

7-9



МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Магнитогорский государственный технический университет им. Г.И.  
Носова»



УТВЕРЖДАЮ  
Директор ИЕиС  
И.Ю. Мезин

30.01.2023 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)**

***ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА***

Направление подготовки (специальность)  
21.05.04 Горное дело

Направленность (профиль/специализация) программы  
Горные машины и оборудование

Уровень высшего образования - специалитет

Форма обучения  
очная

Институт/ факультет	Институт естествознания и стандартизации
Кафедра	Прикладной математики и информатики
Курс	1
Семестр	2

Магнитогорск  
2023 год

Рабочая программа составлена на основе ФГОС ВО - специалитет по специальности 21.05.04 Горное дело (приказ Минобрнауки России от 12.08.2020 г. № 987)

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры Прикладной математики и информатики  
17.01.2023, протокол № 5

Зав. кафедрой  Ю.А. Извеков


Рабочая программа одобрена методической комиссией ИЕиС  
30.01.2023 г. протокол № 5


Председатель  И.Ю. Мезин

Согласовано:

Зав. кафедрой Горных машин и транспортно-технологических комплексов

 А.М. Мажитов

Рабочая программа составлена:  
доцент кафедры ПМИИ, канд. пед. наук  Е. В. Сергеева

Рецензент:  
доцент кафедры Физики, канд. физ.-мат. наук  Д.М. Долгушин

Рабочая программа составлена на основе ФГОС ВО - специалитет по специальности 21.05.04 Горное дело (приказ Минобрнауки России от 12.08.2020 г. № 987)

Рабочая программа рассмотрена и одобрена на заседании кафедры Прикладной математики и информатики

17.01.2023, протокол № 5

Зав. кафедрой \_\_\_\_\_ Ю.А. Извеков

Рабочая программа одобрена методической комиссией ИЕиС

30.01.2023 г. протокол № 5

Председатель \_\_\_\_\_ И.Ю. Мезин

Согласовано:

Зав. кафедрой Горных машин и транспортно-технологических комплексов

\_\_\_\_\_ А.М. Мажитов

Рабочая программа составлена:

доцент кафедры ПМИИ, канд. пед. наук \_\_\_\_\_ Е. В. Сергеева

Рецензент:

доцент кафедры Физики, канд. физ.-мат. наук \_\_\_\_\_ Д.М.

Долгушин

## Лист актуализации рабочей программы

---

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2024 - 2025 учебном году на заседании кафедры Прикладной математики и информатики

Протокол от \_\_\_\_\_ 20\_\_ г. № \_\_\_\_  
Зав. кафедрой \_\_\_\_\_ Ю.А. Извеков

---

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2025 - 2026 учебном году на заседании кафедры Прикладной математики и информатики

Протокол от \_\_\_\_\_ 20\_\_ г. № \_\_\_\_  
Зав. кафедрой \_\_\_\_\_ Ю.А. Извеков

---

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2026 - 2027 учебном году на заседании кафедры Прикладной математики и информатики

Протокол от \_\_\_\_\_ 20\_\_ г. № \_\_\_\_  
Зав. кафедрой \_\_\_\_\_ Ю.А. Извеков

---

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2027 - 2028 учебном году на заседании кафедры Прикладной математики и информатики

Протокол от \_\_\_\_\_ 20\_\_ г. № \_\_\_\_  
Зав. кафедрой \_\_\_\_\_ Ю.А. Извеков

---

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2028 - 2029 учебном году на заседании кафедры Прикладной математики и информатики

Протокол от \_\_\_\_\_ 20\_\_ г. № \_\_\_\_  
Зав. кафедрой \_\_\_\_\_ Ю.А. Извеков

---

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2029 - 2030 учебном году на заседании кафедры Прикладной математики и информатики

Протокол от \_\_\_\_\_ 20\_\_ г. № \_\_\_\_  
Зав. кафедрой \_\_\_\_\_ Ю.А. Извеков

### **1 Цели освоения дисциплины (модуля)**

Целями освоения дисциплины (модуля) «Теория вероятностей и математическая статистика» являются:

ознакомление студентов с базовыми понятиями и результатами теории вероятностей и математической статистики,

ознакомление студентов с пакетами прикладных программ, направленными на решение вероятностных и статистических задач,

формирование компетенций, направленных на использование вероятностных и статистических методов при решении задач по сбору, обработке, анализу и обмену данными например, в геолого-промышленной оценке запасов месторождений твердых полезных ископаемых и горных отводов, при проведении анализа затрат на реализацию технологических процессов при проектировании, строительстве и эксплуатации предприятий по эксплуатационной разведке, добыче и переработке твердых полезных ископаемых и др. Особое внимание при этом уделяется развитию цифровых компетенций при работе с информацией и обработке данных (вводные компетенции, относящиеся к технологии Big Data).

### **2 Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы**

Дисциплина Теория вероятностей и математическая статистика входит в обязательную часть учебного плана образовательной программы.

Для изучения дисциплины необходимы знания (умения, владения), сформированные в результате изучения дисциплин/ практик:

Высшая математика

Знания (умения, владения), полученные при изучении данной дисциплины будут необходимы для изучения дисциплин/практик:

Анализ данных

Инвестиционный анализ и управление рисками

Математическая обработка результатов измерений

Анализ точности маркшейдерских работ

Экономика предприятия

Производственный менеджмент

Теория ошибок и уравнительные вычисления

### **3 Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (модуля) и планируемые результаты обучения**

В результате освоения дисциплины (модуля) «Теория вероятностей и математическая статистика» обучающийся должен обладать следующими компетенциями:

Код индикатора	Индикатор достижения компетенции
УК-1	Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, выработать стратегию действий
УК-1.1	Анализирует проблемную ситуацию как систему, выявляя ее составляющие и связи между ними
УК-1.2	Критически оценивает надежность источников информации, работает с противоречивой информацией из разных источников, определяет пробелы в информации, необходимой для решения проблемной ситуации, и проектирует процессы по их устранению
УК-1.3	Разрабатывает и содержательно аргументирует стратегию решения проблемной ситуации на основе системного и междисциплинарного подходов; строит сценарии реализации стратегии, определяя возможные риски и предлагая пути их устранения

