



МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Магнитогорский государственный технический университет им. Г.И. Носова»



УТВЕРЖДАЮ  
Директор ИЕиС  
И.Ю. Мезин

30.01.2023 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

***МЕТОДЫ РЕШЕНИЯ НЕКОРРЕКТНЫХ ЗАДАЧ***

Направление подготовки (специальность)  
01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль/специализация) программы  
Большие и открытые данные

Уровень высшего образования - бакалавриат

Форма обучения  
очная

Институт/ факультет	Институт естествознания и стандартизации
Кафедра	Прикладной математики и информатики
Курс	3
Семестр	6

Магнитогорск  
2023 год

Рабочая программа составлена на основе ФГОС ВО - бакалавриат по направлению подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика (приказ Минобрнауки России от 10.01.2018 г. № 9)

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры Прикладной математики и информатики

17.01.2023 г., протокол № 5

Зав. кафедрой  Ю.А. Извеков


Рабочая программа одобрена методической комиссией ИЕиС  
30.01.2023 г., протокол № 5

Председатель  И.Ю. Мезин

Рабочая программа составлена:

доцент кафедры ПМИИ, канд. пед. наук  Е.А. Москвина

Рецензент:

доцент кафедры Физики, канд. физ.-мат. наук  Д.М. Долгушин

## Лист актуализации рабочей программы

---

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2024 - 2025 учебном году на заседании кафедры Прикладной математики и информатики

Протокол от \_\_\_\_\_ 20\_\_ г. № \_\_\_\_  
Зав. кафедрой \_\_\_\_\_ Ю.А. Извеков

---

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2025 - 2026 учебном году на заседании кафедры Прикладной математики и информатики

Протокол от \_\_\_\_\_ 20\_\_ г. № \_\_\_\_  
Зав. кафедрой \_\_\_\_\_ Ю.А. Извеков

---

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2026 - 2027 учебном году на заседании кафедры Прикладной математики и информатики

Протокол от \_\_\_\_\_ 20\_\_ г. № \_\_\_\_  
Зав. кафедрой \_\_\_\_\_ Ю.А. Извеков

---

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2027 - 2028 учебном году на заседании кафедры Прикладной математики и информатики

Протокол от \_\_\_\_\_ 20\_\_ г. № \_\_\_\_  
Зав. кафедрой \_\_\_\_\_ Ю.А. Извеков

### **1 Цели освоения дисциплины (модуля)**

Целью освоения учебной дисциплины «Методы решения некорректных задач» является приобретение студентами знаний основных понятий и методов решения некорректно поставленных задач.

### **2 Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы**

Дисциплина Методы решения некорректных задач входит в часть учебного плана формируемую участниками образовательных отношений образовательной программы.

Для изучения дисциплины необходимы знания (умения, владения), сформированные в результате изучения дисциплин/ практик:

Алгебра и геометрия  
Математический анализ  
Функциональный анализ  
Уравнение математической физики  
Физика  
Информатика

Знания (умения, владения), полученные при изучении данной дисциплины будут необходимы для изучения дисциплин/практик:

Математическое моделирование  
Численные методы  
Производственная - научно-исследовательская работа  
Численные методы математической физики

### **3 Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (модуля) и планируемые результаты обучения**

В результате освоения дисциплины (модуля) «Методы решения некорректных задач» обучающийся должен обладать следующими компетенциями:

Код индикатора	Индикатор достижения компетенции
ОПК-3	Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности
ОПК-3.1	Разрабатывает математические модели и производит их анализ при решении задач в области профессиональной деятельности
ОПК-3.2	Составляет и оформляет отчеты, выполняет требования нормоконтроля по результатам профессиональной деятельности
ОПК-3.3	Выполняет обзоры научной информации, подготавливает публикации по теме профессиональной деятельности

#### 4. Структура, объём и содержание дисциплины (модуля)

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 зачетных единиц 72 акад. часов, в том числе:

- контактная работа – 69,8 акад. часов;
- аудиторная – 68 акад. часов;
- внеаудиторная – 1,8 акад. часов;
- самостоятельная работа – 2,2 акад. часов;
- в форме практической подготовки – 0 акад. час;

