



МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Магнитогорский государственный технический университет им. Г.И. Носова»



УТВЕРЖДАЮ
Директор ИЕиС
И.Ю. Мезин

30.01.2023 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

ЧИСЛЕННЫЕ МЕТОДЫ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ФИЗИКИ

Направление подготовки (специальность)
01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль/специализация) программы
Большие и открытые данные

Уровень высшего образования - бакалавриат

Форма обучения
очная

Институт/ факультет	Институт естествознания и стандартизации
Кафедра	Прикладной математики и информатики
Курс	3, 4
Семестр	6, 7

Магнитогорск
2023 год

Рабочая программа составлена на основе ФГОС ВО - бакалавриат по направлению подготовки 01.03.02 Прикладная математика и информатика (приказ Минобрнауки России от 10.01.2018 г. № 9)

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры Прикладной математики и информатики

17.01.2023, протокол № 5


Зав. кафедрой  Ю.А. Извеков

Рабочая программа одобрена методической комиссией ИЕиС


30.01.2023 г. протокол № 5

Председатель  И.Ю. Мезин

Рабочая программа составлена:

доцент кафедры ПМИИ, канд. физ.-мат. наук  О.А. Горшина

Рецензент:

доцент кафедры Физики, канд. физ.-мат. наук  Д.М. Долгушин

Лист актуализации рабочей программы

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2024 - 2025 учебном году на заседании кафедры Прикладной математики и информатики

Протокол от _____ 20__ г. № ____
Зав. кафедрой _____ Ю.А. Извеков

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2025 - 2026 учебном году на заседании кафедры Прикладной математики и информатики

Протокол от _____ 20__ г. № ____
Зав. кафедрой _____ Ю.А. Извеков

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2026 - 2027 учебном году на заседании кафедры Прикладной математики и информатики

Протокол от _____ 20__ г. № ____
Зав. кафедрой _____ Ю.А. Извеков

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2027 - 2028 учебном году на заседании кафедры Прикладной математики и информатики

Протокол от _____ 20__ г. № ____
Зав. кафедрой _____ Ю.А. Извеков

1 Цели освоения дисциплины (модуля)

Целями освоения дисциплины (модуля) «Численные методы уравнений математической физики» являются: формирование у выпускника комплекса компетенций, направленных на развитие способности применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности понимать, совершенствовать и применять современный математический аппарат, в том числе с использованием современных информационных технологий, направленных на развитие способности к разработке алгоритмических и программных решений в области системного и прикладного программирования.

2 Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Дисциплина Численные методы математической физики входит в обязательную часть учебного плана образовательной программы.

Для изучения дисциплины необходимы знания (умения, владения), сформированные в результате изучения дисциплин/ практик:

Уравнение математической физики

Комплексный анализ

Математический анализ

Знания (умения, владения), полученные при изучении данной дисциплины будут необходимы для изучения дисциплин/практик:

Выполнение и защита выпускной квалификационной работы

Подготовка к сдаче и сдача государственного экзамена

Численные методы решения нелинейных алгебраических уравнений

3 Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (модуля) и планируемые результаты обучения

В результате освоения дисциплины (модуля) «Численные методы математической физики» обучающийся должен обладать следующими компетенциями:

Код индикатора	Индикатор достижения компетенции
ОПК-1	Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности
ОПК-1.1	Решает профессиональные задачи с области фундаментальной и прикладной математики
ОПК-1.2	Владеет способами и приемами решения исследовательских задач в области фундаментальной и прикладной математики
ОПК-1.3	Применяет фундаментальные междисциплинарные знания для решения задач в профессиональной деятельности

4. Структура, объём и содержание дисциплины (модуля)

Общая трудоемкость дисциплины составляет 8 зачетных единиц 288 акад. часов, в том числе:

- контактная работа – 145 акад. часов;
- аудиторная – 140 акад. часов;
- внеаудиторная – 5 акад. часов;
- самостоятельная работа – 107,3 акад. часов;
- в форме практической подготовки – 0 акад. час;
- подготовка к экзамену – 35,7 акад. час

Форма аттестации - зачет, экзамен

Раздел/ тема дисциплины	Семестр	Аудиторная контактная работа (в акад. часах)			Самостоятельная работа студента	Вид самостоятельной работы	Форма текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации	Код компетенции
		Лек.	лаб. зан.	практ. зан.				
1. Классификация уравнений в частных производных второго порядка.								
1.1 Понятия об уравнениях математической физики	6	3	2		4	1. Поиск дополнительной информации по заданной теме. 2. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы. 3. Работа с электронными библиотеками. 4. Подготовка к лабораторной работе	Беседа – обсуждение Устный опрос	
1.2 Классификация уравнений математической физики		2	2		4	1. Работа с электронными библиотеками. 2. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы 3. Подготовка к лабораторной работе	Беседа – обсуждение Устный опрос	
1.3 Теоретическое обоснование формы уравнения		1			7	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы	Беседа – обсуждение Устный опрос Проверка решения за-дач	

