



МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Магнитогорский государственный технический университет им. Г.И.  
Носова»



УТВЕРЖДАЮ  
Директор ИЭиАС  
В.Р. Храмшин

13.02.2024 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

**ПЛАНИРОВАНИЕ ЭКСПЕРИМЕНТА**

Направление подготовки (специальность)  
13.04.02 Электроэнергетика и электротехника

Направленность (профиль/специализация) программы  
Современный автоматизированный электропривод в производственных и технических  
системах

Уровень высшего образования - магистратура

Форма обучения  
очная

Институт/ факультет	Институт энергетики и автоматизированных систем
Кафедра	Автоматизированного электропривода и мехатроники
Курс	2
Семестр	3

Магнитогорск  
2024 год



## Лист актуализации рабочей программы

---

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2025 - 2026 учебном году на заседании кафедры Автоматизированного электропривода и

Протокол от \_\_\_\_\_ 20\_\_ г. № \_\_\_\_  
Зав. кафедрой \_\_\_\_\_ А.А. Николаев

---

Рабочая программа пересмотрена, обсуждена и одобрена для реализации в 2026 - 2027 учебном году на заседании кафедры Автоматизированного электропривода и

Протокол от \_\_\_\_\_ 20\_\_ г. № \_\_\_\_  
Зав. кафедрой \_\_\_\_\_ А.А. Николаев

### **1 Цели освоения дисциплины (модуля)**

Целью освоения дисциплины является формирование у студентов ясного представления о принципах организации эксперимента, о методах оценки влияния случайных факторов на результаты эксперимента, о дисперсионном и регрессионном анализе, о принципах построения планов эксперимента

### **2 Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы**

Дисциплина Планирование эксперимента входит в обязательную часть учебного плана образовательной программы.

Для изучения дисциплины необходимы знания (умения, владения), сформированные в результате изучения дисциплин/ практик:

Современный автоматизированный электропривод

Учебная - практика по получению первичных навыков научно-исследовательской работы

Знания (умения, владения), полученные при изучении данной дисциплины будут необходимы для изучения дисциплин/практик:

Производственная - научно-исследовательская работа

Подготовка к сдаче и сдача государственного экзамена

### **3 Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины (модуля) и планируемые результаты обучения**

В результате освоения дисциплины (модуля) «Планирование эксперимента» обучающийся должен обладать следующими компетенциями:

Код индикатора	Индикатор достижения компетенции
ОПК-2	Способен применять современные методы исследования, оценивать и представлять результаты выполненной работы
ОПК-2.1	Выбирает и применяет современные методы теоретических и экспериментальных исследований с учетом автоматизированных и компьютерных средств
ОПК-2.2	Оценивает и представляет результаты выполненной работы в виде отчетов и презентаций

#### 4. Структура, объём и содержание дисциплины (модуля)

Общая трудоемкость дисциплины составляет 7 зачетных единиц 252 акад. часов, в том числе:

- контактная работа – 54,15 акад. часов;
- аудиторная – 51 акад. часов;
- внеаудиторная – 3,15 акад. часов;
- самостоятельная работа – 162,15 акад. часов;
- в форме практической подготовки – 0 акад. час;
- подготовка к экзамену – 35,7 акад. час

Форма аттестации - экзамен

Раздел/ тема дисциплины	Семестр	Аудиторная контактная работа (в акад. часах)			Самостоятельная работа студента	Вид самостоятельной работы	Форма текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации	Код компетенции
		Лек.	лаб. зан.	практ. зан.				
1. Раздел 1								
1.1 Основные понятия	3	1		0,5	2	Самостоятельное изучение учебной и научной литературы Поиск дополнительной информации по заданной теме (работа с библиографическим материалами, справочниками, каталогами, словарями, энциклопедиями).	устный опрос студентов по изученной теме	ОПК-2.1, ОПК-2.2
Итого по разделу		1		0,5	2			
2. Раздел 2								