Форма аттестации - зачет

Раздел/ тема дисциплины	Семестр	Аудиторная контактная работа (в акад. часах)			Самостоятельная работа студента	Вид самостоятельной работы	Форма текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации	Код компетенции
		Лек.	лаб. зан.	практ. зан.				
1. Физические постановки, приводящие к некорректным задачам								
1.1 Физические постановки, приводящие к некорректным задачам	6	8	8		0,5	Самостоятельное изучение учебной и научной литературы, подготовка к лабораторному занятию	Проверка конспектов, устный опрос, обсуждение	ОПК-3.1, ОПК-3.2, ОПК-3.3
Итого по разделу		8	8		0,5			
2. Корректность по Адамару и по Тихонову								
2.1 Корректность по Адамару и по Тихонову	6	8	8		0,5	Самостоятельное изучение учебной и научной литературы, подготовка к лабораторному занятию	Проверка конспектов, устный опрос, обсуждение	ОПК-3.1, ОПК-3.2, ОПК-3.3
Итого по разделу		8	8		0,5			
3. Примеры неустойчивых задач и методов								
3.1 Примеры неустойчивости задач и методов	6	8	8		0,6	Самостоятельное изучение учебной и научной литературы, подготовка к лабораторному занятию	Проверка конспектов, устный опрос, обсуждение	ОПК-3.1, ОПК-3.2, ОПК-3.3
Итого по разделу		8	8		0,6			
4. Интегральное уравнение Фредгольма первого рода. Методы регуляризации								

4.1 Интегральное уравнение Фредгольма первого рода. Методы регуляризации	6	10	10		0,6	Самостоятельное изучение учебной и научной литературы, подготовка к лабораторному занятию	Проверка конспектов, устный опрос, обсуждение	ОПК-3.1, ОПК-3.2, ОПК-3.3
Итого по разделу		10	10		0,6			
Итого за семестр		34	34		2,2		зачёт	
Итого по дисциплине		34	34		2,2		зачет	

## **5 Образовательные технологии**

В ходе изучения дисциплины рекомендуется использовать образовательные и информационные технологии:

1. Традиционные технологии обучения, предполагающие передачу информации в готовом виде, формирование учебных умений по образцу лабораторных занятий.

Использование традиционных технологий обеспечивает ориентирование студента в потоке информации, связанной с различными подходами к определению сущности, содержания, методов, форм развития и саморазвития личности; самоопределение в выборе оптимального пути и способов личностно-профессионального развития; систематизацию знаний, полученных студентами в процессе аудиторной и самостоятельной работы. Лабораторные занятия обеспечивают развитие и закрепление умений и навыков определения целей и задач саморазвития, а также принятия наиболее эффективных решений по их реализации. Лабораторные занятия проводятся в компьютерных классах вычислительного центра ФГБОУ ВО «МГТУ им. Г.И. Носова».

В ходе проведения лабораторных занятий предусматривается использование средств вычислительной техники при выполнении индивидуальных заданий и тестирования.

2. Интерактивные формы обучения, предполагающие организацию обучения как продуктивной творческой деятельности в режиме взаимодействия студентов друг с другом и с преподавателем

Использование интерактивных образовательных технологий способствует повышению интереса и мотивации обучающихся, активизации мыслительной деятельности и творческого потенциала студентов, делает более эффективным усвоение материала, позволяет индивидуализировать обучение и ввести экстренную коррекцию знаний.

При проведении лабораторных занятий используются групповая работа, технология коллективной творческой деятельности, технология сотрудничества, ролевая игра, обсуждение проблемы в форме дискуссии, дебаты, круглый стол. Данные технологии обеспечивают высокий уровень усвоения студентами знаний, эффективное и успешное овладение умениями и навыками в предметной области, формируют познавательную потребность и необходимость дальнейшего самообразования, позволяют активизировать исследовательскую деятельность, обеспечивают эффективный контроль усвоения знаний.

3. Возможности образовательного портала ФГБОУ ВО «МГТУ им. Г.И. Носова» для предоставления студентам графика самостоятельной работы, расписания консультаций, заданий для самостоятельного выполнения и рекомендуемых тем для самостоятельного изучения.

Используемые образовательные технологии позволяют активно применять в учебном процессе интерактивные формы проведения занятий (компьютерная симуляция, разбор конкретных ситуаций), что способствует формированию и развитию профессиональных навыков обучающихся. Применяемые в процессе изучения дисциплины поисковый и исследовательский методы в полной мере соответствуют требованиям ФГОС 3++ по реализации компетентностного подхода.