#### 4. Структура, объём и содержание дисциплины (модуля)

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных единиц 108 акад. часов, в том числе:

- контактная работа – 86,8 акад. часов;
- аудиторная – 85 акад. часов;
- внеаудиторная – 1,8 акад. часов;
- самостоятельная работа – 21,2 акад. часов;
- в форме практической подготовки – 0 акад. час;

Форма аттестации - зачет

Раздел/ тема дисциплины	Семестр	Аудиторная контактная работа (в акад. часах)			Самостоятельная работа студента	Вид самостоятельной работы	Форма текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации	Код компетенции
		Лек.	лаб. зан.	практ. зан.				
1. Случайные события								
1.1 Элементы комбинаторики. Алгебра событий. Классическое, геометрическое и статистическое определение вероятности	2	8		10	2	Подготовка к практическому занятию; Выполнение ИДЗ № 1 "Случайные события"	Устный опрос	УК-1.1, УК-1.2, УК-1.3
1.2 Теоремы сложения и умножения. Условная вероятность. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Схема Бернулли.		7		10	2	Подготовка к практическому занятию. Выполнение ИДЗ № 1 "Случайные события". Подготовка к контрольной работе № 1 "Случайные события"	ИДЗ № 1 "Случайные события" АКР № 1 "Случайные события"	УК-1.1, УК-1.2, УК-1.3
Итого по разделу		15		20	4			
2. Случайные величины								
2.1 Дискретные и непрерывные случайные величины. Ряд распределения, функция распределения и плотность. Числовые характеристики случайных величин.	2	6		12	2	Подготовка к практическому занятию. Выполнение ИДЗ № 2 "Случайные величины"	Устный опрос	УК-1.1, УК-1.2, УК-1.3
2.2 Основные законы распределения случайных величин. Нормальный закон распределения.		6		10	2,2	Подготовка к практическому занятию. Выполнение ИДЗ № 2 "Случайные величины"	Тест	УК-1.1, УК-1.2, УК-1.3

2.3 Системы случайных величин		2		4	1	Подготовка к практическому занятию. Выполнение ИДЗ № 2 "Случайные величины". Подготовка к контрольной работе	ИДЗ № 2 "Случайные величины" АКР № 2 "Случайные величины"	УК-1.1, УК-1.2, УК-1.3
Итого по разделу		14		26	5,2			
3. Математическая статистика								
3.1 Генеральная совокупность и выборка. Статистическое распределение, эмпирическая функция распределения. Полигон и гистограмма. Использование пакета STATISTIKA	2	2		2	1	Подготовка к занятию. Выполнение РГР	Защита РГР	УК-1.1, УК-1.2, УК-1.3
3.2 Статистические точечные и интервальные оценки параметров распределения. Методы получения статистических оценок. Доверительные интервалы для параметров нормального распределения. Использование пакета		1		1	1	Подготовка к занятию. Выполнение РГР	Защита РГР	УК-1.1, УК-1.2, УК-1.3
3.3 Статистическая гипотеза и общая схема ее проверки. Ошибки 1 и 2 рода. Уровень значимости и мощность критерия. Критерии значимости и критерий согласия Критерий согласия Пирсона для проверки гипотезы о нормальном распределении. Использование пакета		1		1/И	3	Подготовка к занятию. Выполнение РГР	Защита РГР	УК-1.1, УК-1.2, УК-1.3
3.4 Функциональная, статистическая и корреляционная зависимости. Линейная парная корреляция, коэффициент корреляции. Использование пакета		1		1	7	Подготовка к занятию. Выполнение РГР	Защита РГР	УК-1.1, УК-1.2, УК-1.3
Итого по разделу		5		5/И	12			
Итого за семестр		34		51/И	21,2		зачёт	
Итого по дисциплине		34		51/И	21,2		зачет	

## **5 Образовательные технологии**

С целью успешного усвоения дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» и формирования требуемой компетенции предполагается применение различных образовательных технологий, которые обеспечивают достижение планируемых результатов образования согласно основной образовательной программе. В их числе:

традиционные технологии обучения, предполагающие передачу информации в готовом виде, формирование учебных умений по образцу: лекция-изложение, лекция-объяснение, лабораторные работы, контрольная работа и др. Использование традиционных технологий обеспечивает ориентирование студента в потоке информации, связанной с различными подходами к определению сущности, содержания, методов, форм развития и саморазвития личности; самоопределение в выборе оптимального пути и способов личностно-профессионального развития; систематизацию знаний, полученных студентами в процессе аудиторной и самостоятельной работы. Практические занятия обеспечивают развитие и закрепление умений и навыков определения целей и задач саморазвития, а также принятия наиболее эффективных решений по их реализации и проводятся в компьютерных классах университета.

интерактивные технологии обучения, предполагающие организацию обучения как продуктивной творческой деятельности в режиме взаимодействия студентов друг с другом и с преподавателем.

Основными формами занятий являются лекции, практические занятия, консультации, самостоятельная работа студентов.

Лекции строятся на основе сочетания информационной и проблемной составляющих, а также элементов беседы и дискуссии.

В ходе проведения лекционных занятий предусматривается:

- обсуждение задач, приводящих к тем или иным математическим понятиям;
- изложение теоретического материала в режиме диалога с целью развития критического мышления студентов и привития им исследовательских умений;
- обсуждение и систематизация теоретических вопросов темы с целью лучшего понимания их взаимосвязи и практического применения.

Практические занятия по данной дисциплине направлены на привитие навыков решения прикладных задач по каждой теме и сочетают применение методов обучения в сотрудничестве, классические контрольные и тестовые технологии.

Выбирая ту или иную технологию работы с обучающимися, необходимо иметь в виду, что наибольшего эффекта от ее применения можно достичь, если учитывать цели образования, на реализацию которых должна быть направлена избираемая технология, содержание, которое предстоит передать обучающимся с ее помощью, а также условия, в которых она будет использоваться.