2.1 Метрологическое обеспечение экспериментальных исследований	3	1		0,5	3	Самостоятельное изучение учебной и научной литературы Поиск дополнительной информации по заданной теме (работа с библиографическим материалами, справочниками, каталогами, словарями, энциклопедиями).	устный опрос студентов по изученной теме	ОПК-2.1, ОПК-2.2
Итого по разделу		1		0,5	3			
3. Раздел 3								
3.1 Источники ошибок при измерениях	3	1		0,5	10	Самостоятельное изучение учебной и научной литературы Поиск дополнительной информации по заданной теме (работа с библиографическим материалами, справочниками, каталогами, словарями, энциклопедиями).	устный опрос студентов по изученной теме	ОПК-2.1, ОПК-2.2
Итого по разделу		1		0,5	10			
4. Раздел 4								
4.1 Оценка влияния случайных факторов на результаты эксперимента	3	1		0,5	13,95	Самостоятельное изучение учебной и научной литературы Поиск дополнительной информации по заданной теме (работа с библиографическим материалами, справочниками, каталогами, словарями, энциклопедиями).	устный опрос студентов по изученной теме	ОПК-2.1, ОПК-2.2
Итого по разделу		1		0,5	13,95			
5. Раздел 5								

5.1	Характеристики положения случайной величины	3	1	4	15	Самостоятельное изучение учебной и научной литературы Поиск дополнительной информации по заданной теме (работа с библиографическим материалами, справочниками, каталогами, словарями, энциклопедиями).	устный опрос студентов по изученной теме	ОПК-2.1, ОПК-2.2
Итого по разделу		1		4	15			
6. Раздел 6								
6.1	Нормальный закон распределения случайной величины	3	1	4	15	Самостоятельное изучение учебной и научной литературы Поиск дополнительной информации по заданной теме (работа с библиографическим материалами, справочниками, каталогами, словарями, энциклопедиями).	устный опрос студентов по изученной теме	ОПК-2.1, ОПК-2.2
Итого по разделу		1		4	15			
7. Раздел 7								
7.1	Основные задачи математической статистики	3	1	4	15	Самостоятельное изучение учебной и научной литературы Поиск дополнительной информации по заданной теме (работа с библиографическим материалами, справочниками, каталогами, словарями, энциклопедиями).	устный опрос студентов по изученной теме	ОПК-2.1, ОПК-2.2
Итого по разделу		1		4	15			
8. Раздел 8								

8.1	Статистические критерии и их применение	3	2	4	15	Самостоятельное изучение учебной и научной литературы Поиск дополнительной информации по заданной теме (работа с библиографическим материалами, справочниками, каталогами, словарями, энциклопедиями).	устный опрос студентов по изученной теме	ОПК-2.1, ОПК-2.2
Итого по разделу		2		4	15			
9. Раздел 9								
9.1	Дисперсионный анализ	3	1	4	15	Самостоятельное изучение учебной и научной литературы Поиск дополнительной информации по заданной теме (работа с библиографическим материалами, справочниками, каталогами, словарями, энциклопедиями).	устный опрос студентов по изученной теме	ОПК-2.1, ОПК-2.2
Итого по разделу		1		4	15			
10. Раздел 10								
10.1	Уравнение регрессии	3	1	4	15	Самостоятельное изучение учебной и научной литературы Поиск дополнительной информации по заданной теме (работа с библиографическим материалами, справочниками, каталогами, словарями, энциклопедиями).	устный опрос студентов по изученной теме	ОПК-2.1, ОПК-2.2
Итого по разделу		1		4	15			
11. Раздел 11								



11.1	Регрессионный анализ	3	1		2	15	Самостоятельное изучение учебной и научной литературы Поиск дополнительной информации по заданной теме (работа с библиографическим материалами, справочниками, каталогами, словарями, энциклопедиями).	устный опрос студентов по изученной теме	ОПК-2.1, ОПК-2.2
Итого по разделу			1		2	15			
12. Раздел 12									
12.1	Основы планирования эксперимента	3	1		2	15	Самостоятельное изучение учебной и научной литературы Поиск дополнительной информации по заданной теме (работа с библиографическим материалами, справочниками, каталогами, словарями, энциклопедиями).	устный опрос студентов по изученной теме	ОПК-2.1, ОПК-2.2
Итого по разделу			1		2	15			
13. Раздел 13									
13.1	Планирование эксперимента при поиске оптимальных условий	3	4		4	13,2	Самостоятельное изучение учебной и научной литературы Поиск дополнительной информации по заданной теме (работа с библиографическим материалами, справочниками, каталогами, словарями, энциклопедиями).	устный опрос студентов по изученной теме	ОПК-2.1, ОПК-2.2
Итого по разделу			4		4	13,2			
14. Раздел 14									
14.1	Внеаудиторная контактная работа	3							ОПК-2.1, ОПК-2.2
Итого по разделу									

15. Раздел 15							
15.1 Экзамен	3						ОПК-2.1, ОПК-2.2
Итого по разделу							
Итого за семестр		17		34	162,15		экзамен
Итого по дисциплине		17		34	162,15		экзамен

## 5 Образовательные технологии

Для реализации предусмотренных видов учебной работы в качестве образовательных технологий в преподавании дисциплины используются традиционная и информационно-коммуникационные образовательные технологии. Передача необходимых теоретических знаний и формирование основных представлений происходит с использованием мультимедийного оборудования.