1.4 Приведение к каноническому виду методом Лагранжа		2			6	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы 2. Подготовка к лабораторной работе	Беседа – обсуждение Устный опрос Проверка решения за-дач	
1.5 Приведение к каноническому виду методом диагонализации		2	1		7	Самостоятельное изучение учебной и научной литературы.	Беседа – обсуждение Устный опрос Проверка решения за-дач Доклад с презентацией	
Итого по разделу		10	5		28			
2. Краевые задачи и их виды								
2.1 Понятие о краевых и начальных условиях		2	2		8	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы. 2. Подготовка к лабораторной работе	Беседа - обсуждение	
2.2 Виды краевых условий	6	2	2		8	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы. 2. Подготовка к лабораторной работе	Беседа – обсуждение Устный опрос Проверка решения задач	
2.3 Назначение краевых условий уравнений математической физики		2	2		8	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы. 2. Подготовка к лабораторной работе	Беседа – обсуждение Устный опрос Проверка решения за-дач Доклад с презентацией	
Итого по разделу		6	6		24			
3. Численные методы решения уравнений математической физики								
3.1 Построение разностных схем	6	2	2		2	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы. 2. Подготовка к лабораторной работе	Беседа – обсуждение Устный опрос Проверка решения за-дач	
3.2 Теория устойчивости разностных схем		2	1				Беседа – обсуждение Устный опрос Проверка решения за-дач	

3.3 Методы решения разностных уравнений		2	2		6	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы. 2. Подготовка к лабораторной работе	Беседа – обсуждение Проверка решения задач	
3.4 Метод сеток решения задачи Дирихле для уравнения Пуассона в прямоугольной области и области произвольной формы		2	4		4	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы. 2. Подготовка к лабораторной работе	Беседа – обсуждение Устный опрос	
3.5 Метод сеток решения уравнения теплопроводности на основе явной и неявной разностных схемах		2	2		5	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы	Беседа – обсуждение Устный опрос	
3.6 Метод сеток решения волнового уравнения на основе разностной схемы		2	2		1,2	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы 2. Подготовка к лабораторной работе	Беседа – обсуждение Устный опрос Проверка решения задач	
3.7 Методы решения уравнения теплопроводности численными методами		2	4		2	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы 2. Подготовка к лабораторной работе	Беседа – обсуждение Устный опрос Проверка решения задач	
3.8 Решение начально-краевых задач методом Галеркина		4	6		2	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы 2. Подготовка к лабораторной работе	Беседа – обсуждение Устный опрос Проверка решения задач	
Итого по разделу		18	23		22,2			
Итого за семестр		34	34		74,2		зачёт	
4. Методы решения краевых задач								
4.1 Решение начально-краевых задач методом наименьших квадратов	7	4	8		6	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы 2. Подготовка к лабораторной работе	1. Проверка решения задач 2. Устный опрос.	

4.2 Решение начально-краевых задач методом конечных элементов		4	10		6	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы 2. Подготовка к лабораторной работе	1. Проверка решения задач 2. Устный опрос.	
4.3 Численные методы решения обратных задач		4	10		6	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы 2. Подготовка к лабораторной работе	1. Проверка решения задач 2. Устный опрос.	
Итого по разделу		12	28		18			
5. Вариационное исчисление								
5.1 Решение задачи с подвижными границами	7	2	10		5	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы 2. Подготовка к лабораторной работе	1. Проверка решения задач 2. Устный опрос.	
5.2 Необходимое условие экстремума.		2	6		5	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы 2. Подготовка к лабораторной работе	1. Проверка решения задач 2. Устный опрос.	
5.3 Уравнение Эйлера.		2	10		5,1	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы 2. Подготовка к лабораторной работе	1. Проверка индивидуальных заданий 2. Устный опрос. Доклад с презентацией	
Итого по разделу		6	26		15,1			
Итого за семестр		18	54		33,1		экзамен	
Итого по дисциплине		52	88		107,3		зачет, экзамен	

5 Образовательные технологии

В ходе изучения дисциплины рекомендуется использовать образовательные и информационные технологии:

1. Традиционные технологии обучения, предполагающие передачу информации в готовом виде, формирование учебных умений по образцу: лекция-изложение, лекция-объяснение, лабораторные занятия.

