форма обучения очная

Институт

Металлургии, машиностроения и материалообработки

Кафедра

Механики

Курс

2

Семестр

4

Магнитогорск 2018 г.

TD 18-2

Рабочая программа составлена на основе ФГОС ВО по специальности 21.05.04 Горное дело, утверждённого приказом МОиН РФ от 17.10.2016 № 1298.

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры механики «26» сентября 2018 г., протокол № 2.

Зав. кафедрой

А.С.Савинов /

Рабочая программа одобрена методической комиссией института металлургии, машиностроения и материалообработки «02» октября 2018 г., протокол № 2.

Председатель

/ А.С.Савинов /

Согласовано:

Зав. кафедрой РМПИ

/ С.Е.Гавришев/

\_\_ / В.П.Дзюба /

Рабочая программа составлена:

доцент кафедры механики

Торогову / Б.А.Борохович/

Рецензент:

генеральный директор ЗАО

«НПО Центр химических технологий»

#### 1 Цели освоения дисциплины

Целью освоения дисциплины «Теоретическая механика» является подготовка будущего инженера к проведению самостоятельных расчетов элементов грузоподъемных машин и устройств с учетом их динамики работы.

Задачи дисциплины — дать обучающемуся :необходимые представления о работе механических систем с учетом, действующих на них силовых факторов и задачах расчета с использованием законов теоретической механики. знание о механических процессах, необходимы для изучения специальных дисциплин. Приобретенные знания способствуют формированию инженерного мышления.

# 2 Место дисциплины в структуре образовательной программы подготовки инженера

Дисциплина «Теоретическая механика» входит в вариативную часть блока 1 образовательной программы.

Для изучения дисциплины необходимы знания (умения, владения), сформированные в результате изучения

- Б1.Б.09 Математики;
- Б1.Б.10 Физики;
- Б1.Б.13 Информатики

Знания (умения, владения), полученные при изучении данной дисциплины будут необходимы для изучения таких дисциплин, как:

- Б1.Б.16.02 Сопротивление материалов;
- Б1.Б.38 Горные машины и оборудование;
- Б1.В.ДВ.02.01 Транспортные машины, стационарные машины.

# 3 Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (модуля) и планируемые результаты обучения

В результате освоения дисциплины (модуля) «Теоретическая механика» обучающийся должен обладать следующими компетенциями:

Структурный					
элемент	Планируемые результаты обучения				
компетенции					
ОПК-9 – Владением методами анализа, знанием закономерностей поведения и управле-					
ния свойствами горных пород и состоянием массива в процессах добычи и переработки					
твердых полезных ископаемых, а также при строительстве и эксплуатации подземных					
сооружений.					
знать	• основные положения и законы теоретической механики (разде-				
	лы статики, кинематики и динамики);				
	• методы и способы расчета механических систем с учетом усло-				
	вий их работы.				
уметь	• применять общие законы механического движения и равновесия				
	материальных объектов и возникающих, при этом между ними меха-				
	нических взаимодействиях;				

# 4 Структура и содержание дисциплины (модуля)

Общая трудоемкость дисциплины составляет \_3\_ зачетных единиц \_108\_ акад. часов, в том числе:

- -контактная работа 55 акад. часов:
- -аудиторная 51 акад. часов;
- -внеаудиторная 4 акад. часов
- -самостоятельная работа 17,3 акад. часов;

Раздел/ тема	Семестр	Аудиторная контактная работа (в акад. часах)		гельная ра- ад. часах)	Вид са-	Форма текущего контроля успеваемости и	$\mathbf{X}$	
дисциплины		лекц. занятия	лабор. занятия	практич. занятия	Самостоятельная бота (в акад. часах)	тельной работы	промежуточной аттестации	Код и стру элемент компетенции
1. Кинематика 1.1. Кинематика точки.	4	2 часа		<u>1</u> час	1 час			ОПК-9 (зув)
1.2. Простейшие виды движения твердого тела.		2 часа		<u>1</u> час 1И	1 час	Выполнение РГР 1	Практические за- нятия, теоретиче- ский опрос, про-	ОПК-9 (зув)
1.3. Сложное движение точки.	4	4 часа4		<u>2</u> часа	2 часа	«Кинема- тика».	верка решения задач.	ОПК-9 (зув)
1.4. Плоскопараллельное движение твердого тела.	4	4 часа		<u>2</u> часа 1И	2 часа			ОПК-9 (зув)
2. Статика 2.1. Основные понятия и аксиомы статики. Сходящаяся система сил.	4	2 часа		<u>1</u> час 1И	1 час	ние РГР 2 «Стати-	Практические за- нятия, теоретиче- ский опрос, про-	ОПК-9 (зув)
2.2. Произвольная система сил.	4	2 час.		<u>2</u> час. 2И	2 часа		ка» верка решения за- дач.	
2.3. Центр тяжести твердого тела.	4	2 часа			1 час			ОПК-9 (зув)
3. Динамика 3.1. Аксиомы динамики. Динамика точки.	4	2 часа		<u>2</u> часа 1И	1час		Практические занятия, теоретический опрос, проверка решения задач.	ОПК-9 (зув)
3.2. Динамика механической системы. Теоремы динамики. Принципы механики.	4	14 ча- сов		<u>6</u> час	6.3 часа	Выполнение РГР 3, РГР 4	Итоговый кон- троль - экзамен	ОПК-9 (зув)
3.3. Итого по дисциплине	4	34		<u>17</u> 6И	17,3	«Динами- ка»		