При проведении практических занятий используются работа в команде и методы информационных технологий.

## 6 Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы обучающихся

Представлено в приложении 1.

## 7 Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации

Представлены в приложении 2.

## 8 Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины (модуля)

### а) Основная литература:

1. Сагдеев, Д.И. Основы научных исследований, организация и планирование эксперимента : учебное пособие / Д.И. Сагдеев. — Казань : КНИТУ, 2016. — 324 с. — ISBN 978-5-7882-2010-9. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система «Лань» : [сайт]. — URL: <https://e.lanbook.com/book/101880> . — Режим доступа: для авториз. пользователей.

### б) Дополнительная литература:

1. Лукьянов, С.И. Основы инженерного эксперимента: Учебное пособие / Лукьянов С.И., Панов А.Н., Васильев А.Е. - М.:ИЦ РИОР, НИЦ ИНФРА-М, 2019. - 99 с.: - (Высшее образование: Бакалавриат) - Режим доступа: <http://znanium.com/catalog/product/1020699>

2. Шкляр, М. Ф. Основы научных исследований : учебное пособие для бакалавров / М. Ф. Шкляр. - 9-е изд. - Москва : Издательско-торговая корпорация «Дашков и К°», 2022. - 208 с. - ISBN 978-5-394-04708-4. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/2083277> (дата обращения: 28.04.2024). – Режим доступа: по подписке.

3. Рыжков, И.Б. Основы научных исследований и изобретательства [Текст]: / Рыжков И.Б.Изд. «Лань», 2012. – 224с. – режим доступа: [http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_id=2775](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=2775) – заглавие с экрана - ISBN 978-5-8114-1264-8

### в) Методические указания:

1. Основы научных исследований : методические указания / составители Б. Г. Мартынов, Г. Д. Богомас. — Санкт-Петербург : СПбГЛТУ, 2018. — 24 с. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система «Лань» : [сайт]. — URL: <https://e.lanbook.com/book/111136> . — Режим доступа: для авториз. пользователей.

### г) Программное обеспечение и Интернет-ресурсы:

#### Программное обеспечение

Наименование ПО	№ договора	Срок действия лицензии
7Zip	свободно распространяемое ПО	бессрочно

FAR Manager	свободно распространяемое	бессрочно
MS Office 2007 Professional	№ 135 от 17.09.2007	бессрочно
STATISTICA в.6	К-139-08 от 22.12.2008	бессрочно

### **Профессиональные базы данных и информационные справочные системы**

Название курса	Ссылка
Электронные ресурсы библиотеки МГТУ им. Г.И. Носова	<a href="https://host.megaprolib.net/MP0109/Web">https://host.megaprolib.net/MP0109/Web</a>
Федеральное государственное бюджетное учреждение «Федеральный институт промышленной собственности»	URL: <a href="http://www1.fips.ru/">http://www1.fips.ru/</a>
Поисковая система Академия Google (Google Scholar)	URL: <a href="https://scholar.google.ru/">https://scholar.google.ru/</a>
Национальная информационно-аналитическая система – Российский индекс научного цитирования (РИНЦ)	URL: <a href="https://elibrary.ru/project_risc.asp">https://elibrary.ru/project_risc.asp</a>
Электронная база периодических изданий East View Information Services, ООО «ИВИС»	<a href="https://dlib.eastview.com/">https://dlib.eastview.com/</a>

### **9 Материально-техническое обеспечение дисциплины (модуля)**

Материально-техническое обеспечение дисциплины включает:

Лекционная аудитория Мультимедийные средства хранения, передачи и представления информации (а.227)

Компьютерный класс Персональные компьютеры с пакетом MS Office, выходом в Интернет и с доступом в электронную информационно-образовательную среду университета (а.227а)

Помещение для самостоятельной работы обучающихся Персональные компьютеры с пакетом MS Office, Matlab+Simulink и выходом в Интернет и с доступом в электронную информационно-образовательную среду университета (а.227а)