Обязательным является организация образовательного процесса с применением специализированных программных сред и технических средств работы с информацией (информационная среда университета MOODYS MOODLE, работа с прикладными пакетами STATISTICA и EXCEL).

## **6 Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся**

Представлено в приложении 1.

## **7 Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации**

Представлены в приложении 2.

## **8 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)**



#### **а) Основная литература:**

1. Коган, Е. А.. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник / Е. А. Коган, А. А. Юрченко. — Москва : ИНФРА-М, 2020. — 250 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-014235-7. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1052969> (дата обращения: 25.06.2022). – Режим доступа: по подписке.

2. Кремер, Н. Ш. Теория вероятностей : учебник и практикум для вузов / Н. Ш. Кремер. — Москва : Издательство Юрайт, 2020. — 271 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-9916-9888-7. — Текст: электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/451059> (дата обращения: 26.06.2022).

#### **б) Дополнительная литература:**

1. Ананьевский, С. М. Теория вероятностей с примерами и задачами: Учебное пособие / Ананьевский С.М., Невзоров В.Б. - СПб:СПбГУ, 2013. - 240 с.: ISBN 978-5-288-05491-4. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/940734> (дата обращения: 25.06.2022). – Режим доступа: по подписке.

2. Березинец, И. В. Практикум по теории вероятностей и математической статистике / И. В. Березинец ; Высшая школа менеджмента СПбГУ. — 9-е изд., испр. и доп. — Санкт-Петербург : Высшая школа менеджмента, 2013 — 163 с. - ISBN 978-5-9924-0088-5. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/492718> (дата обращения: 25.06.2022). – Режим доступа: по подписке.

3. Бычков, А. Г. Сборник задач по теории вероятностей, математической статистике и методам оптимизации : учеб. пособие / А.Г. Бычков. — Москва : Форум : ИНФРА-М, 2019. — 192 с. — (Среднее профессиональное образование). - ISBN 978-5-00091-566-0. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/961820> (дата обращения: 25.06.2022). – Режим доступа: по подписке.

4. Джабраилов, А. Ш. Теория вероятностей и математическая статистика: Учебно-методическое пособие / Джабраилов А.Ш. - Волгоград:Волгоградский государственный аграрный университет, 2017. - 72 с.: ISBN. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1007877> ((дата обращения: 25.06.2022). – Режим доступа: по подписке.

5. Корчагин, В. В. Теория вероятностей и математическая статистика : практикум / В. В. Корчагин, С. В. Белокуров, Р. В. Кузьменко. - Воронеж : Воронежский институт ФСИН России, 2019. - 162 с. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1086219> (дата обращения: 25.06.2022). – Режим доступа: по подписке.

6. Постовалов, С. Н. Математическая статистика : конспект лекций / С. Н. Постовалов, Е. В. Чимитова, В. С. Карманов. - Новосибирск : НГПУ, 2014. - 140 с. - ISBN 978-5-7782-2531-2. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/546037> (дата обращения: 25.06.2022). – Режим доступа: по подписке.

7. Практикум по теории вероятностей: случайные события и величины / Ю.А. Костиков, А.В. Мокряков, В.Ю. Павлов и др. - Москва : НИЦ ИНФРА-М, 2015. - 63 с. ISBN 978-5-16-103255-8. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/515183> (дата обращения: 25.06.2022). – Режим доступа: по подписке.

8. Сапожников, П. Н. Теория вероятностей, математическая статистика в примерах, задачах и тестах : учебное пособие / П. Н. Сапожников, А. А. Макаров, М. В. Радионова. — Москва : КУРС : ИНФРА-М, 2020. - 496 с. - ISBN 978-5-906818-47-8. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1027404> (дата обращения: 25.06.2022).

9. Теория вероятностей и математическая статистика: Учебное пособие / Бирюкова Л.Г., Бобрик Г.И., Матвеев В.И., - 2-е изд. - Москва :НИЦ ИНФРА-М, 2017. - 289 с. (Высшее образование: Бакалавриат) ISBN 978-5-16-011793-5. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/370899> (дата обращения: 25.06.2022). – Режим доступа: по подписке.

10. Элементы теории вероятностей и математической статистики: Учебное пособие / Гулай Т.А., Долгополова А.Ф., Жукова В.А. - Ставрополь:Сервисшкола, 2017. - 116 с.: ISBN. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/977002> (дата обращения: 25.06.2022). – Режим доступа: по подписке.

11. Хуснутдинов, Р. Ш. Математическая статистика: Учебное пособие / Хуснутдинов Р.Ш. - М.:НИЦ ИНФРА-М, 2019. - 205 с. (Высшее образование: Бакалавриат) (Обложка. КБС)ISBN 978-5-16-009520-2. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1002159> (дата обращения: 25.06.2022). – Режим доступа: по подписке.

#### **в) Методические указания:**

1. Гугина Е.М. Лабораторный практикум по статистике с применением EXCEL: Метод. указ. для лабораторных работ по математической статистике.- Магнитогорск: ГОУ ВПО «МГТУ им. Г.И. Носова», 2009 – 40 с.

2. Максименко, И.А. События и вероятность. Часть 2: Метод. указ. - Магнитогорск: ГОУ ВПО «МГТУ им. Г.И. Носова», 2010. – 25 с.

3. Савушкина Н.Ф. Комбинаторика. Событие и вероятность. Часть I: Комбинаторика. Алгебра событий: Метод. указания по дисциплине «Математика» для студентов I курса всех специальностей. – МГТУ, 2007. – 17 с.