### 5 Образовательные и информационные технологии

Преподавание курса предполагается вести преимущественно в традиционной форме: лекции, практические занятия, выполнение расчетно-графических работ (РГР); защита РГР (решение задачи и теоретический опрос).

В соответствии с требованиями  $\Phi \Gamma OC$  ВО не менее 20% занятий должны проводиться в интерактивной форме.

## 6 Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

По дисциплине «Теоретическая механика» предусмотрено выполнение расчетнографических и аудиторных самостоятельных работ обучающихся.

Аудиторная самостоятельная работа обучающихся предполагает решение контрольных задач на практических занятиях.

# Расчетно-графические работы (РГР)

- 1 РГР № 1 «Определение скоростей и ускорений точек твердого тела при поступательном и вращательном движениях» ( пример K 2).
- 2. РГР № 2 «Определение реакций опор твердого тела при действии произвольной пространственной системы сил» (пример  $\mathbb{C}$  -4).
- 3. РГР № 3 «Применение теоремы об изменении кинетической энергии к изучению движения механической системы» (пример  $\mathbf{\Pi} \mathbf{6}$ ).
- 4. РГР № 4 «Общее уравнение динамики» (пример  $\mathbf{J} \mathbf{10}$ ).

## Исходные данные по РГР даны в методических указаниях [ 2 ].

2. Мещеряков В.В., Михайлец В.Ф., Борохович Б.А.Сборник контрольных заданий по дисциплине «Теоретическая механика» для студентов всех специальностей всех форм обучения: — Магнитогорск: ГОУ ВПО «МГТУ», 2011. — 26 с.

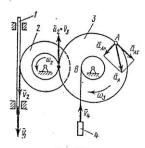


Рис. К2

Пример К2. Рейка 1, ступенчатое колесо 2 с радиусами  $R_2$  и  $r_2$  и колесо 3 радиуса  $R_3$ , скрепленное с валом раднуса  $r_3$ , находятся в зацеплении; на вал намотана пить с грузом d на конце (рис. K2). Рейка движется по закону  $s_1 = f(t)$ .

 $\mathcal{L}_{1}$  а н о:  $R_{2}=6$  см,  $r_{2}=4$  см,  $R_{3}=8$  см,  $r_{3}=3$  см,  $s_{1}=3t^{3}$  (s—в сантиметрах, t—в секундах), A—точка обода колеса 3,  $t_{1}=3t^{3}$ = 3 с. Определить:  $\omega_3$ ,  $v_4$ ,  $\epsilon_3$ ,  $a_A$  в момент времени  $t=t_1$ .

Решение. Условимся обозначать скорости точек, лежащих на внешних ободах колес (радиуса  $R_i$ ), через  $v_i$ , а точек, лежащих на внутренних ободах (радиуса  $r_i$ ), — через  $u_i$ .

1. Определяем сначала угловые скорости всех колес как функ--цип времени t. Зпая закон движения рейки I, находим ее скорость:

$$v_1 = \dot{s}_1 = 9t^2 \,. \tag{1}$$

Так как рейка и колесо 2 находятся в зацеплении, то  $v_2=v_1$  или  $\omega_2 R_2 = v_1$ . Но колеса 2 и 3 тоже находятся в зацеплении, следовательно,  $u_2=v_3$  или  $\omega_2 r_2=\omega_3 R_3$ . Из этих равенств находим

$$\omega_2 = \frac{\omega_1}{R_2} = -\frac{3}{2}l^2, \ \omega_3 = \frac{r_2}{R_3}\omega_2 = \frac{3}{4}l^2.$$
 (2)

Тогда для момента времени  $t_1 = 3$  с получим  $\omega_3 = 6,75$  с $^{-1}$ .

- 2. Определяем  $v_4$ . Так как  $v_4=v_8=\omega_3 r_3$ , то при  $t_1=3$  с  $v_4=$ == 20,25 см/с.
- 3. Определяем  $\varepsilon_3$ . Учитывая второе из равенств (2), получим  $\varepsilon_3 = \omega_3 = 1,5t$ . Тогда при  $t_1 = 3$  с.  $\varepsilon_3 = 4,5$  с $^{-2}$ .