## **6 Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся**

Представлено в приложении 1.

## **7 Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации**

Представлены в приложении 2.

## **8 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)**

#### **а) Основная литература:**

1. Петровский, И. Г. Лекции по теории интегральных уравнений : учебник / И. Г. Петровский ; под редакцией О. А. Олейник. — 5-е изд. — Москва : ФИЗМАТЛИТ, 2009. — 136 с. — ISBN 978-5-9221-1081-5. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/59553> (дата обращения: 24.05.2023). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

2. Привалов, И. И. Интегральные уравнения : учебник для вузов / И. И. Привалов. — 4-е изд., стер. — Москва : Издательство Юрайт, 2020. — 253 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-01552-2. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/451194> (дата обращения: 24.05.2023).

#### **б) Дополнительная литература:**

1. Васильева, А. Б. Интегральные уравнения : учебник / А. Б. Васильева, Н. А. Тихонов. — 3-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2009. — 160 с. — ISBN 978-5-8114-0911-2. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/42> (дата обращения: 24.05.2023). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

2. Королев, А. В. Дифференциальные и разностные уравнения : учебник и практикум для вузов / А. В. Королев. — Москва : Издательство Юрайт, 2020. — 280 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-9916-9896-2. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/451251> (дата обращения: 24.05.2023).

#### **в) Методические указания:**

1. Практикум по курсу "Уравнения математической физики" [Электронный ресурс] : методические указания / [сост.: О. А. Торшина]; МГТУ. - [2-е изд., подгот. попеч. изд. 2012 г.]. - Магнитогорск : МГТУ, 2016. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - Режим доступа: <https://magtu.informsystema.ru/uploader/fileUpload?name=2668.pdf&show=dcatalogues/1/1131371/2668.pdf&view=true>. - Макрообъект.

2. Пименов, В. Г. Численные методы в 2 ч. Ч. 1 : учебное пособие для вузов / В. Г. Пименов. — Москва : Издательство Юрайт, 2022. — 111 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-10886-6. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/492872> (дата обращения: 24.05.2023).

3. Пименов, В. Г. Численные методы в 2 ч. Ч. 2 : учебное пособие для вузов / В. Г. Пименов, А. Б. Ложников. — Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 107 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-10891-0. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/515028> (дата обращения: 24.05.2023).

3. Численные методы : учебник и практикум для академического бакалавриата / У. Г. Пирумов [и др.] ; под редакцией У. Г. Пирумова. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 421 с. — (Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-534-03141-6. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/431961> (дата обращения: 24.05.2023).

#### **г) Программное обеспечение и Интернет-ресурсы:**

##### **Программное обеспечение**

Наименование ПО	№ договора	Срок действия лицензии
7Zip	свободно распространяемое ПО	бессрочно



Браузер Mozilla	свободно распространяемое ПО	бессрочно
Браузер	свободно	бессрочно
FAR Manager	свободно	бессрочно
MS Office 2007	№ 135 от 17.09.2007	бессрочно
MathWorks MathLab v.2014 Classroom	К-89-14 от 08.12.2014	бессрочно
MathCAD v.15 Education University	Д-1662-13 от 22.11.2013	бессрочно
NotePad++	свободно	бессрочно
MS Visual Studio Code	свободно распространяемое ПО	бессрочно
Adobe Reader	свободно	бессрочно

### Профессиональные базы данных и информационные справочные системы

Название курса	Ссылка
Электронные ресурсы библиотеки МГТУ им. Г.И. Носова	<a href="https://magtu.informsystema.ru/Marc.html?locale=ru">https://magtu.informsystema.ru/Marc.html?locale=ru</a>
Информационная система - Единое окно доступа к информационным	URL: <a href="http://window.edu.ru/">http://window.edu.ru/</a>
Поисковая система Академия Google (Google Scholar)	URL: <a href="https://scholar.google.ru/">https://scholar.google.ru/</a>
Национальная информационно-аналитическая система – Российский индекс научного цитирования (РИНЦ)	URL: <a href="https://elibrary.ru/project_risc.asp">https://elibrary.ru/project_risc.asp</a>
Электронная база периодических изданий East View Information Services,	<a href="https://dlib.eastview.com/">https://dlib.eastview.com/</a>

### 9 Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)

Материально-техническое обеспечение дисциплины включает:

Лекционная аудитория: Мультимедийные средства хранения, передачи и представления информации.