#### **г) Программное обеспечение и Интернет-ресурсы:**

##### **Программное обеспечение**

Наименование ПО	№ договора	Срок действия лицензии
MS Office 2007 Professional	№ 135 от 17.09.2007	бессрочно
7Zip	свободно	бессрочно
STATISTICA	К-139-08 от 22.12.2008	бессрочно
MathCAD v.15 Education University	Д-1662-13 от 22.11.2013	бессрочно
Браузер Mozilla Firefox	свободно распространяемое ПО	бессрочно
Браузер Yandex	свободно	бессрочно

##### **Профессиональные базы данных и информационные справочные системы**

Название курса	Ссылка
Международная база полнотекстовых журналов Springer Journals	<a href="http://link.springer.com/">http://link.springer.com/</a>
Электронные ресурсы библиотеки МГТУ им. Г.И. Носова	<a href="https://magtu.informsystema.ru/Marc.html?locale=ru">https://magtu.informsystema.ru/Marc.html?locale=ru</a>
Российская Государственная библиотека. Каталоги	<a href="https://www.rsl.ru/ru/4readers/catalogues/">https://www.rsl.ru/ru/4readers/catalogues/</a>
Информационная система - Единое окно доступа к информационным	URL: <a href="http://window.edu.ru/">http://window.edu.ru/</a>

Поисковая система Академия Google (Google Scholar)	URL: <a href="https://scholar.google.ru/">https://scholar.google.ru/</a>
Национальная информационно-аналитическая система – Российский индекс научного цитирования (РИНЦ)	URL: <a href="https://elibrary.ru/project_risc.asp">https://elibrary.ru/project_risc.asp</a>

### **9 Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)**

Материально-техническое обеспечение дисциплины включает:

Учебные аудитории для проведения занятий лекционного типа Доска, мультимедийные средства хранения, передачи и представления информации

Учебные аудитории для проведения практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации Доска, мультимедийный проектор, экран

Комплекс методических разработок (раздаточного материала и методических указаний) и/или комплекс тестовых заданий для подготовки и проведения промежуточных и рубежных контролей

Помещения для самостоятельной работы учащихся Персональные компьютеры с пакетом MSOffice, выходом в Интернет и с доступом в электронную информационно-образовательную среду университета

Помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования Шкафы для хранения учебно-методической документации, учебного оборудования и учебно-наглядных пособий

## **ПРИЛОЖЕНИЕ 1**

### **Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся**

По дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика» предусмотрена аудиторная и внеаудиторная самостоятельная работа обучающихся.

Аудиторная самостоятельная работа студентов предполагает решение задач на практических занятиях.

**При решении задач ИДЗ, воспользуйтесь одним из прикладных пакетов (Mathcad, Microsoft Excel, WolframAlpha Mathematica или др.).**

**Результат оформите в виде скриншотов страниц с вычислениями в Google Документе (пришлите ссылку преподавателю, в элементе «Задание» на образовательном портале или на доске Miro)**

### **Примерный вариант**

#### **аудиторной контрольной работы №1 «Случайные события»**

1. Для некоторой местности среднее число дождливых дней в августе равно 11. Чему равна вероятность того, что первые три дня августа будут дождливыми?

2. Лифт начинает движение с 7 пассажирами и останавливается на 10 этажах. Какова вероятность того, что на пятом этаже выйдет только один пассажир?

3. В урне 4 белых и 5 черных шаров. Из урны наудачу один за другим без возвращения в урну извлекают шары до тех пор, пока не появится черный шар. Найти вероятность появления трех белых шаров при извлечении.

4. Три машины производят болты, причем первая машина производит 20%, вторая – 30%, третья – 50% всей продукции. Доля брака в продукции первой машины 5%, в продукции второй – 2%, третьей – 1%. А) Чему равна вероятность того, что наудачу взятый

болт окажется дефектным? Б) Наудачу взятый болт оказался дефектным. Какова вероятность, что он оказался изготовлен второй машиной?

5. Пассажир общественного транспорта подвергается штрафу с вероятностью 0,3, если он не приобрел билета. Какова вероятность того, что за 10 безбилетных проездов «заяц» будет оштрафован 7 раз?

### Примерный вариант ДЗ по комбинаторике

1. В первенстве страны по футболу участвуют 16 команд. Сколькими способами могут распределиться 3 медали (золотая, серебряная, бронзовая)?

2. В аудитории имеется 10 лампочек. Сколько существует разных способов ее освещения, при которых горит ровно 3 лампочки?

3. Сколькими способами можно распределить 10 различных задач по комбинаторике между 10 студентами?

4. В группе из 10 юношей и 15 девушек нужно выбрать делегацию из 5 человек. Сколькими способами это можно сделать, если: а) выбираются 2 юноши и 3 девушки, б) должны быть выбраны хотя бы две девушки?

5. Найдите коэффициент при  $x^2$  в разложении  $\left(3x - \frac{2}{x^2}\right)^{11}$ .

### Примерный вариант индивидуального задания (ИДЗ) №1 по теме «Случайные события»

(исходные числовые данные по вариантам выдает преподаватель)

**Задача 1.** Бросаются две игральные кости. Определить вероятность того, что: а) сумма числа очков не превосходит  $N$ ; б) произведение числа очков не превосходит  $N$ ; в) произведение числа очков делится на  $N$ .

**Задача 2.** Имеются изделия  $n$  сортов, причем число изделий  $i$ -го сорта равно  $n_i$ ,  $i=1,2,3,4$ . Для контроля наудачу берутся  $m$  изделий. Определить вероятность того, что среди них  $m_1$  первосортных,  $m_2$ ,  $m_3$ ,  $m_4$  второго, третьего и четвертого сорта соответственно ( ).

**Задача 3.** Среди  $n$  лотерейных билетов  $k$  выигрышных. Наудачу взяли  $m$  билетов. Определить вероятность того, что среди них  $l$  выигрышных.

**Задача 4.** В лифт  $k$ -этажного дома сели  $n$  пассажиров ( $n < k$ ). Каждый независимо от других с одинаковой вероятностью может выйти на любом (начиная со второго) этаже. Определить вероятность того, что а) все вышли на разных этажах; б) по крайней мере, двое сошли на одном этаже.

**Задача 5.** В круг радиуса  $R$  наудачу бросается точка. Определить вероятность того, что она попадет в одну из двух непересекающихся фигур, площади которых равны  $S_1$  и  $S_2$  (фигуры лежат в круге).