Помещение для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования Стеллажи для хранения учебно-методической документации, сейфы для хранения учебного оборудования. Инструменты для ремонта лабораторного оборудования

## Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов

*Аудиторная самостоятельная работа студентов на практических занятиях осуществляется под контролем преподавателя в виде решения задач, которые определяет преподаватель для студента.*

*Примерные аудиторные контрольные работы*

### НОРМАЛЬНЫЙ ЗАКОН РАСПРЕДЕЛЕНИЯ СЛУЧАЙНОЙ ВЕЛИЧИНЫ

**Пример.** Определить вероятность того, что сопротивление резисторов в партии, приготовленной к отправке, не превосходит 50 Ом, если известно, что  $\mu_r = 45$  Ом и  $\sigma_r^2 = 25$  Ом<sup>2</sup>, закон распределения нормальный.

### ОСНОВНЫЕ ЗАДАЧИ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ СТАТИСТИКИ

**Пример.** Требуется оценить математическое ожидание тока перегорания плавких вставок партии предохранителей типа ПР-2 с номинальным током отключения  $I_{отк} = 100$  А, если известна генеральная дисперсия тока перегорания (на основании предыдущих испытаний), равная  $\sigma_I^2 = 25$  А<sup>2</sup> и результат одного испытания предохранителя из этой партии  $I_0 = 95$  А. Закон распределения значений тока перегорания нормальный. Для решения задачи используем  $U$ -распределение.

**Пример.** Определить объем выборки (количество измерений), позволяющий оценить  $\mu_I$  тока перегорания предохранителей с точностью  $\pm 1$  А и с  $p = 0,95$ , если известно, что  $\sigma_I^2 = 16$  А<sup>2</sup>.

$$n \geq \left( \frac{2 \cdot 4}{2} \cdot 1.96 \right)^2 = 63.$$

**Пример.** При обработке выборки из 10 наблюдений значений емкостей конденсаторов получено  $\bar{C} = 98$  мкФ. Известно, что закон распределения нормальный,  $\sigma_C^2 = 25$  мкФ<sup>2</sup>. Проверить гипотезу о том, что  $\mu_C = 100$  мкФ, т.е.  $H_0: \mu_C = 100$  мкФ;  $H_1: \mu_C \neq 100$  мкФ.

### СТАТИСТИЧЕСКИЕ КРИТЕРИИ И ИХ ПРИМЕНЕНИЕ

#### Критерий Стьюдента

**Пример.** Имеется пять измерений времени отключения масляного выключателя  $\tau_1 = 0,05$  с;  $\tau_2 = 0,08$  с;  $\tau_3 = 0,1$  с;  $\tau_4 = 0,1$  с и  $\tau_5 = 0,06$  с. Требуется оценить генеральное математическое ожидание времени отключения  $\mu_\tau$  с доверительной вероятностью  $p = 0,95$ . Закон распределения нормальный.

**Пример.** Для условий предыдущего примера проверить гипотезу о том, что  $\mu_\tau = 0,05$  с на уровне значимости  $q = 0,05$ , т.е.  $H_0: \mu_\tau = 0,05$  с;  $H_1: \mu_\tau \neq 0,05$  с.

#### Критерий Пирсона

**Пример.** Определить интервальную оценку  $\sigma_x^2$  с  $p = 0.9$  нормально распределенной случайной величины  $X$ , если на основании десяти измерений получено  $s_x^2 = 2$ .

**Пример.** Проверить гипотезу о том, что генеральная дисперсия нормально распределенной случайной величины  $X$ ,  $H_0: \sigma_x^2 = 4$  ( $H_1: \sigma_x^2 \neq 4$ ), на уровне значимости  $q = 0.1$  для условий предыдущего примера.

### Критерий Фишера

**Пример.** Сравниваются показания двух вольтметров, Каждым прибором произведено по семь замеров, причем дисперсия показаний первого прибора составляет  $s_1^2 = 10.2 \text{ В}^2$ , а второго –  $s_2^2 = 3.8 \text{ В}^2$ . Необходимо выяснить, чем обусловлено расхождение дисперсий: либо второй прибор более точен, либо расхождение дисперсий случайно.

### Критерий Кохрена

**Пример.** Проверить гипотезу об однородности четырех выборочных дисперсий, равных  $s_1^2 = 8$ ;  $s_2^2 = 4$ ;  $s_3^2 = 2$  и  $s_4^2 = 10$ , и определенных с  $f_i = 10$  на уровне значимости  $q = 0.05$ .