Учебные аудитории для проведения лабораторных занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации: компьютерный класс: Персональные компьютеры с пакетом MS Office, выходом в Интернет и с доступом в электронную информационно-образовательную среду университета.

Помещения для самостоятельной работы обучающихся: компьютерные классы; читальные залы библиотеки: Персональные компьютеры с пакетом MS Office, выходом в Интернет и с доступом в электронную информационно-образовательную среду университета.

Помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования: Стеллажи для хранения учебно-наглядных пособий и учебно-методической документации.

## 6 Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

По дисциплине «Методы решения некорректных задач» предусмотрена аудиторная и внеаудиторная самостоятельная работа обучающихся.

### Темы лабораторных работ

1. Многокритериальная оптимизация
2. Условная оптимизация. Множители Лагранжа. Штрафные и барьерные функции
3. Метод возможных направлений. Метод имитации отжига
4. Генетические алгоритмы
5. Задачи вариационного исчисления

### Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации

#### Контрольная работа

1. В каких случаях применяют метод вариационного исчисления?
2. Откуда метод берет свое название?
3. Какие вариации управления Вам известны? Опишите.
4. Какое управление дает ВИ: в программной форме или в форме обратной связи?
5. Необходимое или достаточное условие оптимальности управления дает ВИ?
6. Может ли метод ВИ давать несколько решений? Почему?
7. Запишите функцию Гамильтона в общем виде.
8. Запишите уравнение Эйлера-Лагранжа в общем виде.
9. Запишите П-систему в общем виде.
10. Запишите условие трансверсальности в общем виде.
11. Какой смысл имеет условие трансверсальности? В каких случаях оно необходимо? В каких нет?
12. Дана модель объекта управления:

$$I \quad \dot{x} = tx^2 + 2u^2, \quad x(0) = 5;$$

$$II \quad J = \int_0^{t_1} (x^2 + u^2) dt + \alpha x^2(t_1) \rightarrow \min.$$

Для этой задачи записать:

- а) функцию Гамильтона;
- б) уравнение Эйлера-Лагранжа;
- в) П-систему;
- г) условие трансверсальности (если необходимо).

13. Дана модель объекта управления:

$$I \quad \dot{x}_1 = x_2 u_1 + u_2, \quad x_1(0) = 2;$$

$$\dot{x}_2 = u_2, \quad x_2(0) = 1;$$

$$II \quad J = \int_0^1 (x_1^2 - x_2^2 + u_1^2) dt \rightarrow \min;$$

$$IV \quad x_1(1) = 3, \quad x_2(1) = 0.$$

Для этой задачи записать:

- а) функцию Гамильтона;
- б) уравнение Эйлера-Лагранжа;
- в) П-систему;
- г) условие трансверсальности (если необходимо).

14. Чем отличается решение задачи Больца и задачи Майера методом ВИ?

15. Записать алгоритм решения методом ВИ для задачи Больца:

- а) без ограничений на правый конец траектории с фиксированным временем
- б) без ограничений на правый конец траектории с произвольным временем
- в) с ограничениями на правый конец траектории с фиксированным временем
- г) с ограничениями на правый конец траектории с произвольным временем

### Примеры задач к лекционному материалу

1. Найти оптимальное управление в задачах:

а).  $\int_0^1 (\dot{x}^2 - x) dt + x^2(1) \rightarrow \min.$

б).  $\int_0^T u^2 dt + T \rightarrow \min; \quad \dot{x} = u; x(0) = 1; x(T) = 0; \quad T - \text{не фиксировано.}$

в).  $\int_0^T (1-u)x dt \rightarrow \max; \quad \dot{x} = (u - \beta)x; x(0) = a; 0 \leq u \leq 1; \beta \leq 1; \quad T - \text{фиксировано.}$

г).  $\int_0^T (u^2 + x^2) dt + \frac{x^2(T)}{2} \rightarrow \min; \quad \dot{x} = u - x; x(0) = 0; \quad T - \text{фиксировано.}$

д).  $\int_0^T (u - x)^2 dt \rightarrow \min; \quad \dot{x} = \rho(u - x); x(0) = x_0; x(T) = x_1; \quad T - \text{фиксировано.}$

е).  $\int_0^{2\pi} u dt + x_2(2\pi) \rightarrow \min; \quad -1 \leq u \leq 2; \quad \dot{x}_1 = -x_2; \quad \dot{x}_2 = x_1 + u; \quad x_1(0) = -2; \quad x_2(0) = -1.$

2. Показать, что в задаче

$$J = \int_0^1 t^2 \dot{x}^2 dt \rightarrow \min; \quad x(0) = 0; \quad x(1) = 1,$$

не существует ни одного решения уравнения Эйлера. Найти минимизирующую последовательность (если она имеется).