Использование традиционных технологий обеспечивает ориентирование студента в потоке информации, связанной с различными подходами к определению сущности, содержания, методов, форм развития и саморазвития личности; самоопределение в выборе оптимального пути и способов личностно-профессионального развития; систематизацию знаний, полученных студентами в процессе аудиторной и самостоятельной работы. Лекционные занятия проводятся с использованием мультимедийных средств. Лабораторные занятия обеспечивают развитие и закрепление умений и навыков определения целей и задач саморазвития, а также принятия наиболее эффективных решений по их реализации. Лабораторные занятия проводятся в компьютерных классах вычислительного центра ФГБОУ ВПО «МГТУ».

В ходе проведения лекционных занятий предусматривается:

– использование электронного демонстрационного материала по темам, требующим иллюстрации работы программных продуктов: Maple, Matlab, Mathematica.

В ходе проведения практических занятий предусматривается использование средств вычислительной техники при выполнении индивидуальных заданий и тестирования.

2. Интерактивные формы обучения, предполагающие организацию обучения как продуктивной творческой деятельности в режиме взаимодействия студентов друг с другом и с преподавателем

Использование интерактивных образовательных технологий способствует повышению интереса и мотивации учащихся, активизации мыслительной деятельности и творческого потенциала студентов, делает более эффективным усвоение материала, позволяет индивидуализировать обучение и ввести экстренную коррекцию знаний.

При проведении практических занятий используются групповая работа, технология коллективной творческой деятельности, технология сотрудничества, ролевая игра, обсуждение проблемы в форме дискуссии, дебаты, круглый стол. Данные технологии обеспечивают высокий уровень усвоения студентами знаний, эффективное и успешное овладение умениями и навыками в предметной области, формируют познавательную потребность и необходимость дальнейшего самообразования, позволяют активизировать исследовательскую деятельность, обеспечивают эффективный контроль усвоения знаний.

3. Возможности образовательного портала ФГБОУ ВПО «МГТУ» для предоставления студентам графика самостоятельной работы, расписания консультаций, заданий для самостоятельного выполнения и рекомендуемых тем для самостоятельного изучения.

Используемые образовательные технологии позволяют активно применять в учебном процессе интерактивные формы проведения занятий (компьютерная симуляция, разбор конкретных ситуаций), что способствует формированию и развитию профессиональных навыков обучающихся. Применяемые в процессе изучения дисциплины поисковый и исследовательский методы в полной мере соответствуют требованиям ФГОС по реализации компетентностного подхода.

6 Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

Представлено в приложении 1.

7 Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации

Представлены в приложении 2.

8 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)

а) Основная литература:

1. Зенков, А.В. Численные методы : учебное пособие / А.В. Зенков ; научный редактор В.В. Плещев. — Екатеринбург : УрФУ, 2016. — 124 с. — ISBN 978-5-7996-1781-3. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система «Лань» : [сайт]. — URL: <https://e.lanbook.com/book/98347> (дата обращения: 25.10.2019). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

2. Бахвалов, Н.С. Численные методы : учебник / Н.С. Бахвалов, Н.П. Жидков, Г.М. Кобельков. — 9-е изд. — Москва : Лаборатория знаний, 2020. — 636 с. — ISBN 978-5-00101-836-0. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система «Лань» : [сайт]. — URL: <https://e.lanbook.com/book/126099> (дата обращения: 25.10.2019). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

б) Дополнительная литература:

1. Абрамкин, Г.П. Численные методы : учебное пособие / Г.П. Абрамкин. — Барнаул : АлтГПУ, 2016. — 260 с. — ISBN 978-5-88210-829-7. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система «Лань» : [сайт]. — URL: <https://e.lanbook.com/book/112165> (дата обращения: 25.10.2019). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

2. Деревич, И.В. Практикум по уравнениям математической физики : учебное пособие / И.В. Деревич. — 2-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2018. — 428 с. — ISBN 978-5-8114-2601-0. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система «Лань» : [сайт]. — URL: <https://e.lanbook.com/book/104942> (дата обращения: 25.10.2019). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

3. Лобанов, А.И. Численные методы решения уравнений в частных производных : курс лекций / Лобанов А.И., Петров И.Б. — Москва : Интуит НОУ, 2016. — 333 с. — URL: <https://book.ru/book/918284> (дата обращения: 25.10.2019). — Текст : электронный.

4. Грачева, Л. А. Уравнения математической физики [Электронный ресурс] : учебное пособие / МГТУ. - [2-е изд., подгот. по печ. изд. 2018 г.]. - Магнитогорск : МГТУ, 2018. - 1 электрон. опт. диск (CD-ROM). - 100 р.