**Задача 6.** В двух партиях  $k_1$  и  $k_2$  % доброкачественных изделий соответственно. Наудачу вбирают по одному изделию из каждой партии. Какова вероятность обнаружить среди них: а) хотя бы одно бракованное; б) два бракованных; в) одно доброкачественное и одно бракованное?

**Задача 7.** Вероятность того, что цель поражена при одном выстреле первым стрелком, равна  $p_1$ , вторым –  $p_2$ . Первый сделал  $n_1$ , второй –  $n_2$  выстрелов. Определить вероятность того, что цель не поражена.

**Задача 8.** Два игрока  $A$  и  $B$  поочередно бросают монету. Выигравшим считается тот, у кого раньше выпадет герб. Первый бросок делает игрок  $A$ , второй –  $B$ , третий –  $A$  и т.д.

1. Найти вероятность указанного ниже события.  
 Варианты 1-8. Выиграл  $A$  до  $k$ -го броска.  
 Варианты 9-15. Выиграл  $A$  не позднее  $k$ -го броска.  
 Варианты 16-23. Выиграл  $B$  до  $k$ -го броска.  
 Варианты 24-31. Выиграл  $B$  не позднее  $k$ -го броска.
2. Каковы вероятности выигрыша для каждого игрока при сколь угодно длительной игре?

**Задача 9.** Урна содержит  $M$  пронумерованных шаров с номерами от 1 до  $M$ . Шары извлекаются по одному без возвращения. Рассматриваются следующие события:

$A$  – номера шаров в порядке поступления образуют последовательность  $1, 2, \dots, M$ ;

$B$  – хотя бы один раз совпадет номер шара и порядковый номер извлечения;

$C$  – нет ни одного совпадения номера шара и порядкового номера извлечения.

Определить вероятности событий  $A, B, C$ . Найти предельные значения вероятностей при  $M \rightarrow \infty$ .

**Задача 10.** Из 1000 ламп  $n_i$  принадлежит  $i$ -й партии,  $i=1,2,3$ . В первой партии 6%, во второй – 5%, в третьей – 4% бракованных ламп. Наудачу выбирается одна лампа. Определить вероятность того, что выбранная лампа – бракованная.

### Примерный вариант аудиторной контрольной работы №2 «Случайные величины»

1. Один раз брошены две игральные кости. Случайная величина  $X$  – сумма очков, выпавших на верхних гранях. Составить ряд распределения данной случайной величины, вычислить её математическое ожидание и дисперсию.
2. Дан ряд распределения дискретной случайной величины  $X$ :

$X$	2	4	6	8	10
$P$	0,1	0,4	0,2	с	0,1

Найти значение параметра «с». вычислить математическое ожидание, среднее квадратическое отклонение случайной величины  $X$ . Построить график функции распределения и многоугольник распределения. Найти вероятность того, что случайная величина  $X$  не превосходит 5.

3. Случайная величина  $X$  задана своей функцией распределения

$$F(x) = \begin{cases} \frac{1}{2} \cdot e^{-\frac{x-1}{2}}, & x < 1; \\ 1 - \frac{1}{2} e^{-\frac{x-1}{2}}, & x \geq 1. \end{cases}$$

Найти плотность распределения. Построить графики функции и плотности распределения. Вычислить математическое ожидание и дисперсию.

4. Случайная величина  $X$  подчинена закону распределения с плотностью:

$$f(x) = \begin{cases} 0, & x < 0; \\ \frac{ax}{(1+x^2)^2}, & x \geq 0. \end{cases}$$

Найти значение параметра «а», функцию распределения, определить математическое ожидание, дисперсию и вероятность того, что случайная величина  $X$  попадает в промежуток  $(0, 2)$ .

**Примерный вариант ИДЗ №2**  
**по теме «Случайные величины»**

1. Случайное отклонение размера детали от номинала распределено по нормальному закону с параметрами  $a$  и  $\sigma$ . Стандартными являются те детали, для которых отклонения от номинала лежат в интервале  $[-\alpha, +\alpha]$ . Запишите формулу плотности распределения и постройте график плотности распределения.

Сколько необходимо изготовить деталей, чтобы с вероятностью не менее  $\beta$  среди них была хотя бы одна стандартная?

$$a = 0,2, \quad \sigma = 0,1, \quad \alpha = 0,1, \quad \beta = 0,99$$

2. Случайные величины  $X$  и  $Y$  независимы:

$$f_1(x) = \begin{cases} c, & x \in [0; 4] \\ 0, & x \notin [0; 4] \end{cases}, \quad f_2(y) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(y-2)^2}{2}}$$

Найдите  $M[X + 5Y + 1]$ ,  $M[X - 3Y^2]$ ,  $D[X - 3Y + 4]$ ,  $D[XY]$ .

Найдите законы распределения случайных величин  $Z_1 = 5X - 30$  и  $Z_2 = 5Y - 30$ .

3. Среднее значение длины детали равно 50 см, а дисперсия равна 0,1. Пользуясь неравенством Чебышева, оцените вероятность того, что приготовленная деталь окажется по своей длине не менее 49,5 и не более 50,5 см.

4. Закон распределения системы дискретных случайных величин  $(X, Y)$  задан таблицей. Найдите а) законы распределения составляющих, б) их математические ожидания и дисперсии, в) корреляционный момент и коэффициент корреляции  $r_{x,y}$ , г) вероятность попадания случайной величины  $(X, Y)$  в область  $D$   
 $D = \{ \infty < x < \infty, -1 < y < 3 \}$

$X \backslash Y$	1	2	3	4
-2	0,03	0,02	0,06	0,04
0	0,03	0,1	0,1	0,09
2	0,05	0,08	0,2	0,2

6. Задана плотность распределения  $f(x, y)$  системы двух случайных величин  $(X, Y)$ . Найдите а) коэффициент  $A$ , б)  $M[X]$  и  $M[Y]$ ,  $D[X]$  и  $D[Y]$ , в) корреляционный момент и коэффициент корреляции  $r_{xy}$ .

$$f(x, y) = \begin{cases} A(2x + y), & \text{в обл. } D, \\ 0, & \text{вне обл. } D. \end{cases} \quad D = \{ 0 \leq x \leq 2, 0 \leq y \leq 2 \}$$

7. Известно, что  $Y = 5X - 30$ ,  $M[X] = 4$ ,  $D[X] = 9$ . Найдите  $M[Y]$ ,  $D[Y]$ ,  $K_{xy}$ ,  $r_{xy}$ .