### т-критерий

**Пример.** На одном из пяти одинаковых агрегатов (третьем), выполняющих однотипные операции, были внедрены мероприятия по экономии электроэнергии. Оценить их эффективность, если зарегистрированное месячное потребление энергии каждым агрегатом составляет  $W_1 = 10 \text{ МВтч}$ ;  $W_2 = 12 \text{ МВтч}$ ;  $W_3 = 8 \text{ МВтч}$ ;  $W_4 = 9 \text{ МВтч}$ ;  $W_5 = 11 \text{ МВтч}$ . Как и предполагалось, расход энергии на третьем агрегате минимален. Необходимо выяснить, чем обусловлен минимальный расход на третьем агрегате – случайным отклонением или внедренными мероприятиями.

## ДИСПЕРСИОННЫЙ АНАЛИЗ

**Пример.** Рассмотрим данные по сроку службы электрических ламп в четырех партиях.

Таблица 10.1

Результаты измерения срока службы ламп

№ партии ламп	Срок службы электроламп $X$ (в тысячах часов)	$\Sigma X$	$n_g$	$\bar{x}$
1	1,60; 1,61; 1,65; 1,68; 1,70; 1,72; 1,80	11,76	7	1,68
2	1,58; 1,64; 1,64; 1,70; 1,75	8,31	5	1,66
3	1,46; 1,55;	13,09	8	1,64

	1,60; 1,62; 1,64; 1,66; 1,74; 1,82			
4	1,51; 1,52; 1,53; 1,67; 1,60; 1,68	9,41	6	1,57
		42,57	26	1,64

Для изготовления каждой партии ламп была взята проволока разных сортов; все прочие условия производства были одинаковыми для каждой партии. Требуется выяснить, отличаются ли партии ламп между собой по сроку службы. Если ответ будет положительным, то можно думать, что качество проволоки действительно влияет на срок службы, и, следовательно, для стандартизации производства электрических ламп необходимо достигнуть большей однородности проволоки во всех партиях.

**Пример.** Необходимо проверить нулевую гипотезу, состоящую в том, что исходные размеры проката на проволочном стане с многовалковыми калибрами не влияют на размеры проката после первой клетки двухклетового прокатного стана. С этой целью проводилась прокатка образцов проволоки с разными исходными диаметрами: 6,39 мм и 6,12 мм. На выходе после клетки проводилось измерение размеров профиля по диагоналям «d» и в направлении обжатия «a».

Таблица 10.7

Результаты измерения размеров профиля при прокатке проволоки диаметром 6,39 мм

№ образцов	размер	Средние значения размеров, мм	Преобразованное среднее значение	Примечание
1	a	5,198	18	Каждое значение размера увеличено в 1000 раз и уменьшено: «a» - на 5180 «d» - на 6200
	d	6,440	240	
2	a	5,204	24	
	d	6,448	248	
3	a	5,200	20	
	d	6,470	270	
4	a	5,192	12	
	d	6,444	244	
5	a	5,196	16	
	d	6,440	240	

Таблица 10.8

Результаты измерения размеров профиля при прокатке проволоки диаметром 6,12 мм

№ образцов	Размер	Средние значения размеров, мм	Преобразованное среднее значение	Примечание
1	a	5,191	11	Каждое значение
	d	6,205	5	

2	a	5,188	8	размера увеличено в 1000 раз и уменьшено: «а» - на 5180 «d» - на 6200
	d	6,198	-2	
3	a	5,186	6	
	d	6,202	2	
4	a	5,185	5	
	d	6,216	16	
5	a	5,182	2	
	d	6,212	12	

### Задания

1. Провести оценку влияния изменений предела текучести прокатываемого металла на отклонения размеров профиля после прокатки в первой клетки четырехклетьевого прокатного стана.

Таблица 10.11

Результаты измерения размеров профиля при прокатке проволоки с пределом текучести металла 43 кгс/мм<sup>2</sup>.