издание МГТУ

5. Королева, В. В. Численные методы решения прикладных задач [Текст] : практикум / МГТУ. - Магнитогорск : МГТУ, 2018. - 99 с. : ил., табл., схемы, граф. - ISBN 978-5-9967-1572-5 : 252 р. 78 к.

в) Методические указания:

1. Целых, А.Н. Анализ устойчивости вычислительных схем : учебное пособие / А.Н. Целых, В.С. Васильев, Э.М. Котов. — Ростов-на-Дону : ЮФУ, 2018. — 146 с. — ISBN 978-5-9275-2912-4. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система «Лань» : [сайт]. — URL: <https://e.lanbook.com/book/125030> (дата обращения: 25.10.2019). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

2. Петрищев, И.О. Численные методы : учебно-методическое пособие / И.О. Петрищев, М.Г. Аббязова. — Ульяновск : УлГПУ им. И.Н. Ульянова, 2017. — 60 с. — ISBN 978-5-86045-951-9. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система «Лань» : [сайт]. — URL: <https://e.lanbook.com/book/112098> (дата обращения: 25.10.2019).

25.10.2019). — Режим доступа: для авториз. пользователей.

3. Численные методы : лабораторный Бакалавриат : практикум / сост. Шевченко Г.И., Куликова Т.А. — Ставрополь : Северо-Кавказский федеральный университет, 2015. — 108 с. — URL: <https://book.ru/book/928793> (дата обращения: 25.10.2019). — Текст : электронный.

г) Программное обеспечение и Интернет-ресурсы:

Программное обеспечение

Наименование ПО	№ договора	Срок действия лицензии
MS Office 2007 Professional	№ 135 от 17.09.2007	бессрочно
7Zip	свободно распространяемое ПО	бессрочно
Maple 14 Classroom License	К-113-11 от 11.04.2011	бессрочно
MathWorks MathLab v.2014 Classroom License	К-89-14 от 08.12.2014	бессрочно
MathCAD v.15 Education University Edition	Д-1662-13 от 22.11.2013	бессрочно

Профессиональные базы данных и информационные справочные системы

Название курса	Ссылка
Федеральное государственное бюджетное учреждение «Федеральный институт промышленной собственности»	URL: http://www1.fips.ru/
Информационная система - Единое окно доступа к информационным ресурсам	URL: http://window.edu.ru/
Поисковая система Академия Google (Google Scholar)	URL: https://scholar.google.ru/
Национальная информационно-аналитическая система – Российский индекс научного цитирования (РИНЦ)	URL: https://elibrary.ru/project_risc.asp
Электронная база периодических изданий East View Information Services, ООО «ИВИС»	https://dlib.eastview.com/

9 Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)

Материально-техническое обеспечение дисциплины включает:

Лекционная аудитория: Мультимедийные средства хранения, передачи и представления информации

Учебная аудитория для групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации: Мультимедийные средства хранения, передачи и представления информации. Комплекс тестовых заданий для проведения промежуточного и рубежного контролей.

Помещения для самостоятельной работы учащихся: Персональные компьютеры с пакетом Office, выходом в Интернет и с доступом в электронную информационно образовательную среду университета

Помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования: Шкафы для хранения учебно-методической документации, учебного оборудование и учебных наглядных пособий.

Приложение 1

Раздел/ тема дисциплины	Вид самостоятельной работы	Кол-во часов	Формы контроля
1. Классификация уравнений в частных производных второго порядка.			устный опрос
1.1 Понятия об уравнениях математической физики	Работа над учебным материалом с основной и дополнительной литературой. Конспектирование текста учебника для освоения новых знаний. ОЛ пнк1, ДЛ пнк 2	2	устный опрос, проверка конспекта
1.2 Классификация уравнений математической физики	Работа над учебным материалом с основной и дополнительной литературой. Конспектирование текста учебника для овладения новыми знаниями. ОЛ пнк1, ДЛ пнк 2	2	устный опрос, проверка конспекта
1.3 Теоретическое обоснование формы уравнения	Работа над учебным материалом с основной и дополнительной литературой. Конспектирование текста учебника для изучения новых знаний. ОЛ пнк1, ДЛ пнк 2	5	устный опрос, проверка конспекта
1.4. Приведение к каноническому виду методом Лагранжа	Работа над учебным материалом с основной и дополнительной литературой. Конспектирование текста учебника для овладения новыми знаниями. Составление в среде Maple программы решения вариантных задач ОЛ пнк1, ДЛ пнк 2	5	индивидуальная работа по программной реализации алгоритмов
1.5. Приведение к каноническому виду методом диагонализации.	Работа над учебным материалом с основной и дополнительной литературой. Конспектирование текста учебника для овладения новыми знаниями. Составление в среде Maple программы решения вариантных задач ОЛ пнк1, ДЛ пнк 2	5	устный опрос, проверка конспекта
Итого по разделу		19	
2. Краевые задачи и их виды			
2.1 Понятие о краевых и начальных условиях	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы. 2. Подготовка к лабораторной работе МУ 1, ОЛ 2,3	7	индивидуальная работа по программной реализации алгоритмов
2.2 Виды краевых условий	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы. 2. Подготовка к лабораторной работе МУ1, ОЛ 2,3	6	индивидуальная работа по программной реализации алгоритмов
2.3 Назначение краевых условий уравнений	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы.	6	индивидуальная работа по программной