8. Известны законы распределения случайных величин  $X, Y$   $f_1(x) = \begin{cases} c, & x \in \{4, \dots, 12\} \\ 0, & x \notin \{4, \dots, 12\} \end{cases}$
- $$f_2(y) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(y-2)^2}{2}}$$
- и  $r_{xy} = 0,6$ . Найдите  $M(X^2 - 2XY + 5X - 2)$ ,  $D(X - 3Y + 4)$ .

### Примерный вариант РГР по статистике

1. Найти выборочное уравнение прямой линии регрессии  $Y$  на  $X$ , используя данные пяти наблюдений. Построить точки и выборочную линию регрессии.

$x$	2,3	3,5	3,9	4,9	6,4
$y$	2,2	4,3	6,1	6,7	7,5

2. По корреляционной таблице построить эмпирические линии регрессии  $Y$  по  $X$ ,  $X$  по  $Y$  и обе выборочные прямые линейной регрессии. Вычислить коэффициент корреляции и корреляционное отношение.

$X \backslash Y$	1	2	3	4
-2	3	2	6	4
0	3	10	10	9
2	5	8	20	20

3. Вычислите выборочные множественные и частные коэффициенты корреляции по найденным парным коэффициентам  $r_{12} = 0,71$ ,  $r_{13} = 0,28$ ,  $r_{23} = 0,51$ .

4 Для изучения количественного признака  $X$  из генеральной совокупности извлечена выборка  $x_1, \dots, x_n$  объема  $n$ , имеющая данное статистическое распределение.

- 1). Постройте полигон частот.
- 2). Постройте эмпирическую функцию распределения.
- 3). Постройте гистограмму относительных частот.
- 4). Найдите выборочное среднее  $\bar{x}$ , выборочную дисперсию  $D_v$ , выборочное среднее квадратическое отклонение  $\sigma_v$ , исправленную дисперсию  $s^2$  и исправленное среднее квадратическое отклонение  $s$ .
- 5). При данном уровне значимости  $\alpha$  проверьте по критерию Пирсона гипотезу о нормальном распределении генеральной совокупности.
- 6). В случае принятия гипотезы о нормальном распределении найдите доверительные интервалы для математического ожидания  $a$  и среднего квадратического отклонения  $\sigma$  при данном уровне надежности  $\gamma = 1 - \alpha$ .

$x_i$	9	13	17	21	25	29	33	37
$n_i$	5	10	19	23	25	19	12	7

$$\alpha = 0,01$$

5. По выборке объема  $n=35$  найден средний вес  $\bar{x}=190$  г изделий, изготовленных на первом станке; по выборке объема  $m=40$  найден средний вес  $\bar{y}=180$  г изделий, изготовленных на втором станке. Генеральные дисперсии известны:  $D(X) = 70 \text{ г}^2$ ,  $D(Y) = 80 \text{ г}^2$ . Требуется при уровне значимости  $\alpha=0,01$  проверить нулевую гипотезу  $H_0: M(X) = M(Y)$  при конкурирующей гипотезе

- а)  $H_1: M \neq M_0$ ,  
 б)  $H_1: M > M_0$ .

6. Из нормальной генеральной совокупности извлечена выборка объема  $n = 15$ :  
 143, 121, 135, 132, 120, 116, 115, 143, 115, 120, 138, 133, 148, 133,  
 134.

Требуется при уровне значимости  $\alpha = 0,05$  проверить нулевую гипотезу  
 $H_0: \sigma^2 = \sigma_0^2 = 55$ , приняв в качестве конкурирующей гипотезы: а)  $H_1: \sigma^2 \neq 55$ ,  
 б)  $H_1: \sigma^2 > 55$  или  $H_1: \sigma^2 < 55$  в зависимости от полученного значения  $\sigma^2$ .

7. Найдите выборочные коэффициенты ранговой корреляции Спирмена и Кендалла по  
 данным ранга объектов выборки объема  $n = 10$ :

$x_i$	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$y_i$	7	6	5	4	1	2	3	10	8	9

Проверьте гипотезы о значимости выборочных коэффициентов ранговой корреляции  
 Спирмена и Кендалла, предварительно описав схему и правило проверки гипотезы.

## ПРИЛОЖЕНИЕ 2

### Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации

#### а) Планируемые результаты обучения и оценочные средства для проведения промежуточной аттестации:

Код индикатора	Индикатор достижения компетенции	Оценочные средства
<b>УК-1 Способен осуществлять критический анализ проблемных ситуаций на основе системного подхода, вырабатывать стратегию действий</b>		
УК-1.1	Анализирует проблемную ситуацию как систему, выявляя ее составляющие и связи между ними	<p>Знает возможности прикладных сервисов и пакетов для математического моделирования и решения задач прикладного характера средствами (методами) математической статистики.</p> <p>Для достижения индикатора:          - знает основные определения и понятия теории вероятностей и математической статистики, используемые для отбора и обработки данных в соответствии с поставленной прикладной задачей;          - воспроизводит основные математические модели: распознает статистические объекты; понимает связь между различными статистическими объектами, позволяющими смоделировать и решить задачу.</p> <p><b>Оценочные средства достижение индикатора:</b>          - Индивидуальные домашние задания и расчетно-графические работы (РГР) по разделам курса (примерные варианты представлены в Приложении 1).          - Вопросы для подготовки к зачету:          1. Элементы комбинаторики: перестановки, размещения, сочетания.          2. Основные понятия теории вероятностей: испытание, событие, вероятность события.          3. Действия над событиями. Алгебра событий.          4. Теоремы сложения и умножения вероятностей.</p>