  4. Определяем  $a_A$ . Для точки A  $\bar{a}_A = \bar{a}_{A\tau} + \bar{a}_{An}$ , где численно  $a_{A\tau} = R_3 \varepsilon_3$ ,  $a_{An} = R_3 \varepsilon_3$ . Тогда для момента времени  $t_1 = 3$  с имеем

$$a_{A\tau} = 36 \text{ cm/c}^2$$
,  $a_{An} = 364.5 \text{ cm/c}^2$ ;  
 $a_A = \sqrt{a_{A\tau}^2 + a_{An}^2} = 366.3 \text{ cm/c}^2$ .

Все скорости и ускорения точек, а также направления угловых скоростей показаны на рис. К2.

Ο T B e T:  $ω_3 = 6.75$  c<sup>-1</sup>;  $v_4 = 20.25$  cm/c;  $ε_3 = 4.5$  c<sup>-2</sup>;  $α_A =$  $= 366,3 \text{ cm/c}^2$ 

Пример С4. Горизонтальная прямоугольная плита весом P (рис. С4) закреплена сферическим шарипром в точке А, цилипдрическим (подшиппиком) в точке B и невесомым стержнем DD'. На плиту в плоскости, параллельной xz, действует сила  $\vec{F}$ , а в плоскости, параллельной уг. — пара сил с моментом М.

Дано: P=3 кН, F=8 кН, M=4 кН·м,  $\alpha=60^{\circ}$ , AC=0.8 м, AB=1,2 м, BE=0.4 м, EH=0.4 м. Определить: реакции опор

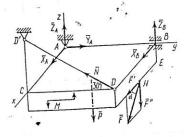
A, B и стержия DD'.

Решение. 1. Рассмотрим равновесие плиты. На плиту действуют заданные силы  $\overline{P}$ ,  $\overline{F}$  и пара с моментом M, а также реакции связей. Реакцию сферического шарнира разложим на три составляющие  $\tilde{X}_A$ ,  $ar{Y}_A, ar{Z}_A$ , цилнидрического (подшинника) — на две составляющие  $ar{X}_B, ar{Z}_B$ (в плоскости, перпендикулярной оси подшипника); реакцию  $\vec{N}$  стержия направляем вдоль стержия от D к D', предполагая, что он растянут.

2. Для определения шести неизвестных реакций составляем шесть равновесия уравнений действующей на плиту пространственной системы

$$\sum F_{kx} = 0$$
,  $X_A + \dots + X_B + F \cos 60^\circ = 0$ ; (1)

 $\sum F_{ky} = 0, Y_A - N\cos 30^\circ = 0;$ (2)



Puc. C4

$$\Sigma F_{kz} = 0, \ Z_A + Z_B - P + N \sin 30^\circ - F \sin 60^\circ = 0; \tag{3}$$

$$\sum F_{kz} = 0, \ Z_A + Z_B - P + N \sin 30^\circ - F \sin 60^\circ \cdot AB + N \sin 30^\circ \cdot AB = 0;$$
  
$$\sum m_s(\bar{F}_k) = 0, \ M - P \cdot AB/2 + Z_B \cdot AB - F \sin 60^\circ \cdot AB + N \sin 30^\circ \cdot AB = 0;$$
  
(4)

$$\sum m_y(\bar{F}_k) = 0, \ P \cdot AC/2 - N \sin 30^\circ \cdot AC + F \sin 60^\circ \cdot AC/2 - F \cos 60^\circ \cdot BE = 0;$$
 (5)

 $\sum m_s(\bar{F}_k) = 0, \quad -F\cos 60^\circ \cdot AB - N\cos 30^\circ \cdot AC - X_B \cdot AB = 0.$ Для определения моментов силы  $ar{F}$  относительно осей разлагаем се на составляющие  $\vec{F}'$  и  $\vec{F}''$ , параллельные осям  $\vec{x}$  и z ( $F' = F\cos\alpha$ ,  $F'' = F \sin \alpha$ ), и применяем теорему Вариньона (см. «Указания»). Ана-

логично можно поступить при определении моментов реакции N . Подставив в составленные уравнения числовые значения всех заданных величин и решив эти уравнения, найдем искомые реакции.

Ответ:  $X_A=3.4$  кН;  $Y_A=5.1$  кН;  $Z_A=4.8$  кН;  $X_B=-7.4$  кН;  $Z_B=2.1$  кН;  $Z_A=4.8$  кН;  $Z_B=2.1$  кН;  $Z_B=2$ правлена противоположно показанной на рис. С4.