Раздел/ тема дисциплины	Вид самостоятельной работы	Кол-во часов	Формы контроля
математической физики	2. Подготовка к лабораторной работе МУ1, ОЛ 2,3		реализации алгоритмов устный опрос, проверка конспекта Доклад с презентацией
Итого по разделу		19	
3. Численные методы решения уравнений математической физики			
3.1. Построение разностных схем	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы. 2. Подготовка к лабораторной работе , ОЛ 2,3. МУ 1	2	индивидуальная работа по программной реализации алгоритмов устный опрос, проверка конспекта
3.2. Теория устойчивости разностных схем	Работа над учебным материалом с основной и дополнительной литературой. Конспектирование текста учебника для овладения новыми знаниями. Составление в среде Maple программы решения вариантных задач, ОЛ 4, МУ1		
3.3 Методы решения разностных уравнений	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы. 2. Подготовка к лабораторной работе ДЛ 2, МУ1	4	индивидуальная работа по программной реализации алгоритмов устный опрос, проверка конспекта
3.4 Метод сеток решения задачи Дирихле для уравнения Пуассона в прямоугольной области и области произвольной формы	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы. 2. Подготовка к лабораторной работе МУ 1, ДЛ2,3	4	индивидуальная работа по программной реализации алгоритмов устный опрос, проверка конспекта
3.5 Метод сеток решения уравнения теплопроводности на основе явной и неявной разностной схемам	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы МУ2	4	индивидуальная работа по программной реализации алгоритмов
3.6 Метод сеток решения волнового уравнения на основе разностной схемы	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы 2. Подготовка к лабораторной работе МУ2	1,2	индивидуальная работа по программной реализации алгоритмов

Раздел/ тема дисциплины	Вид самостоятельной работы	Кол-во часов	Формы контроля
3.7. Методы решения уравнения теплопроводности численными методами	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы 2. Подготовка к лабораторной работе МУ2	2	индивидуальная работа по программной реализации алгоритмов
3.8 Решение начально-краевых задач методом Галеркина	1. Самостоятельное изучение учебной и научной литературы 2. Подготовка к лабораторной работе МУ2	2	индивидуальная работа по программной реализации алгоритмов
Итого по разделу		19,2	
Итого за 6 семестр		57,2	Зачет
4. Методы решения краевых задач			
4.1 Решение начально-краевых задач методом наименьших квадратов	Работа над учебным материалом с основной и дополнительной литературой. Конспектирование текста учебника для овладения новыми знаниями. Составление в среде Maple программы решения вариантных задач МУ пнк3	6	индивидуальная работа по программной реализации алгоритмов, устный опрос, проверка конспекта
4.2 Решение начально-краевых задач методом конечных элементов	Работа над учебным материалом с основной и дополнительной литературой. Составление в среде Maple программы решения вариантных задач. МУ пнк3	6	устный опрос, проверка конспекта
4.3 Численные методы решения обратных задач	Работа над учебным материалом с основной и дополнительной литературой. Составление в среде Maple программы решения вариантных задач МУпнк3	6	индивидуальная работа по программной реализации алгоритмов
Итого по разделу		18	
5. Вариационное исчисление			
2.1. Решение задачи с подвижными границами	Работа над учебным материалом с основной и дополнительной литературой. Составление в среде Maple программы решения вариантных задач МУпнк4	5	индивидуальная работа по программной реализации алгоритмов
2.2. Необходимое условие экстремума.	Работа над учебным материалом с основной и дополнительной литературой. Составление в среде Maple программы решения вариантных задач МУпнк4	5	индивидуальная работа по программной реализации алгоритмов Подготовка доклада и электронной презентации

Раздел/ тема дисциплины	Вид самостоятельной работы	Кол-во часов	Формы контроля
2.3. Уравнение Эйлера.	Работа над учебным материалом с основной и дополнительной литературой. Составление в среде Maple программы решения вариантных задач МУнк4	5,1	Представление результатов исследовательской работы по теме «Применение уравнений математической физики в предметной области» Доклад с презентацией
Итого по разделу		15,1	
Итого по дисциплине		33,1	Экзамен