Код индикатора	Индикатор достижения компетенции	Оценочные средства
		<ol style="list-style-type: none"> <li>5. Вероятность появления хотя бы одного события.</li> <li>6. Формула полной вероятности и формула Байеса.</li> <li>7. Схема Бернулли, формула Бернулли, наивероятнейшее число появлений события <math>A</math> в схеме Бернулли.</li> <li>8. Приближенные формулы в схеме Бернулли.</li> <li>9. Дискретная случайная величина и способы её задания. Функция распределения.</li> <li>10. Математическое ожидание дискретной случайной величины и его свойства.</li> <li>11. Дисперсия дискретной случайной величины и её свойства. Среднее квадратическое отклонение.</li> <li>12. Непрерывная случайная величина. Свойства функции распределения.</li> <li>13. Плотность вероятности непрерывной случайной величины и её свойства.</li> <li>14. Числовые характеристики непрерывных случайных величин.</li> <li>15. Равномерный и показательный законы распределения непрерывных случайных величин.</li> <li>16. Нормальный закон распределения и его свойства</li> <li>17. Понятие о законе больших чисел. Теорема Бернулли.</li> <li>18. Задачи математической статистики. Генеральная совокупность и выборка.</li> <li>19. Статистическое распределение. Полигон и гистограмма.</li> <li>20. Эмпирическая функция распределения.</li> <li>21. Точечные оценки неизвестных параметров распределения. Требования, предъявляемые к точечным оценкам.</li> <li>22. Метод максимума правдоподобия для получения точечных оценок.</li> <li>23. Выборочная средняя и дисперсия.</li> <li>24. Интервальные оценки параметров распределения.</li> <li>25. Доверительный интервал для математического ожидания нормально распределенной случайной величины.</li> <li>26. Доверительный интервал для среднего квадратического отклонения нормально распределенной случайной величины.</li> <li>27. Оценка вероятности биномиального распределения по относительной частоте.</li> <li>28. Статистические проверки статистических гипотез. Ошибки первого и второго рода.</li> <li>29. Понятие о критериях проверки статистических гипотез. Критерии значимости и критерии согласия.</li> <li>30. Критическая область, уровень значимости, мощность критерия.</li> <li>31. Сравнение двух дисперсий нормальных генеральных совокупностей.</li> <li>32. Сравнение исправленной выборочной дисперсии с</li> </ol>

Код индикатора	Индикатор достижения компетенции	Оценочные средства
		<p>гипотетической нормальной дисперсией генеральной совокупности.</p> <p>33. Сравнение двух средних генеральных совокупностей.</p> <p>34. Сравнение выборочной средней с гипотетической нормальной средней генеральной совокупности.</p> <p>35. Сравнение наблюдаемой относительной частоты с гипотетической вероятностью появления события.</p> <p>36. Критерий согласия Пирсона для проверки гипотезы о нормальном распределении.</p> <p>37. Функциональная зависимость и регрессия. Кривые регрессии.</p> <p>38. Выборочный коэффициент корреляции.</p> <p>39. Корреляционная зависимость, выборочные прямые регрессии.</p> <p>40. Определение параметров линейной регрессии методом наименьших квадратов.</p> <p>- Представить обзор сервисов, цифровых инструментов для визуализации, изучения свойств, анализа прикладных задач, решаемых средствами линейной алгебры и математического анализа  - результат (скриншоты или ...?) представить как ответ на задание в Moodle, или в Google документе, или на доске Miro.</p>
УК-1.2	Критически оценивает надежность источников информации, работает с противоречивой информацией из разных источников, определяет пробелы в информации, необходимой для решения проблемной ситуации, и проектирует процессы по их устранению	<p>- использует ресурсы интернета для просмотра, поиска, отбора, визуализации и анализа данных (открытые базы данных, порталы и сайты, напр. Росстат, TAdviser и др.).</p> <p><i>Оценочные средства достижение индикатора:</i></p> <p><b>Примерный вариант задания:</b></p> <p>Изучить (узнать) возможности сервисов, цифровых инструментов для визуализации, анализа прикладных задач, решаемых средствами математической статистики:</p> <p><b>Задача 1.</b> По выборке объемом <math>n=100</math></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) Построить интервальный вариационный ряд.</li> <li>2) Построить графики: полигон частот; гистограмму относительных частот (графическую оценку плотности распределения); полигон накопленных относительных частот (эмпирическую функцию распределения).</li> <li>3) Определить выборочные характеристики распределения: <ul style="list-style-type: none"> <li>- выборочное среднее</li> <li>- выборочную дисперсию</li> <li>- выборочное среднее квадратическое отклонение</li> <li>- выборочный коэффициент асимметрии</li> <li>- выборочный эксцесс</li> <li>- выборочные моду и медиану</li> <li>- коэффициент вариации</li> </ul> </li> <li>4) Исходя из полученных в ходе работы данных, охарактеризовать распределение исследуемого признака. Ответить на вопрос: каков смысл полученных характеристик? (в сноске ячейки с номером варианта --- в первой строке --- указано, какая характеристика</li> </ol>