Пример Д6. Механическая система (рис. Д6, a) состоит из сплошного однородного цилиндрического катка I, подвижного блока 2, ступенчатого шкива 3 с радиусами ступеней  $R_3$  и  $r_3$  и радиусом инерции относительно оси вращения  $\rho_3$ . блока 4 и груза 5 (коэффициент трения груза о плоскость равен f). Тела системы соединены нитями,

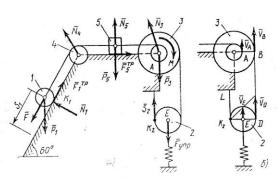


Рис. Д6

намотанными на шкив 3. К центру E блока 2 прикреплена пружина с коэффициентом жесткости c; ее начальная деформация равна нулю.

Система приходит в движение из состояния покоя под действием силы F = f(s), зависящей от перемещения s точки ее приложения. На шкив B при движении действует постоянный момент M сил сопро-

Дано:  $m_1=8$  кг,  $m_2=0$ ,  $m_3=4$  кг,  $m_4=0$ ,  $m_5=10$  кг,  $R_3=0.3$  м,  $r_3=0.1$  м,  $\rho_3=0.2$  м, f=0.1, c=240 Н/м, M=0.6 Н·м, F=20(3+2s) Н,  $s_1=0.2$  м. Определить:  $\omega_3$  в тот момент времени, когда  $s=s_1$ .

Решение. 1. Рассмотрим движение неизменяемой механической системы, состоящей из весомых тел I, 3, 5 и невесомых тел 2, 4, соединенных нитями. Изобразим действующие на систему внешние силы: активные  $\bar{F}$ ,  $\bar{F}_{yap}$ ,  $\bar{P}_1$ ,  $\bar{P}_3$ ,  $\bar{P}_5$ , реакции  $\bar{N}_1$ ,  $\bar{N}_3$ ,  $\bar{N}_4$ ,  $\bar{N}_5$ , натяжение нити  $\bar{S}_2$ , силы трения  $\bar{F}_1^p$ ,  $\bar{F}_2^p$  и момент M.

Для определения  $\omega_3$  воспользуемся теоремой об изменении кинетической энергии:  $T-T_0=\Sigma A_k^a\,. \tag{1}$ 

2. Определяем  $T_0$  и T. Так как в начальный момент система находилась в покое, то  $T_0=0$ . Величина T равна сумме энергий всех тел системы:  $T=T_1+T_3+T_5 \,. \tag{2}$ 

учитывая, что тело I движется плоскопараллельно, тело 5 — поступательно, а тело 3 вращается вокруг неподвижной оси, получим

$$T_{1} = \frac{1}{2} m_{1} v_{C1}^{2} + \frac{1}{2} I_{C1} \omega_{1}^{2};$$

$$T_{3} = \frac{1}{2} I_{3} \omega_{3}^{2}; T_{5} = \frac{1}{2} m_{5} v_{5}^{2}.$$
(3)

Все входящие сюда скорости надо выразить через искомую  $\omega_3$ . Для этого предварительно заметим, что  $v_{C1} = v_5 = v_A$ , где A - любая точка обода радиуса  $r_3$  шкива 3 и что точка  $K_1 -$  мгновенный центр скоростей катка I, радиус которого обозначим  $r_1$ . Тогда

атка 
$$I$$
, раднус которого ососла  $v_{C1} = v_5 = \omega_3 r_3$ ;  $\omega_1 = \frac{v_{C1}}{K_1 C_1} = \frac{v_{C1}}{r_1} = \omega_3 \frac{r_3}{r_1}$ . (4)

Кроме того, входящие в (3) моменты инерции имеют значения

$$I_{C1} = 0.5m_1r_1^2$$
;  $I_3 = m_3\rho_3^2$ . (5)

Подставив все величины (4) и (5) в равенства (3), а затем, используя равенство (2), получим окончательно

$$T = \left(\frac{3}{4}m_1r_3^2 + \frac{1}{2}m_3\rho_3^2 + \frac{1}{2}m_5r_3^2\right)\omega_3^2. \tag{6}$$

3. Теперь найдем сумму работ всех действующих внешних сил при перемещении, которое будет иметь система, когда центр катка I пройдет путь  $s_1$ . Введя обозначения:  $s_5$  — перемещение груза 5 ( $s_5$  =  $s_1$ ),  $\varphi_3$  — угол поворота шкива 3,  $\lambda_0$  и  $\lambda_1$  — начальное и конечное удлинения пружины, получим

$$\begin{split} A(\bar{F}) &= \int_{0}^{s_{1}} 20(3+2s)ds = 20(3s_{1}+s_{1}^{2});\\ A(\bar{F}_{1}) &= P_{1}s_{1}\sin 60^{\circ};\\ A(\bar{F}_{2}^{p}) &= -F_{2}^{p}s_{5} = -f_{2}p_{5}s_{1};\\ A(M) &= -M\varphi_{3};\\ A(\bar{F}_{yup}) &= \frac{c}{2}(\lambda_{0}^{2}-\lambda_{1}^{2}). \end{split}$$

Работы остальных сил равны нулю, так как точки  $K_1$  и  $K_2$ , где приложены силы  $\bar{N}_1$ ,  $\bar{F}_1^{\rm F}$  и  $\bar{S}_2$  — мгновенные центры скоростей; точки, где приложены силы  $\bar{P}_3$ ,  $\bar{N}_3$  и  $\bar{P}_4$  — неподвижны; а реакция  $\bar{N}_8$  перпендикулярна перемещению груза.