№ образцов	размер	Средние значения размеров, мм	Преобразованное среднее значение	Примечание
1	a	5,192	-8	Каждое значение размера увеличено в 1000 раз и уменьшено: «а» - на 5200 «d» - на 6620
	d	6,558	-62	
2	a	5,221	21	
	d	6,660	40	
3	a	5,227	27	
	d	6,660	50	
4	a			
	d			
5	a			
	d			

Таблица 10.12

Результаты измерения размеров профиля при прокатке проволоки с пределом текучести металла 65,9 кгс/мм<sup>2</sup>

№ образцов	Размер	Средние значения размеров, мм	Преобразованное среднее значение	Примечание
1	a	5,225	25	Каждое значение размера увеличено в
	d	6,684	64	
2	a	5,229	29	
	d	6,650	30	



3	a	5,220	20	1000 раз и уменьшено: «a» - на 5200 «d» - на 6620
	d	6,651	31	
4	a	5,229	29	
	d	6,666	46	
5	a	5,232	32	
	d	6,626	6	

2. Провести оценку влияния изменений коэффициента трения в очаге деформации на отклонения размеров профиля после прокатки в первой клетки.

Таблица 10.15

Результаты измерения размеров профиля при прокатке на сухих валках

№ образцов	размер	Средние значения размеров, мм	Преобразованное среднее значение	Примечание
1	a	5,225	25	Каждое значение размера увеличено в 1000 раз и уменьшено: «a» - на 5200 «d» - на 6620
	d	6,684	64	
2	a	5,229	29	
	d	6,650	30	
3	a	5,220	20	
	d	6,651	31	
4	a	5,229	29	
	d	6,666	46	
5	a	5,232	32	
	d	6,626	6	

Таблица 10.16

Результаты измерения размеров профиля при прокатке проволоки с минеральным маслом

№ образцов	Размер	Средние значения размеров, мм	Преобразованное среднее значение	Примечание
1	a	5,184	-16	Каждое значение размера увеличено в 1000 раз и уменьшено: «a» - на 5200 «d» - на 6620
	d	6,527	-93	
2	a	5,178	-22	
	d	6,521	-99	
3	a	5,181	-19	
	d	6,544	-76	
4	a			
	d			
5	a			
	d			

3. Провести оценку влияния изменений величины натяжения между первой и второй клетью прокатного стана на отклонения размеров профиля после прокатки в первой клетки.

Таблица 10.19

Результаты измерения размеров профиля при прокатке проволоки без натяжения

№ образцов	размер	Средние значения размеров, мм	Преобразованное среднее значение	Примечание
1	a	5,291	-9	Каждое значение размера увеличено в 1000 раз и уменьшено: «a» - на 5300 «d» - на 7000
	d	7,053	53	
2	a	5,303	3	
	d	7,054	54	
3	a	5,329	29	
	d	7,098	98	
4	a	5,334	34	
	d	7,045	45	
5	a	5,340	40	
	d	7,084	84	

Таблица 10.20

Результаты измерения размеров профиля при прокатке проволоки с величиной межклетевого натяжения 500 кгс.

№ образцов	Размер	Средние значения размеров, мм	Преобразованное среднее значение	Примечание
1	a	5,185	-115	Каждое значение размера увеличено в 1000 раз и уменьшено: «a» - на 5300 «d» - на 7000
	d	6,922	-78	
2	a	5,247	-53	
	d	7,083	83	
3	a	5,223	-77	
	d	6,908	-92	
4	a	5,219	-81	
	d	7,079	79	
5	a	5,224	-76	
	d	6,959	-41	

На одном из 5 однотипных технологических агрегатов (на четвертом) внедрены мероприятия, за счет которых предположительно можно получить эффект от экономии электроэнергии. В течении 6 месяцев на агрегатах производились измерения потребленной электроэнергии. Результаты представлены в таблице

Номер агрегата	Величина потребления электроэнергии по месяцам, МВт*час			
1	10	10,4	10,8	9,5
			10,1	
2	9,9	10,2	11	10,9
			9,7	
3	9,7	9,6	10,1	9,8
			10,1	
4	9,4	9,5	9,5	10
			9,3	
5	9,8	9,9	10,3	10,4
			10,1	

Необходимо выяснить, действительно ли внедренные мероприятия существенным образом влияют на потребленную электроэнергию.

### УРАВНЕНИЕ РЕГРЕССИИ

**Пример.** Определить коэффициенты регрессии модели 1-го порядка на основании следующей таблицы результатов.

Таблица 11.1

Результаты эксперимента

X	0	1	2	3
Y	1.2	5.8	15.5	28.6

Априорно известно, что Y – нормально распределенная случайная величина с постоянной дисперсией.