Перечень контрольных вопросов и заданий для самостоятельной работы

1. Классификация уравнений математической физики.
2. Сетки и сеточные функции.
3. Аппроксимация разностных схем.
4. Понятие сходимости разностных схем.
5. Устойчивость разностных схем.
6. Методы составления разностных схем. Метод разностной аппроксимации. Интегро - интерполяционный метод.
7. Разностная аппроксимация задачи Дирихле для уравнения Пуассона
8. Принцип максимума и его следствия.
9. Устойчивость по граничным условиям разностной задачи Дирихле.
10. Примеры применения принципа максимума.
11. Монотонные разностные схемы.
12. Разностная задача на собственные значения.
13. Схема с весами для уравнения теплопроводности
14. Применение метода Якоби к решению сеточных уравнений.
15. Применение метода Зейделя к решению сеточных уравнений.
16. Метод верхней и нижней релаксации.
17. Самосопряженные и положительно определенные операторы. Метод Рунца.
18. Метод Галеркина.
19. Метод наименьших квадратов.
20. Метод наискорейшего спуска.
21. Метод конечных элементов.
22. Решение обратных эволюционных задач методом рядов Фурье.
23. Постановка обратных задач на основе методов теории возмущений.

Примеры заданий для самостоятельной работы

Методы решения линейных дифференциальных уравнений второго порядка.

Задание 1. Найти методом прогонки приближенные решения следующей краевой задачи:

$$y'' + f_j(x)y' + \cos(ax)y = 2x^2 + 2x - 4, \quad y(0) = 0, \quad y(1) = 0$$

$a = 0,7 + 0,05(k - 1)$, где k – номер варианта, если $f_j(x)$ ($j = 1, 2, 3, 4, 5$) заданы таблицей 1, где j – остаток при делении на 5 номера варианта. Если остаток равен нулю, то $j=5$.

x_i	$f_1(x)$	$f_2(x)$	$f_3(x)$	$f_4(x)$	$f_5(x)$
0,0	-1,7930	-1,7012	-1,6184	-1,5432	-1,4747
0,2	-1,7863	-1,6877	-1,5994	-1,5200	-1,4480
0,4	-1,7832	-1,6776	-1,5838	-1,5000	-1,4246
0,6	-1,7838	-1,6709	-1,5714	-1,4832	-1,4043
0,8	-1,7878	-1,6673	-1,5630	-1,4692	-1,3869
1,0	-1,7953	-1,6668	-1,5555	-1,4581	-1,3722

Таблица 1.

Задание 2. Методом прогонки найти решение следующих уравнений на $[0, 1]$ с шагом $h=0,1$ для краевых условий $y(0) = 0, y(1) = 0$

Вариант 1- 6: $y'' + (a + x^3)y' + (1 - x^2)y = e^{1-bx^2}$.

Параметры a и b принимают значения

$$a = 1 + 0,4(k - 1), \quad k = \text{номер варианта}, \quad b = 2,5 + 0,5(n - 1), \quad n = \text{номер варианта}$$

Вариант 7- 12: $y'' + x^2y' + (a - x)y = \frac{x}{x^2+b}$.

Параметры a и b принимают значения

$$a = 1 + 0,4(k - 7), \quad k = \text{номер варианта}, \quad b = 2,5 + 0,5(n - 7), \quad n = \text{номер варианта}$$

Вариант 13-18: $y'' + y' \sin ax + y = \frac{1}{\sin^2(ax)+b}$.

Параметры a и b принимают значения

$$a = 1 + 0,4(k - 13), \quad k = \text{номер варианта}, \quad b = 2,5 + 0,5(n - 13), \quad n = \text{номер варианта}$$

Вариант 19- 24: $y'' + \frac{y}{\sqrt{x^2+b}} + ay = x$.

Параметры a и b принимают значения

$$a = 1 + 0,4(k - 19), \quad k = \text{номер варианта}, \quad b = 2,5 + 0,5(n - 19), \quad n = \text{номер варианта}$$

Задание 3. Решите методом конечных разностей и методом прогонки следующие линейные дифференциальные уравнения, рассмотрев шаг $h = 0,1$ и $h = 0,05$. Сравните полученные результаты. Сделайте вывод. Результаты представьте в виде таблиц и графиков.