По условиям задачи,  $\lambda_0=0$ . Тогда  $\lambda_1=s_E$ , где  $s_E$ — перемещение точки E (конца пружины). Величины  $s_E$  и  $\phi_3$  надо выразить через заданное перемещение  $s_1$ ; для этого учтем, что зависимость между перемещениями здесь такая же, как и между соответствующими скоростями. Тогда так как  $\omega_3=v_A/r_3=v_{C1}/r_3$  (равенство  $v_{C1}=v_A$  уже отмечалось), то и  $\phi_3=s_1/r_3$ .

Далее, из рис. Д6,  $\delta$  видно, что  $v_D=v_B=\omega_3R_3$ , а так как точка  $K_2$  является мгновенным центром скоростей для блока 2 (он как бы «катится» по участку нити  $K_2L$ ), то  $v_E=0.5v_D=0.5\omega_3R_3$ ; следовательно, и  $\lambda_1=s_E=0.5\varphi_3R_3=0.5s_1R_3/r_3$ . При найденных значениях  $\varphi_3$  и  $\lambda_1$  для суммы вычисленных работ получим

$$\sum A_{1}^{2} = 20(3s_{1} + s_{1}^{2}) + P_{1}s_{1}\sin 60^{\circ} - P_{5}s_{1} - M\frac{s_{1}}{r_{3}} - \frac{c}{8}\frac{R_{3}^{2}}{r_{3}^{2}}s_{1}^{2}.$$
 (7)

Подставляя выражения (6) и (7) в уравнение (1) и учитывая, что  $T_0=0$ , придем к равенству

$$\left(\frac{3}{4}m_1r_3^2 + \frac{1}{2}m_3\rho_3^2 + \frac{1}{2}m_5r_3^2\right)\omega_3^2 = 20(3s_1 + \bar{s}_1^2) + P_1s_1\sin 60^\circ -$$

$$= fP_5s_1 - \frac{M}{r_3}s_1 - \frac{c}{8}\frac{R_3^2}{r_3^2}s_1^2.$$
 (

 $r_3 = \frac{r_1}{r_3} s_1 - \frac{s_1}{8} - \frac{s_1}{r_3^2} s_1^2$ . (8)
Из равенства (8), подставив в него числовые значения заданных

величин, найдем искомую угловую скорость  $\omega_3$ . О т в е т:  $\omega_3 = 8,1$  с<sup>-1</sup>.

Пример Д10. Механическая система (рис. Д10) состоит из обмотанных нитями блока I радиуса  $R_1$  и ступенчатого шкива 2 (радиусы ступеней  $R_2$  и  $r_2$ , радиус инерции относительно оси вращения  $\rho_2$ ), а также из грузов 3 и 4, прикрепленных к этим нитям. Система движется в вертикальной плоскости под действием сил тяжести и пары сил с моментом М, приложенной к блоку 1.

Дано:  $P_1 = 0$ ,  $P_2 = 30$  H,  $P_3 = 40$  H,  $P_4 = 20$  H, M = 16 Н·м,  $R_1=0.2$  м,  $R_2=0.3$  м,  $r_2=0.15$  м,  $\rho_2=0.2$  м. Определить: ускорение груза 3, пренебрегая трением.

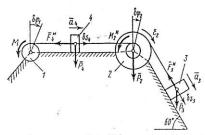


Рис. Д10

Решение. 1. Рассмотрим движение механической системы, состоящей из тел 1, 2, 3, 4, соединенных нитями. Система имеет одну степень свободы. Связи, наложенные на эту систему, - идеальные.

Для определения аз применим общее уравнение динамики:

$$\Sigma \delta A_k^2 + \Sigma \delta A_k^2 = 0, \qquad (1)$$

где  $\Sigma \delta A_k^\mu$  — сумма элементарных работ активных сил;  $\Sigma \delta A_k^\mu$  — сумма элементарных работ сил инерции.