**Пример.** Определить коэффициенты регрессии 2 порядка по данным предыдущего примера.

### РЕГРЕССИОННЫЙ АНАЛИЗ

**Пример.** Провести регрессионный анализ уравнений, полученных в предыдущих примерах

$$\hat{Y} = -1.01 + 9.19 \cdot X;$$

$$\hat{Y} = 1.12 + 2.82 \cdot X + 2.13 \cdot X^2.$$

## ЭЛЕМЕНТЫ ПЛАНИРОВАНИЯ ЭКСПЕРИМЕНТА. ПОЛНЫЙ ФАКТОРНЫЙ ЭКСПЕРИМЕНТ

### Пример.

В лабораторных условиях исследуется влияние отклонений напряжения и частоты питающей сети на энергетические характеристики самого распространенного электроприемника – асинхронного двигателя. Испытуемый электродвигатель типа АО-41-2,  $P_{ном} = 5$  кВт. В качестве функции цели (отклика), в частности, рассматривается полный ток, потребляемый из сети. Все опыты проводились с неизменной нагрузкой на валу, равной номинальной (контролируемый, нерегулируемый фактор). Варьируемыми факторами являются напряжение  $X_1$  (U) и частота  $X_2$  (f) сети, поэтому для опытов выбран план ПФЭ  $2^2$ . Базовые уровни и интервалы варьирования приняты следующие:  $U_0 = 220$  В;  $\Delta U = 20$  В;  $f_0 = 50$  Гц;  $\Delta f = 5$  Гц. Для оценки дисперсии воспроизводимости в каждой точке плана проведено по два параллельных опыта. Опытты были рандомизированы с помощью таблицы случайных чисел, причем последовательность проведения опытов принята в следующем порядке: 2, 5, 8, 1, 3, 7, 4, 6. Номера с 5 по 8 соответствуют параллельным опытам.

Получены следующие результаты (опыты приведены по порядку).

i	$x_0$	$x_1$	$x_2$	$Y_1$	$Y_2$	$\bar{Y}$	$S_i^2$
1	+	-	-	10.0	9.8	9.9	0.02
2	+	+	-	8.9	8.5	8.7	0.08
3	+	-	+	12.4	11.8	12.1	0.18
4	+	+	+	10.2	10.6	10.4	0.08

Составить план эксперимента (ПФЭ  $2^2$ ), определить уравнение регрессии, провести его анализ.

*Внеаудиторная самостоятельная работа студентов осуществляется в виде проработки рекомендуемой литературы и материала, изученного на практических занятиях.*

### Задания для внеаудиторной самостоятельной работы

- По экспериментальным данным, представленным в таблице, получить уравнение регрессии и провести его анализ

1.1

X	0	3	4,5	6,5	8,5	10			
Y	7	6	6,5	6	5	5			

1.2

X	0	-2,5	-4	-5,5	-8	-10			
Y	7	7,5	7,5	8,5	8,2	9			

1.3

X	0	2	4	6,5	8	10			
Y	5	5,5	7,5	8	9,5	10			

1.4

X	0	2	3,5	6	7,5	8,5	10		
Y	1	1,5	3	3,5	5	6	7		

1.5

X	0	2	3,5	5,5	7	8,5	10		
Y	3	3,5	5	5,5	7	7,5	9		

1.6

X	0	2	3,5	5	7	8,5	10		
Y	4	3,5	3	3,5	2	2,5	2,5		

1.7

X	0	1,5	3,5	5,5	7	9	10		
Y	0	0,5	1,5	2,5	3,5	5	6		

1.8

X	0	1	3	5	6	7			
Y	0	1,5	4	6,5	7,5	10			

## 2. Спланировать эксперимент и обработать его результаты

2.1. Исследуется влияние напряжения сети и температуры окружающего воздуха на время выдержки реле постоянного тока. Базовые уровни варьируемых факторов и интервалы изменения приняты следующие: для напряжения  $U_0=220$  В,  $\Delta U=20$  В; для температуры  $t_0=25^{\circ}\text{C}$ ,  $\Delta t=10^{\circ}\text{C}$ . При предварительном проведении эксперимента получены следующие результаты

U	$t^{\circ}\text{C}$	Время выдержки, сек.
200	15	1
240	15	0,9
200	35	1,2
240	35	1,1

Составить план эксперимента (ПФЭ  $2^2$ ), определить уравнение регрессии, провести его анализ.

## 3. Провести дисперсионный анализ

3.1. Имеется 5 партий электрических аккумуляторов, изготовленных на различных предприятиях. В каждой партии отбирались аккумуляторы для испытаний и определялся их срок службы. Необходимо выяснить, влияет ли технология изготовления аккумуляторов на различных предприятиях на срок их службы.