3. Определить экстремаль, удовлетворяющую краевым условиям и проверить, доставляет ли она слабый минимум:

а).  $J = \int_{-1}^1 t^2 x'^2 dt; \quad x(-1) = -1; \quad x(1) = 1;$

б).  $J = \int_0^1 x x'^2 dt; \quad x(0) = 0; \quad x(1) = 1;$

в).  $J = \int_0^1 (1+t)x'^2 dt; \quad x(0) = 0; \quad x(1) = 1;$

г).  $J = \int_0^1 x^2 x'^2 dt; \quad x(0) = 0; \quad x(1) = 1;$

д).  $J = \int_0^{3\pi/2} (x'^2 - x^2) dt; \quad x(0) = x(3\pi/2) = 0.$

е).  $J = \int_a^b \sqrt{1+x'^2} dt; \quad x(a) = 0; \quad x(b) = 1.$

### Вопросы к зачету

1. История развития экстремальных задач
2. История развития теории оптимального управления
3. Математическая модель объекта
4. Допустимое управление
5. Критерий оптимальности
6. Ограничения на правый конец траектории
7. Общая постановка задачи оптимального управления
8. Классификация задач оптимального управления
9. Управление в программной форме и в форме обратной связи
10. Обзор методов решения задач оптимального управления
11. Примеры физических задач оптимального управления
12. Примеры экономических задач оптимального управления
13. Управление экологическими системами
14. Вариационное исчисление
15. Принцип максимума Понтрягина
16. Особое управление
17. Принцип оптимальности Беллмана
18. Динамическое программирование Беллмана
19. Числовая оптимизация с помощью ЭВМ

**7 Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации**

Промежуточная аттестация имеет целью определить степень достижения запланированных результатов обучения по дисциплине за определенный период обучения (семестр) и проводится в форме зачета.

**а) Планируемые результаты обучения и оценочные средства для проведения промежуточной аттестации:**

Код индикатора	Индикатор достижения компетенции	Оценочные средства
<b>ОПК-3: Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности</b>		
ОПК-3.1	Разрабатывает математические модели и производит их анализ при решении задач в области профессиональной деятельности	<p><b>Теоретические вопросы для зачета:</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. История развития экстремальных задач</li> <li>2. История развития теории оптимального управления</li> <li>3. Математическая модель объекта</li> <li>4. Допустимое управление</li> <li>5. Критерий оптимальности</li> <li>6. Ограничения на правый конец траектории</li> </ol> <p><b>Примерные практические задания:</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Сформулировать необходимые и достаточные условия безусловного экстремума.</li> <li>2. Сформулировать необходимые и достаточные условия условного экстремума.</li> <li>3. Найти точки экстремума функции ... на множестве ...</li> <li>4. Найти безусловный экстремум функции ...</li> </ol>
ОПК-3.2	Составляет и оформляет отчеты, выполняет требования нормоконтроля по результатам профессиональной деятельности	<p><b>Теоретические вопросы для зачета:</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Общая постановка задачи оптимального управления</li> <li>2. Классификация задач оптимального управления</li> <li>3. Управление в программной форме и в форме обратной связи</li> <li>4. Обзор методов решения задач оптимального управления</li> <li>5. Примеры физических задач оптимального управления</li> <li>6. Примеры экономических задач оптимального управления</li> </ol> <p><b>Примерные практические задания:</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Найти оптимальное управление в задачах:             <ol style="list-style-type: none"> <li>а). <math>\int_0^1 (\dot{x}^2 - x) dt + x^2(1) \rightarrow \min.</math></li> <li>б). <math>\int_0^T u^2 dt + T \rightarrow \min; \dot{x} = u; x(0) = 1; x(T) = 0; T - \text{не фиксировано.}</math></li> <li>в). <math>\int_0^T (1-u)x dt \rightarrow \max; \dot{x} = (u - \beta)x; x(0) = a; 0 \leq u \leq 1; \beta \leq 1; T - \text{фиксировано.}</math></li> <li>г). <math>\int_0^T (u^2 + x^2) dt + \frac{x^2(T)}{2} \rightarrow \min; \dot{x} = u - x; x(0) = 0; T - \text{фиксировано.}</math></li> <li>д). <math>\int_0^T (u - x)^2 dt \rightarrow \min; \dot{x} = \rho(u - x); x(0) = x_0; x(T) = x_1; T - \text{фиксировано.}</math></li> <li>е). <math>\int_0^{2\pi} u dt + x_2(2\pi) \rightarrow \min; -1 \leq u \leq 2; \dot{x}_1 = -x_2; \dot{x}_2 = x_1 + u; x_1(0) = -2; x_2(0) = -1.</math></li> </ol> </li> </ol>