2. Изображаем на чертеже активные силы  $ar{P}_2$ ,  $ar{P}_3$ ,  $ar{P}_4$  и пару сил с моментом М. Задавшись направлением ускорения аз, изображаем на чертеже силы инерции  $ar{F}_3^{\scriptscriptstyle M}$ ,  $ar{F}_4^{\scriptscriptstyle M}$  и пару сил инерции с моментом  $M_{2_3}^{\scriptscriptstyle M}$ величины которых равны:

$$F_{5}^{s} = \frac{P_{3}}{g} a_{3}; \ F_{4}^{s} = \frac{P_{4}}{g} a_{4};$$

$$M_{2}^{u} = \frac{P_{2}}{g} \rho_{2}^{2} \varepsilon_{2}.$$
(2)

3. Сообщая системе возможное перемещение и составляя уравнение (1), получим

$$(P_3 \sin 60^\circ - F_3^*) \delta s_3 - M_2^* \delta \phi_2 - F_4^* \delta s_4 - M \delta \phi_1 = 0.$$
 (3)

Выразим все перемещения через δφ2:

$$\delta s_3 = R_2 \delta \phi_2 \; ; \; \delta s_4 = r_2 \delta \phi_2 \; ; \;$$

$$\delta \varphi_1 = \frac{r_2}{R_1} \delta \varphi_2 \,. \tag{4}$$

Подставив величины (2) и (4) в уравнение (3), приведем его

$$\left[ P_3 \left( \sin 60^\circ - \frac{a_3}{g} \right) R_2 - \frac{P_2}{g} \rho_2^2 \epsilon_2 - \frac{P_4}{g} a_4 r_2 - M \frac{r_2}{R_1} \right] \delta \phi_2 = 0 \,. \eqno(5)$$
 Входящие сюда величи:  $\epsilon_2$  и  $a_4$  выразим через искомую величи-

ну аз:

$$\varepsilon_2 = \frac{a_3}{R_2}; \ a_4 = \varepsilon_2 r_2 = \frac{r_2}{R_2} a_3$$

 $arepsilon_2=rac{a_3}{R_2}$  ;  $a_4=rac{e_2r_2}{R_2}=rac{r_2}{R_2}a_3$  . Затем, учтя, что  $\delta\phi_2\neq 0$ , приравияем нулю выражение, стоящее в (5) в квадратных скобках.

Из полученного в результате уравнения найдем

$$a_3 = \frac{P_3 R_2 \sin 60^\circ - M(r_2/R_1)}{P_3 R_2 + P_2 \rho_2^2/R_2 + P_4(r_2^2/R_2)} g \ .$$

Вычисления дают следующий ответ:  $a_3 = -0.9 \text{ м/c}^2$ . Знак-указывает, что ускорение груза 3 и ускорения других тел направлены противоположно показанным на рис. Д10.

### Вопросы для самопроверки к экзамену

- 1. Основные понятия и аксиомы статики.
- 2. Связи и их реакции.
- 3. Методика решения задач статики.
- 4. Момент силы относительно точки.
- 5. Теорема о моменте равнодействующей (теорема Вариньона).
- 6. Пара сил. Свойства пар сил. Момент пары сил.
- 7. Главный вектор и главный момент произвольной системы сил. Основная теорема статики.
- 8. Аналитическое определение главного вектора и главного момента произвольной плоской системы сил.
- 9. Условия и уравнения равновесия произвольной плоской системы сил.
- 10. Лемма о параллельном переносе силы.
- 11. Центр тяжести твёрдого тела. Методы определения.
- 12. Равновесие с учётом трения. Трение скольжения. Коэффициент трения скольжения. Угол трения. Конус трения.
- 13. Трение качения. Коэффициент трения качения.
- 14. Векторный, естественный способы задания движения точки.
- 15. Поступательное движение твёрдого тела. Свойства поступательного движения твёрдого тела
- 16. Вращательное движение твёрдого тела. Кинематические характеристики вращательного лвижения
- 17. Линейные скорость и ускорение точки, лежащей на вращающемся теле.
- 18. Плоскопараллельное движение твёрдого тела. Кинематические уравнения плоскопараллельного движения.
- 19. Методы нахождения скоростей точек плоской фигуры. Мгновенный центр скорост
- 20. Ускорения точек плоской фигуры.
- 21. Сложное движение токи. Скорости точек в сложном движении.
- 22. Ускорения точек в сложном движении. Ускорение Кориолиса.
- 23. Предмет динамики. Законы механики Галилея-Ньютона. Инерциальные системы отсчета. Дифференциальные уравнения движения материальной точки.
- 24. Прямая и обратная задача динамики точки. Постоянные интегрирования и определение их по начальным условиям.
- 25. Динамика механической системы. Классификация сил, действующих на систему. Свойства внутренних сил.
- 26. Моменты инерции. Осевой, полярный и центробежный.
- 27. Теорема Гюйгенса о моментах инерции относительно параллельных осей.
- 28. Дифференциальные уравнения движения механической системы.