Код индикатора	Индикатор достижения компетенции	Оценочные средства																																																								
		<p>измерена).</p> <p><b>Задача 2.</b> По данным задачи 1 выполнить следующие задания:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) Проверить гипотезу о нормальном распределении случайной величины <math>X</math> с помощью критерия Пирсона (хи-квадрат) на 5% -ном уровне значимости;</li> <li>2) Построить теоретическую кривую нормального распределения гистограмме выборочных (эмпирических) частот.</li> <li>3) Записать формулу плотности распределения данных.</li> </ol> <p>Результат (скриншоты или ...?) представить как ответ на задание в Moodle, или в Google документе, или на доске Miro.</p>																																																								
УК-1.3	<p>Разрабатывает и содержательно аргументирует стратегию решения проблемной ситуации на основе системного и междисциплинарного подходов; строит сценарии реализации стратегии, определяя возможные риски и предлагая пути их устранения</p>	<p>Умеет решать задачи предметной области: выбирать метод и алгоритм для решения конкретной задачи, аргументировать свой выбор; строить простейшие математические модели реальных процессов и ситуаций; применять компьютерные математические программы для решения задач:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- обладает навыками отбора и обработки информации,</li> <li>- навыками и методиками обобщения результатов решения задач на основе теоретических положений теории вероятностей и математической статистики.</li> </ul> <p><b>Примерное задание</b> Исследуется СВЯЗЬ между расходами по компании по добыче (разработке) сырья (<math>X</math>, тыс. руб.) и объемами продаж сырья перерабатывающим заводам (<math>Y</math>, тыс. руб.) и ЗАВИСИМОСТЬ объема продаж <math>Y</math> от расходов на добычу <math>X</math>. Сведения по 60 случайно отобранным компаниям сгруппированы в корреляционную таблицу</p> <table border="1" data-bbox="639 1417 1474 1921"> <thead> <tr> <th><math>Y \backslash X</math></th> <th>[0; 0,3)</th> <th>[0,3; 0,6)</th> <th>[0,6; 0,9)</th> <th>[0,9; 1,2)</th> <th>[1,2; 1,5)</th> <th><math>n_x</math></th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <th>[0,9; 1,8)</th> <td>2</td> <td>1</td> <td></td> <td></td> <td></td> <td>3</td> </tr> <tr> <th>[1,8; 2,7)</th> <td></td> <td>11</td> <td>6</td> <td>1</td> <td></td> <td>18</td> </tr> <tr> <th>[2,7; 3,6)</th> <td></td> <td>1</td> <td>20</td> <td>2</td> <td></td> <td>23</td> </tr> <tr> <th>[3,6; 4,5)</th> <td></td> <td></td> <td>1</td> <td>9</td> <td></td> <td>10</td> </tr> <tr> <th>[4,5; 5,4)</th> <td></td> <td></td> <td></td> <td>4</td> <td></td> <td>4</td> </tr> <tr> <th>[5,4; 6,3)</th> <td></td> <td></td> <td></td> <td>1</td> <td>1</td> <td>2</td> </tr> <tr> <th><math>n_y</math></th> <td>2</td> <td>13</td> <td>27</td> <td>17</td> <td>1</td> <td>60</td> </tr> </tbody> </table> <p>Требуется:</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1) Построить диаграмму рассеяния выборки.</li> <li>2) Вычислить ковариацию и коэффициент корреляции.</li> <li>3) Проверить значимость линейного коэффициента корреляции при уровне значимости <math>\alpha=0,05</math>.</li> </ol>	$Y \backslash X$	[0; 0,3)	[0,3; 0,6)	[0,6; 0,9)	[0,9; 1,2)	[1,2; 1,5)	$n_x$	[0,9; 1,8)	2	1				3	[1,8; 2,7)		11	6	1		18	[2,7; 3,6)		1	20	2		23	[3,6; 4,5)			1	9		10	[4,5; 5,4)				4		4	[5,4; 6,3)				1	1	2	$n_y$	2	13	27	17	1	60
$Y \backslash X$	[0; 0,3)	[0,3; 0,6)	[0,6; 0,9)	[0,9; 1,2)	[1,2; 1,5)	$n_x$																																																				
[0,9; 1,8)	2	1				3																																																				
[1,8; 2,7)		11	6	1		18																																																				
[2,7; 3,6)		1	20	2		23																																																				
[3,6; 4,5)			1	9		10																																																				
[4,5; 5,4)				4		4																																																				
[5,4; 6,3)				1	1	2																																																				
$n_y$	2	13	27	17	1	60																																																				

Код индикатора	Индикатор достижения компетенции	Оценочные средства
		4) Определить доверительный интервал и стандартную ошибку линейного коэффициента корреляции. 5) Сделать вывод о силе и направлении связи расходов по добыче с объемами продаж. 6) Найти уравнение линейной регрессии $Y$ на $X$ : $Y=b_0+b_1 X$ ; построить на графике поля корреляций линию регрессии. 7) Вычислить коэффициент детерминации $R^2$ . 8) Проверить адекватность построенной модели исходным данным. Для этого проверить: <ul style="list-style-type: none"> <li>- значимость уравнения регрессии в целом (значимость коэффициента детерминации <math>R^2</math> по F-критерию Фишера;</li> <li>- значимость коэффициентов регрессии <math>b_0</math> и <math>b_1</math> с помощью критерия Стьюдента;</li> <li>- построить на уровне значимости <math>\alpha</math> доверительные интервалы для коэффициентов <math>b_0</math> и <math>b_1</math> уравнения регрессии.</li> </ul> 9) Дать содержательную интерпретацию: <ul style="list-style-type: none"> <li>- коэффициентов регрессии <math>b_0</math> и <math>b_1</math>;</li> <li>- коэффициента детерминации;</li> <li>- качества модели на основании показателя <math>R^2</math> и относительной ошибки аппроксимации MAPE.</li> </ul> 10) Рассчитать по построенной модели прогнозное значение объема продаж $Y_{пр}$ для расходов по добыче, больших среднего значения $X$ на 10%.

**б) Порядок проведения промежуточной аттестации, показатели и критерии оценивания:**

Промежуточная аттестация по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика» проводится в форме зачета и включает теоретические вопросы, позволяющие оценить уровень усвоения обучающимися знаний, и практические задания, выявляющие степень сформированности умений и владений.

**Показатели и критерии оценивания зачета:**

- для **сдачи зачета** обучающийся показывает сформированность компетенции УК-1, т.е. студент должен показать знания на уровне воспроизведения и объяснения информации, интеллектуальные навыки решения задач;
- **зачет не сдан**, если результат обучения не достигнут, обучающийся не может показать знания на уровне воспроизведения и объяснения информации, не может показать интеллектуальные навыки решения простых задач.