Задание 4

Используя методы Галеркина, Ритца и интегральный метод наименьших квадратов, найти наиболее точное приближенное аналитическое решение

$y_n(x) = u_0(x) + \sum_{i=1}^n C_i u_i(x)$ краевой задачи

$$\begin{aligned} y'' + \frac{d_0 + d_1 x}{x^2 - 1} y' + \frac{d_2}{\sqrt{1 - x^2}} y &= 0, \\ a_0 y(a) + a_1 y'(a) &= a_2, \\ b_0 y(b) + b_1 y'(b) &= b_2, \end{aligned} \quad (2.40)$$

из пробных решений, построенных: 1) методом Галеркина при помощи системы из n пробных функций – многочленов (2.26) и двух систем поверочных функций, одна из которых составлена из пробных функций, а вторая – из многочленов Лежандра (2.31); 2) методом Ритца при помощи двух систем из n пробных функций – многочленов (2.26) и функций вида (2.34) – (2.36); 3) интегральным методом наименьших квадратов при помощи двух систем из n пробных функций – многочленов (2.26) и многочленов (2.29).

Наиболее точное решение установить сравнением мер точности полученных приближенных решений

$$\varepsilon_1 = \max_{[a,b]} |y_n(x) - y_{n-1}(x)|, \quad \varepsilon_2 = \max_{[a,b]} |R(C_1, \dots, C_n, x)|, \quad \varepsilon_3 = \max_{[a,b]} |Y_K(x) - y_n(x)|,$$

где $Y_K(x)$ – решение, полученное на ЭВМ с использованием стандартных функций прикладной системы MathCAD, описанными в главе 6. Сделайте выводы о возможностях использованных методов. Оформить и защитить отчет.

Приложение 2 Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации
а) Планируемые результаты обучения и оценочные средства для проведения промежуточной аттестации:

Код индикатора	Индикатор достижения	Оценочные средства
ОПК-1 способность применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности		
ОПК-1.1	Решает профессиональные задачи с области фундаментальной и прикладной математики	<p>Теоретические вопросы:</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. Классификация уравнений математической физики. 2. Сетки и сеточные функции. 3. Аппроксимация разностных схем. 4. Понятие сходимости разностных схем. 5. Устойчивость разностных схем. 6. Методы составления разностных схем. Метод разностной аппроксимации. Интегро - интерполяционный метод. 7. Разностная аппроксимация задачи Дирихле для уравнения Пуассона 8. Принцип максимума и его следствия. 9. Устойчивость по граничным условиям разностной задачи Дирихле. 10. Примеры применения принципа максимума. 11. Монотонные разностные схемы. 12. Разностная задача на собственные значения. 13. Схема с весами для уравнения теплопроводности 14. Применение метода Якоби к решению сеточных уравнений. 15. Применение метода Зейделя к решению

Код индикатора	Индикатор достижения	Оценочные средства
		<p>сеточных уравнений.</p> <p>16. Метод верхней и нижней релаксации.</p> <p>17. Самосопряженные и положительно определенные операторы. Метод Рунге.</p> <p>18. Метод Галеркина.</p> <p>19. Метод наименьших квадратов.</p> <p>20. Метод наискорейшего спуска.</p> <p>21. Метод конечных элементов.</p> <p>22. Сходимость разностных схем.</p> <p>23. Устойчивость разностных схем. Связь устойчивости и аппроксимации со сходимостью.</p> <p>24. Метод разностной аппроксимации. Интегро - интерполяционный метод.</p> <p>25. Методы составления разностных схем. Метод неопределенных коэффициентов.</p> <p>26. Разностная аппроксимация задачи Дирихле для уравнения Пуассона</p> <p>27. Принцип максимума и его следствия.</p> <p>28. Теорема сравнения. Устойчивость по граничным условиям.</p> <p>29. Устойчивость по граничным условиям разностной задачи Дирихле.</p> <p>30. Устойчивость по правой части и сходимость разностной задачи Дирихле.</p> <p>31. Примеры применения принципа максимума.</p> <p>32. Монотонные разностные схемы.</p>

Код индикатора	Индикатор достижения	Оценочные средства
		<p>33. Разностная задача на собственные значения.</p> <p>34. Задача на собственные значения для пятиточечного разностного оператора Лапласа.</p> <p>35. Схема с весами для уравнения теплопроводности.</p> <p>36. Исследование устойчивости по начальным данным схемы с весами для уравнения теплопроводности</p> <p>37. Исследование устойчивости по правой части и сходимости схемы с весами для уравнения теплопроводности</p>
ОПК -1.2	Владеет способами и приемами решения исследовательских задач в области фундаментальной и прикладной математики	<p><i>Практические задания</i></p> <p>1. Метод сеток решения задачи Дирихле для уравнения Пуассона в области произвольной формы</p> <p>2. Метод сеток решения уравнения теплопроводности на основе явной разностной схемы.</p> <p>3. Метод сеток решения уравнения теплопроводности на основе неявной разностной схемы</p> <p>4. Метод Галеркина.</p> <p>Метод наименьших квадратов при решении уравнений теоретической физики.</p> <p>5. Найти методом прогонки приближенные решения следующей краевой задачи:</p>