- 29. Теорема о движении центра масс механической системы. Закон сохранения движения центра масс механической системы.
- 30. Количество движения материальной точки и механической системы.
- 31. Понятие импульса силы.
- 32. Теоремы об изменении количества движения точки и системы. Закон сохранения количества движения механической системы.
- 33. Момент количества движения материальной точки и механической системы относительно центра и оси.
- 34. Теоремы об изменении кинетического момента точки и механической системы. Закон сохранения момента количества движения.
- 35. Кинетическая энергия материальной точки и механической системы.
- 36. Понятие о силовом поле. Работа силы. Работа силы тяжести и силы упругости. Мощность.
- 37. Теорема об изменении кинетической энергии точки и механической системы.
- 38. Дифференциальные уравнения поступательного, вращательного и плоскопараллельного движения твердого тела.
- 40. Принцип Германа-Эйлера-Д\*Аламбера для материальной точки и механической системы.
- 41. Связи и их уравнения. Возможные перемещения механической системы. Принцип возможных перемещений (принцип Лагранжа).
- 42. Принцип Д\*Аламбера-Лагранжа. Общее уравнение динамики.

## 7 Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации

а) Планируемые результаты обучения и оценочные средства для проведения промежуточной аттестации:

Струк- турный эле- мент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства	
ОПК-9 - Владением методами анализа, знанием закономерностей поведения и управления свойствами горных пород и состоянием массива в процессах добычи и переработки твердых полезных ископаемых, а также при строительстве и эксплуатации подземных сооружений			
Знать	основные понятия	Перечень теоретических вопросов:	
	проецирования и		
	способы преобразо-	1. Аксиомы статики. Связи и их реакции	

Струк- турный эле- мент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
	вания проекций, равновесия материальных тел, виды движения тел, реакции связей (ОПК-9).	3. Момент силы относительно точки и оси. Связь момента силы относительно точки с мо-

Струк- турный эле- мент компетенции	Планируемые результаты обучения	Оценочные средства
Уметь	выбрать метод решения задачи; составлять расчетные схемы к решению поставленной задачи, записывать дифференциальные уравненОПК-9).	Примерное практическое задание:     Колесо 3 с радиусами R3 = 30 см и r3 = 10 см и колесо 2 с радиусами R2 = 20 см и r2 = 10 см находятся в зацеплении. На тело 2 намотана, нить с грузом 1 на конце, который движется по закону s1 = 4+90t2, см. Определить им, ам в момент времени t1=1c.
Владеть	навыками и методиками обобщения поставленной задачи, практическими навыками использования элементов решения задач кинематики, статики и динамики на других дисциплинах (ОПК-9).	Примерное практическое задание: Статически определимая рама, расчетная схема которой показана на рисунке, загружена внешней нагрузкой. Найти реакции опор.  20 кН  2 кН/м  3м  3м  3м

б) Порядок проведения промежуточной аттестации, показатели и критерии оценивания:

Итоговая аттестация проводится в виде экзамена. Критерии оценки (в соответствии с формируемыми компетенциями и планируемыми результатами обучения):

- на оценку «отлично» - обучающийся показывает высокий уровень сформирован-

ности компетенций, т.е. показал высокий уровень знаний не только на уровне воспроизведения и объяснения информации, но и интеллектуальные навыки решения проблем и задач, нахождения уникальных ответов и оценок к проблемам;

- на оценку «хорошо» обучающийся показывает средний уровень сформированности компетенций, т.е. показал знания не только на уровне воспроизведения и объяснения информации, но и интеллектуальные навыки решения проблем и задач, нахождения уникальных ответов к проблемам;
- на оценку «удовлетворительно» обучающийся показывает пороговый уровень сформированности компетенций, т.е. показал знания на уровне воспроизведения и объяснения информации, интеллектуальные навыки решения простых задач;
- на оценку **«неудовлетворительно»** результат обучения не достигнут, обучающийся не может показать знания на уровне воспроизведения и объяснения информации, не может показать интеллектуальные навыки решения простых задач.

#### 8 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)

## а) Основная литература:

- 1.Белов М. И. Теоретическая механика [Электронный ресурс] : учебное пособие / Белов М.И., Пылаев Б.В., 2-е изд. М.: ИЦ РИОР, НИЦ ИНФРА-М, 2017. 336 с.: 60х90 1/16. (Высшее образование) (Переплёт 7БЦ). Режим доступа: http://znanium.com/bookread2.php?book=556474. Загл. с экрана. ISBN 978-5-369-01574-2. 2.Бурчак Г. П. Теоретическая механика [Электронный ресурс] : учебное пособие / Г. П. Бурчак, Л. В. Винник. М. : ИНФРА-М, 2018. 271 с. (Высшее образование). Режим доступа: http://znanium.com/bookread2.php?book=942814. Загл. с экрана.
- 3. Диевский В. А. Теоретическая механика [Текст] : учебное пособие / В. А. Диевский. 3-е изд., испр. СПб. : Лань, 2009. 320 с. : ил. (Учебники для вузов : Специальная литература).