		<p>2. Показать, что в задаче</p> $J = \int_0^1 t^2 \dot{x}^2 dt \rightarrow \min; \quad x(0) = 0; \quad x(1) = 1,$ <p>не существует ни одного решения уравнения Эйлера. Найти минимизирующую последовательность (если она имеется).</p> <p>3. Определить экстремаль, удовлетворяющую краевым условиям и проверить, доставляет ли она слабый минимум:</p> <p>а). <math>J = \int_{-1}^1 t^2 x'^2 dt; \quad x(-1) = -1; \quad x(1) = 1;</math></p> <p>б). <math>J = \int_0^1 x x'^2 dt; \quad x(0) = 0; \quad x(1) = 1;</math></p> <p>в). <math>J = \int_0^1 (1+t)x'^2 dt; \quad x(0) = 0; \quad x(1) = 1;</math></p> <p>г). <math>J = \int_0^1 x^2 x'^2 dt; \quad x(0) = 0; \quad x(1) = 1;</math></p> <p>д). <math>J = \int_0^{3\pi/2} (x'^2 - x^2) dt; \quad x(0) = x(3\pi/2) = 0.</math></p> <p>е). <math>J = \int_a^b \sqrt{1+x'^2} dt; \quad x(a) = 0; \quad x(b) = 1.</math></p>
ОПК-3.3	Выполняет обзоры научной информации, подготавливает публикации по теме профессиональной деятельности	<p><b>Теоретические вопросы для зачета:</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Управление экологическими системами</li> <li>2. Вариационное исчисление</li> <li>3. Принцип максимума Понтрягина</li> <li>4. Особое управление</li> <li>5. Принцип оптимальности Беллмана</li> <li>6. Динамическое программирование Беллмана</li> <li>7. Числовая оптимизация с помощью ЭВМ</li> </ol> <p><b>Примерные индивидуальные задания:</b> Изложить теоретические основы метода..., раскрыть его приложения к решению конкретных задач:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Методы одномерной минимизации.</li> <li>2. Метод конфигураций.</li> <li>3. Метод деформируемого многогранника.</li> <li>4. Метод Розенборга.</li> <li>5. Метод сопряженных направлений.</li> <li>6. Методы случайного поиска.</li> <li>7. Метод штрафов.</li> <li>8. Метод барьерных функций.</li> <li>9. Комбинированный метод штрафных функций.</li> <li>10. Метод множителей.</li> <li>11. Метод точных штрафных функций.</li> <li>12. Симплекс-метод Данцига.</li> <li>13. Двухфазный Симплекс-метод.</li> <li>14. Метод ветвей и границ.</li> <li>15. Метод Гомори.</li> </ol>

**б) Порядок проведения промежуточной аттестации, показатели и критерии оценивания:**

Промежуточная аттестация по дисциплине «Методы решения некорректных задач» проводится в форме зачета по изученным темам и включает в себя портфолио, сформированное на основе защит лабораторных работ и выполнения индивидуальных заданий в течение семестра.

**Показатели и критерии оценивания зачета:**

- на оценку **«зачтено»** – обучающийся демонстрирует пороговый и выше уровень сформированности компетенций: в ходе контрольных мероприятий допускаются мелкие неточности, не допускается отсутствие отдельных знаний, умений, навыков, обучающийся может испытывать некоторые затруднения при оперировании знаниями и умениями при их переносе на новые ситуации.
- на оценку **«не зачтено»** – обучающийся не демонстрирует высокого уровня сформированности компетенций, не защитил лабораторные работы, индивидуальное задание не заполнено.