Код индикатора	Индикатор достижения	Оценочные средства
		$y'' + f_j(x)y' + \cos(ax)y = 2x^2 + 2x - 4,$ $y(0) = 0,$ $y(1) = 0$ <p>6. Методом прогонки найти решение следующих уравнений на $[0, 1]$ с шагом $h=0,1$ для краевых условий $y(0) = 0, y(1) = 0$</p> <p>7.</p> <p>Используя методы Галеркина квадратов, найти наиболее точное решение краевой задачи</p> $y_n(x) = u_0(x) + \sum_{i=1}^n C_i u_i(x)$ $y'' + \frac{d_0}{x} y' + a_0 y = b_0$
ОПК – 1.3	Применяет фундаментальные междисциплинарные знания в профессиональной деятельности	<p><i>Задачи на решение задач из профессиональной области, комплексные задания</i></p> <p>Представление результатов исследовательской работы по теме «Применение уравнений математической физики в предметной области»</p>

б) Порядок проведения промежуточной аттестации, показатели и критерии оценивания:

Промежуточная аттестация по дисциплине «Численные методы математической физики» включает теоретические вопросы, позволяющие оценить уровень усвоения обучающимися знаний, и практические задания, выявляющие степень сформированности умений и владений, проводится в форме зачета в 6 семестре и экзамена в 7 семестре.

Зачет по дисциплине проводится по результатам отчетности на лабораторных занятиях с опросом в устной форме по этапам выполнения и активного выступления в беседе-обсуждении на лекционных занятиях. Экзамен по результатам ответа на билет.

Показатели и критерии оценивания экзамена:

– на оценку **«отлично»** (5 баллов) – обучающийся демонстрирует высокий уровень сформированности компетенций, всестороннее, систематическое и глубокое знание учебного материала, свободно выполняет практические задания, свободно оперирует знаниями, умениями, применяет их в ситуациях повышенной сложности.

– на оценку **«хорошо»** (4 балла) – обучающийся демонстрирует средний уровень сформированности компетенций: основные знания, умения освоены, но допускаются незначительные ошибки, неточности, затруднения при аналитических операциях, переносе знаний и умений на новые, нестандартные ситуации.

– на оценку **«удовлетворительно»** (3 балла) – обучающийся демонстрирует пороговый уровень сформированности компетенций: в ходе контрольных мероприятий допускаются ошибки, проявляется отсутствие отдельных знаний, умений, навыков, обучающийся испытывает значительные затруднения при оперировании знаниями и умениями при их переносе на новые ситуации.

– на оценку **«неудовлетворительно»** (2 балла) – обучающийся демонстрирует знания не более 20% теоретического материала, допускает существенные ошибки, не может показать интеллектуальные навыки решения простых задач.

– на оценку **«неудовлетворительно»** (1 балл) – обучающийся не может показать знания на уровне воспроизведения и объяснения информации, не может показать интеллектуальные навыки решения простых задач.

Перечень вопросов к экзамену

1. Дискретизация. Точность процесса дискретизации
2. Сетки и сеточные функции.
3. Аппроксимация производных.
4. Сходимость разностных схем.
5. Устойчивость разностных схем. Связь устойчивости и аппроксимации со сходимостью.
6. Метод разностной аппроксимации. Интегро - интерполяционный метод.
7. Методы составления разностных схем. Метод неопределенных коэффициентов.
8. Разностная аппроксимация задачи Дирихле для уравнения Пуассона
9. Принцип максимума и его следствия.
10. Теорема сравнения. Устойчивость по граничным условиям.
11. Устойчивость по граничным условиям разностной задачи Дирихле.
12. Устойчивость по правой части и сходимость разностной задачи Дирихле.

13. Примеры применения принципа максимума.
14. Монотонные разностные схемы.
15. Разностная задача на собственные значения.
16. Задача на собственные значения для пятиточечного разностного оператора Лапласа.
17. Схема с весами для уравнения теплопроводности.
18. Исследование устойчивости по начальным данным схемы с весами для уравнения теплопроводности
19. Исследование устойчивости по правой части и сходимости схемы с весами для уравнения теплопроводности
20. Модельная задача.
21. Применение методов Якоби и Зейделя к решению сеточных уравнений.
22. Метод неполной релаксации.
23. Применение попеременно треугольного метода к модельной задаче.
24. Метод Рунге.
25. Метод Галеркина.
26. Метод наименьших квадратов.
27. Метод наискорейшего спуска.
28. Метод конечных элементов. Основные понятия метода.
29. Решение обратных эволюционных задач методом рядов Фурье.
30. Постановка обратных задач на основе методов теории возмущений.