### б) Дополнительная литература:

- 1. Мкртычев О. В. Теоретическая механика. Практикум [Электронный ресурс] : учебное пособие / О. В. Мкртычев. М. : Вузовский учебник : ИНФРА-М, 2018. 337 с. (Высшее образование). Режим доступа: http://znanium.com/bookread2.php?book=774958. Загл. с экрана.
- 2. Мещерский И.В. Задачи по теоретической механике [Текст] : учебное пособие / И.В. Мещерский ; под ред. В.А. Пальмова, Д.Р. Меркина. 48-е изд. Стер. СПб. И др.. Лань.2008. 448 с. : ил. (Учебники для вузов : Специальная литература).
- 3. Козлова 3. П. Теоретическая механика в решениях задач из сборника И.В. Мещерского [Текст]: динамика материальной точки; учебное пособие / 3.П. Козлова, А. В. Паншина, Г. М. Розенблат; под ред. Г. М. Розенблата. 2—е изд., стер. М.: [КомКнига], 2007. 307 с.: ил.
- 4. Сборник коротких задач по теоретической механике [Текст] : учебное пособие / [О. Э. Кепе, Я. А. Виба, О. П. Грапис и др.] ; под ред. О. Э. Кепе. 2-е изд., стер. СПб. : Лань, 2008. 368 с. : ил., граф., табл. (Учебники для вузов : Специальная литература).
- 5. Практикум по теоретической механике [Текст] : учебное пособие / О.А. Осипова, С.В. Решетникова, О.В Савинкина, А.С. Савинов ; МГТУ. каф. [ТМ и СМ] . Магнитогорск-, 2011.-172 с. : ил., табл.

### в) Методические указания: .

- 1. Паршин В.Г., Железков О.С., Осипова О.А., Решетникова С.В., Савинов А.С., Савинкин Д.А., Шишкина К.И. Методы теоретической механики в инженерных расчетах конструкций машин и механизмов.: методическое указани Магнитогорск: ГОУ ВПО «МГТУ», 2010. 238 с.
- 2. Мещеряков В.В., Михайлец В.Ф., Борохович Б.А.Сборник контрольных заданий по дисциплине «Теоретическая механика» для студентов всех специальностей всех форм обучения: Магнитогорск: ГОУ ВПО «МГТУ», 2011. 26 с.
- 3. Контрольные вопросы по теоретической механике. Железков О.С., Петрякова М.И., Шишкина К.И., Тубольцева А.С. Магнитогорск,: ГОУ ВПО «МГТУ». 2006 . 18 с.

## г) Программное обеспечение и Интернет-ресурсы

- 1. ГОСТы ЕСКД [Электронный ресурс]: открытая база ГОСТов. Режим доступа: <a href="http://www.standartgost.ru/">http://www.standartgost.ru/</a>.
- 2. Государственная публичная научно-техническая библиотека России [Электронный ресурс] Режим доступа: <a href="http://www.gpntb.ru/">http://www.gpntb.ru/</a> свободный. Загл. с экрана. Яз. рус., англ.
- 3. Студенческая библиотека [Электронный ресурс]. Режим доступа: <a href="http://www.libstudend.ru/">http://www.libstudend.ru/</a> свободный. Загл. с экрана. Яз. рус., англ.
- 4. Бибилиотека ФГБОУ ВПО ВПО «МГТУ» [Электронный ресурс]. Режим доступа: <a href="http://www.magtu.ru/">http://www.magtu.ru/</a>, свободный. Загл. с экрана. Яз. рус.
- 5. Российская государственная библиотека [Электронный ресурс]/ Центр информ. технологий РГБ; ред. Власенко Т.В.; Web-мастер Козлова Н.В. Электрон. дан. М.: Рос. гос. б-ка, 1997г. Режим доступа: http://www.rsl.ru/

#### 9 Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)

Материально-техническое обеспечение дисциплины включает:

Тип и название аудитории	Оснащение аудитории
Лекционные аудитории, ауд. 305.	Мультимедийные средства хранения, передачи и
325	представления информации
Компьютерный класс, ауд. 323	Персональные компьютеры с пакетом MS Office, вы-
	ходом в Интернет и с доступом в электронную ин-
	формационно-образовательную среду университета
Аудитории для самостоятельной	1. Персональные компьютеры с пакетом MS Office,
работы: компьютерные классы;	выходом в Интернет и с доступом в электронную ин-
читальные залы библиотеки	формационно-образовательную среду университета