Номер предприятия	Срок службы аккумуляторов, лет						
	1	5	5,1	5,3	4,9	5,5	5,4
2	4,8	5,2	5,3	4,7	4,8	4,5	4,4
3	4,6	4,7	5,8	4,9	5,1	5,3	4,8
4		4,5	4,8	5,3	5,2	4,9	
5		5,2	5,7	4,9	4,8		

3.2. На одном из 5 однотипных технологических агрегатов (на четвертом) внедрены мероприятия, за счет которых предположительно можно получить эффект от экономии электроэнергии. В течении 6 месяцев на агрегатах производились измерения потребленной электроэнергии. Результаты представлены в таблице

Номер агрегата	Величина потребления электроэнергии по месяцам, МВт*час				
1	10	10,4	10,8	9,5	10,1
2	9,9	10,2	11	10,9	9,7
3	9,7	9,6	10,1	9,8	10,1
4	9,4	9,5	9,5	10	9,3
5	9,8	9,9	10,3	10,4	10,1

Необходимо выяснить, действительно ли внедренные мероприятия существенным образом влияют на потребленную электроэнергию.

3.3. Решить аналогичную задачу с результатами, представленными в таблице

Номер агрегата	Величина потребления электроэнергии по месяцам, МВт					
1	25	24	26	28	21	22
2	23	28	22	20	25	26
3	21	27	25	21	28	22
4	22	22	21	22	23	21
5	22	24	25	21	26	24

### *Оценочные средства для проведения промежуточной аттестации*

**а) Планируемые результаты обучения и оценочные средства для проведения промежуточной аттестации:**

Код индикатора	Индикатор достижения компетенции	Оценочные средства
<b>ОПК-2: Способен применять современные методы исследования, оценивать и представлять результаты выполненной работы</b>		
ОПК-2.1	Выбирает и применяет современные методы теоретических и экспериментальных исследований с учетом автоматизированных и компьютерных средств	<i>Указаны в заданиях для внеаудиторной самостоятельной работы</i> По заданным экспериментальным данным получить уравнение регрессии Спланировать эксперимент и обработать его результаты Провести дисперсионный анализ
ОПК-2.2	Оценивает и представляет результаты выполненной работы в виде отчетов и презентаций	<i>Указаны в перечне аудиторных контрольных работ</i> Использование статистических критериев для оценки технических характеристик электротехнических изделий Оценка влияния технологических факторов на качество выпускаемой продукции Методика определения коэффициентов уравнения регрессии Методика проведения регрессионного анализа Составить план эксперимента (ПФЭ 22), определить уравнение регрессии, провести его анализ

**б) Порядок проведения промежуточной аттестации, показатели и критерии оценивания.**

Промежуточная аттестация по дисциплине «Планирование эксперимента» включает теоретические вопросы, позволяющие оценить уровень усвоения обучающимися знаний, и практические задания, выявляющие степень сформированности умений и владений, проводится в форме экзамена.

Экзамен по данной дисциплине проводится в устной форме по экзаменационным билетам, каждый из которых включает 2 теоретических вопроса и одно практическое задание.

**Показатели и критерии оценивания экзамена:**

– на оценку **«отлично»** (5 баллов) – обучающийся демонстрирует высокий уровень сформированности компетенций, всестороннее, систематическое и глубокое знание учебного материала, свободно выполняет практические задания, свободно оперирует знаниями, умениями, применяет их в ситуациях повышенной сложности.

– на оценку **«хорошо»** (4 балла) – обучающийся демонстрирует средний уровень сформированности компетенций: основные знания, умения освоены, но допускаются незначительные ошибки, неточности, затруднения при аналитических операциях, переносе

знаний и умений на новые, нестандартные ситуации.

– на оценку **«удовлетворительно»** (3 балла) – обучающийся демонстрирует пороговый уровень сформированности компетенций: в ходе контрольных мероприятий допускаются ошибки, проявляется отсутствие отдельных знаний, умений, навыков, обучающийся испытывает значительные затруднения при оперировании знаниями и умениями при их переносе на новые ситуации.

– на оценку **«неудовлетворительно»** (2 балла) – обучающийся демонстрирует знания не более 20% теоретического материала, допускает существенные ошибки, не может показать интеллектуальные навыки решения простых задач.

– на оценку **«неудовлетворительно»** (1 балл) – обучающийся не может показать знания на уровне воспроизведения и объяснения информации, не может показать интеллектуальные навыки решения простых задач.